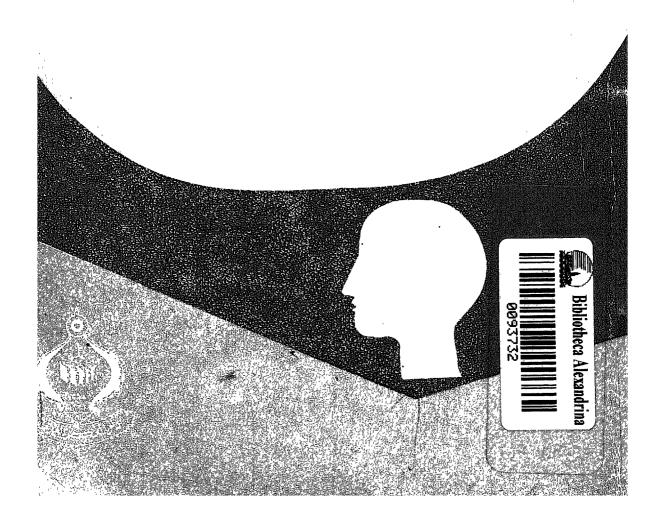
inverted by fire Combine - (no stamps are applied by registered version)

suitil clasil

الدكتور السيد محمد خيرى





الإحصاء النفسى

تأليف

الدكتور السيد محمد خيرى

أستاذ ورئيس قسم علم النفس كلية التربية ـ جامعة الرياض

الهيئة العادة الكتدة الأسكندرية رفع المالية في المالية رفع التسجيل الأديام المالية 11114/_A1E1Y

ملتزم الطبع والنشر ك حار الفكر الحربي

الإدارة 42 شارع عباس العقاد ـ مدينة مصر ت ٢٧٥٢٩٨٤ ـ ٢٧٥٢٩٩٤

۱۵۰,۱۸۲ السيد محمد خيري.

سى إح الإحصاء النفسى / تأليف السيد محمد خيرى . _ القاهرة : دار الفكر العربي، ١٩٩٧ .

٣١٢ ص: إيض ؟ ٢٤ سم.

بشتمل على إرجاعات ببليوجرافية وحواشي.

تىمك ٧/٧٠١٠/٠٩٠٧٩

١ - علم النفس - الطرق الإحصائية. أ- العنوان.

بنغ اليثة والرعب الرحيم

فَالنَّعَالُ وَقُلُرَبِ زِذْ فِي عِلْمَا "

صدق للدالعظيم



بسم الله الرحمن الرحيم

مقدمــة:

القياس هو الأسلوب العلمي الذي يحول الأوصاف اللفظية الى ابعاد محددة وهو الأسلوب الذي يطور العلوم ويدفع بها نحو الموضوعية .

والعلوم الانسانية لا زالت علوما متطورة ، فقد كانت فرعا من الفلسفة وكان الفيلسوف يعتمد على الجدل المنطقي . وعندما تدخلت الأساليب العلمية في بحوث هذه العلوم اعتمدت بادىء ذي بدء على الحالات الفردية والحبرات الحاصة ، ولكن هذه العلوم ما لبثت ان اتحدت دراسة الانسان بوجه عام وعلاقاته بغيره وتأثره بما حوله وتأثيره فيه أساسا للدراسة ، واقتضى ذلك منه أساليب يضبط بها جمع الحقائق التي يتوصل بها . وأساليب أخرى يعالج بها ما يجمعه من حقائق بغية التوصل الى ما يستطيع أن يستخلصه من نتائج .

ولهذا كان الباحث الانساني محتاجا دائما الى الأساليب الاحصائية يضبط بها بحوثه ويستنتج عن طريقها نتائجه .

وان كنا نقدم اليوم كتابا للاحصاء لطالب كلية النربية فما ذلك الا لأننا نؤمن أن خريج هذه الكلية لا بد وأن يكون باحثا علميا قبل كل شيء ، مادته الانسان وسلوكه وأدواته الضبط وتحويل الملاحظات الى كميات تقاس وتقارن عن طريق فنسسون الاحصاء.

وقد حاولنا في هذا الكتاب تبسيط المادة للطالب حتى تكون مستساغة لديه يتقبلها بتفهم وميل ويستخدمها باستساغة واتقان وقد اقتصرنا في هذا الكتاب على الموضوعات الأساسية التي لا يستغنى عنها طالب علم النفس أو التربية أو الباحث فيهما .

ولعلنا نكون بذلك قد أسهمنا في تطوير هذه العلوم وتقدمها وفي تطوير البحوث الانسانية بعامة في وطننا العربي .

والله ولي التوفيق ، ، ،



الأبر المتدل

تصنيف البيانسات وتمثيلها بالرسم

- القياس في علوم الانسان .
 - التوزيع التكراري .
 - » تمثيل التوزيع بالرسم .

المضلع التكراري

المدرج التكراري

المنحنى التكراري

المنحنى التكراري التجمعي

خاتمة في التمثيل بالرسم

a.



القياس في علوم الانسان:

يقصد بالقياس تحديد درجة امتلاك شيء أو شخص لصفة من الصفات وتبعا لهذا المعنى فان الفرد يحتاج الى القياس في جميع تصرفاته اليومية ، ويستعمل القياس في كل حالة يتسني فيها الوصف بالأرقام ، ويدخل ضمن القياس العد والترتيب ترتيبا تصاعديا أو تنازليا بالنسبة لخاصية معينة أو صفة خاصة ، فتستطيع أن ترتب عددا من الأشخاص من حيث الطول أو الوزن أو المستوى الاقتصادي أو الذكرة .. الخ طالما أن هذه الصفات الجسمية أو الاجتماعية أو النفسية يمكن أن تختلف من فرد لآخر من الناحية الكمية . وترتيب الأشخاص أو ــ الأشياء يفيد كثيرا في مقارنتها بعضها بعض ، بل ويفيد أيضا في بيان مركز الفرد بالنسبة لمجموعته ، فاذا كان ترتيب (أ) الثاني في مجموعته البالغ عددها عشرة أشخاص ، أمكن أن نقول أن هناك فردا واحدا يفضله في الناحية التي اتخذت أساسا للترتيب ، بينما هناك ثمانية غيره متأخرون عنه فيها . ولكن طريقة ترتيب الأفراد لا تفيد أكثر من ذلك ، فهي لا تدل على مقدار امتلاك الشخص للصفة المطلوبة الا بدرجة نسبية ، أي أنها لا تدلنا مثلا على مدى تفوق الأول على الثاني ، كما لا يمكن أن نستنتج من الترتيب أن الفرق بين الثاني والأول يعادل الفرق بين السادس والخامس ، بالرغم من أن الفرق في الرتب متساو في الحالتين . فالرتب لا تخضع للعمليات الحسابية المعتادة كما تخضع الدرجات أو القيم كالدقائق والأرطال والدرجات ، بينما لو أمكن تحديد قيم للأفراد أتاحت هذه القيم فرصا كثيرة لاستنتاجات تتعلق بهذه القيم كما يمكن استخدام هذه القيم في عمليات أخرى يستفيد بها الباحث لأغراض شي .

والطريقة الشائعة الاستخدام في القياس تكون باعطاء الفرد أو الشيء قيمة خاصة .

فالباحث في علوم التربية والنفس والاجتماع يطبق اختبارا تحصيليا أو نفسيا على عدد من الأشخاص ويعطي كلا منهم درجة تدل على مدى تحصيله أو مدى اتصافه بصفة نفسية خاصة ، أو درجة اعتناقه لرأي اجتماعي معين أو درجة تعصبه لجهة من الجهاث

وتحديد قيمة الشيء عدديا فيه فرض ضمني بأن الصفة التي نقيسها لها وحدات بمكن اتخاذها أساسا للتقييم . كما أن فيه افتراض ضمني آخر وهو أن الوحدات تسير بتسلسل منتظم وبفترات متساوية ، هذا والتقدير في كثير من اختبارات التحصيل أز القدرات أو السمات النفسية قد يتخذ صورا أخرى غير الدرجة ، ففي بعض الاختبارات يتخذ مستوى للصعوبة التي يقف عندها الفرد مقياسا للتحصيل أو التفوق كما يتخذ في بعضها الآخر مرعة أداء الشخص لعمل معين ، بأن يحسب الزمن الذي يستغرقه في أداء هذا العمل ، أو كمية العمل التي تتم في زمن معين ، وفي أغلب الاستبيانات الاجتماعية يتخذ عدد الاجابات بنعم أو لا مقياسا للاتجاه العقلي أو شدة أو مدى اعتناق الشخص لفكرة خاصة .

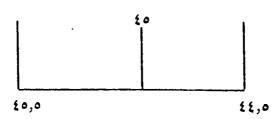
وبالرغم من أن درجات الاختبار التحصيلي أو النفسي أو الاستريان لا تختلف عن القيم المادية التي تصف الأشياء الطريعية الأخرى كالحجم والمساحة .. الخ . في أنها تخضع للعمليات الحسابية المختلفة كالجمع والطرح والضرب .. الخ الا أن هناك فرقا أن المات الحسابية المختلفة كالجمع والطرح والضرب .. الخ الا أن هناك فرقا أن المات الله المات الله المات الله المات الله المات الما

رة على وجه الاطلاق.

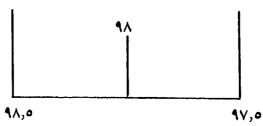
"مية الى قسمين مختلفين ، هما القيم المستمرة Continuous والقيم الأول يمكن تمثيله بنقط متتابعة لا حصر لها على مستقيم واحد ، اعدد لا حصر له من القيم المثلاصقة بحيث لا ينقطع تتابعها أن نحصل ضمن هذه السلسلة المتتابعة على أية قيمة مهما كان نميم أطوال الأشياء ، فالطول صفة لا تنقطع وحداته . فبين ه عد مثلا ١,٥ سم ، ٢,٥ سم . . الخ . . كما نستطيع أن نجد ١١،٥ ن سم . . الخ . . . الخ توبعضها مثلا في مجموعات مختلفة مقياس متقطع القيم ، ذلك لأن توبعضها ، أي أنه بين الرقم ٣ (٣ أشخاص) وبين الرقم ٤ لا تملؤه قيم متدرجة . فلا يمكننا أن نجد مجموعة بها ٣,٧ شخصا

أو ٣,٩٢ شخصا وهكذا .

وعلى هذا نستطيع أن نفهم للقيم في المقياس المتصل معنى يختلف قليلا عن الذي نفهمه عادة . فأية درجة في اختبار أو أي مقياس للطول ، ما دام التقويم في كليهما متصلاً يمكن أن ينظر اليه على أنه مسافة بين نقطتين ، فدرجة ٤٥ في اختبار ما يمكن اعتبارها لا على أنها نقطة منفصلة محددة على المقياس ، بل على أنها مسافة حدها الأدنى ٤٤٥ مع اعتبار أن النقطة الوسطى في هذه المسافة هي التي تعادل الدرجة ٤٥ .



ويكون معنى الدرجة ٩٨ على نفس هذا الأساس المسافة المحددة بالدرجتين ٩٧،٥ و ٩٨,٥ .



وهكذا بينما يختلف الحال في القيم المتقطعة ، ذلك لأن كلا منها قيمة تمثلها نقطة على المستقيم الذي يبدأ بالقيمة الصغرى وينتهي بالقيمة الكبرى .

التـــوزيع التـــكراري :

التوزيع التكراري وسيلة لتصنيف البيانات التي سبق جمعها ، فالباحث في هذه العملية يقوم بعمل فراز البريد الذي يقوم بفرز الحطابات حسب الجهة المرسلة ، الا أن الباحث في تصنيف بياناته هو الذي يختار الفئات التي يحددها لنفسه . فهدف التوزيع التكراري اذن ترتيب البيانات وتقسيمها تقسيما يسهل ادراك ما بينها من علاقات ، ويوضح صفاتها ودلالتها . فاذا احتاج بحث الى جمع حالات من أفراد ذوي دخول يومية مختلفة وعددهم ٦٠ فردا وكانت دخولهم اليومية بالريال كالآتي :

ŧŧ	49	٤٣	۳۸	٥٦	٦٤	٤٦	٥٣	۱۸	77	41	40
**	٤٧	٥٥	19	77	74	۲۸	٦٢	44	٤٤	٣٨	44
10	40	٥١	٧	11	70	19	42	٣٢	V)	٤٥	7.8
۲٥	٥٦	٦٧	٤٨	٩	۱۸	44	40	**	٤٥	۱۷	٨
۸۵	٥٨	٦.	٦٢	٣٧	45	٦	٥٩	٣٦	77	44	١٥

جدول (١) الدخول اليومية لستين فرداً بالريال

فان هذه القيم في وضعها هذا لا يمكن أن تفيد الباحث في اعطائه فكرة واضحة عن هذه المجموعة . ولذلك فانه من الطبيعي عادة أن يفرغ هذه البيانات في جدول يضم القيم المتجاورة في فئة واحدة تنفصل عن غيرها من الفئات . أي أنه يصنف هذه القيم الستين في مجموعـــات .

اختيـــار مـــدى الفئـــة :

ومن الطبيعي أنه لا توجد طريقة واحدة لتقسيم مثل هذه البيانات الى مجموعات متدرجة وتصنيفها تبعا لذلك ، ذلك لأن مدى الفئة أي الفرق بين حدها الأدنى والأقصى يختاره الباحث بنفسه . وعلى هذا فهي نتوقف على الهدف الذي يضعه الباحث من هدذا التصنيف . الا أنه ينبغي أن يكون عدد أقسام التصنيف مناسبا ، فاذا كان عدد الأقسام صغيرا كأن نقسم هذه الدرجات مثلا الى قسمين أو ثلاثة ضاع على الباحث أغلب الفوائد التي يمكنه أن يجنيها من هذا التصنيف ، كما أن مثل هذا الحال يحدث اذا كان عدد الأقسام كبيرا . ومن المستحسن أن يكون عدد الأقسام محصورا بين عشرة وعشرين اذا أمكن ، ولكن ليست هذه قاعدة عامة ينبغي أن نتبعها دائما ، فقد يحدث أن تتجمع التميم المراد تصنيفها في مدى ضيق بحيث يتعذر ايجاد عدد مناسب من الأقسام

ولتحديد الفئات ينبغي ان تحدد أولا الحدي الأدنى والأقصى للقيم المعطاة ففي المثال السابق نلاحظ أن أقل قيمة هي ٧ وأكبر قيمة هي ٢٧ . أي أن الفئة الأولى في هذه الحالة أو أقل الفئات قيمة ينبغي أن تكون مشتملة على القيمة ٧ . كما يبغي أن تكون أكبر الفئات قيمة مشتملة على القيمة ٧ . كما يبغي أن تكون أكبر الفئات قيمة مشتملة على القيمة ٢٧ . ونظرا لأن مدى توزيع القيم هو ٢٧ – ٧ = ٢٠ ، فيمكننا ان نقسم هذه القيم الى فئات مدى كل فئة ٤ أو ٥ ، أو ٣ ريالات ، أو تكون

حدود الفثات مكررات ٤ ، أي نبدأ مثلا بالقيمة ٤ في الفئة الأولى و ٨ في الفئة الثانية و١٢ في الفئة الثالثة وهكذا .

تسلسل الفئسات:

اذا اعتبرنا الفئة الأولى محددة بين ٤ ، ٨ فأمامنا في هذا الحل أربع طرق للتجمع ، فاما أن نجعل الفئة تبدأ بعد ٤ وتنتهي قبل ٨ ، أي تشتمل على القيم التي تزيد عن ٤ وتقل عن ٨ وتشمل التي بعدها على القيم التي تزيد عن ٨ وتقل عن ١٢ وهكذا ، وهنا نجد صعوبة في وضع القيمة ٨ في هذه الطريقة حيث لا يمكن وضعها في الفئة الأولى أو الفئة الثانية .

و الطريقة الثانية تكون بأن ندخل كلا من ٤ ، ٨ ضمن الفئة ، أي أن نجعل الفئة من ٤ ــ ٨ بما فيها القيمتين ٤ ، ٨ .

وتسير الفئات بالتسلسل الآتي : _

٤ فما فوق - ٨

٩ فما فوق -- ١٣

١٤ فما فوق – ١٨

. . . . وهكذا .

وفي هذه الحالة نجد أن مدى كل فئة خمس وحدات وليست أربع ، كما أننا نرى أن هذه الطريقة لا تصلح الا في القيم المتقطعة التي لا يوجد فيها اتصال بين الوحسدات الصحيحة . فاذا فرضنا أن هذه القيم متصلة ، فاننا نصادف صعوبة في تحديد فئة القيم التي بين ٨ ، ٩ أو التي بين ١٣ ، ١٤ أي ما بين الحد الأقصى للفئة والأدنى للفئة التي تليها .

والطريقة الثالثة هي أن تبدأ الفئة بما يزيد عن قيمة خاصة وتنتهي بقيمة محددة ، ففي هذا المثال نستطيع أن نقول :

ما فوق ٤ ــــ ٨ ما فوق ٨ ــــ ١٢

ما فوق ۱۲ ـــ ۱۹

وبذلك نضمن مكانا لجميع القيم سواء كانت البيانات مستمرة أو متقطعة كما هو الحال في الجدول الآتي ، وهو ببين حالة الملكية العقارية سنة ١٩٥٧ في احدى البلاد .

جملة المساحة	عدد الملاك	فثات المساحة
1888 999	777 757	أكثر من فدان الى خمسة
3.8 040	V9 Y09	أكثر من خمسة الى عشرين
744 007	27 AYW	أكثر من عشرة الى عشرين
4.4 1.4	۱۳ ۰۸۸	أكثر من عشرين الى ثلاثين
722 20A	9 4.5	أكثر من ثلاثين الى خمسين
179 191	7 444	أكثر من خمسين الى ماثة
241 AA9	۳ ۱۸٤	أكثر من مائة الى مائتين
1177 4.1	۲ ۱۳٦	أكثر من ماثبي فسدان

جدول (٢) الملكية المقارية في احدى البلاد

والطريقة الرابعة وهي عكس السابقة أي تبدأ بقيمة محددة وتنتهي بأقل من قيمة محددة فنقول مثلا:

من ٤ الى اقل من ٨ من ٨ الى اقل من ١٢ من ١٢ الى اقل من ١٦ . . . وهكذا

وفي أية طريقة من هذه نجعل التصنيف يتجه اتجاها تصاعديا أي بادئا بأصغر القيم ثم يصعد بالتدريج حتى يصل الى أكبر قيمة أو العكس ، فنقول مثلا :

.و من ٦٤ — أقل من ٦٨ من ٦٠ — أقل من ٦٤ من ٥٦ — أقل من ٦٠ و هكـــذا

والطريقة التي سنترهها في هذا الكتاب هي طريقة التدرج التصاعدي أي الذي يبدأ بالقيم الصغيرة ويُتهي بالكبيرة ، كما أننا سنتُخذ الوضع الذيُّ يبدأ بقيمة محدودة وينتهي بأقل ُمن قيمة محدودة ، وبتطبيق هذا الوضع على المثال السابق (جدول ١) نصل الى التصنيف الآتي .

- ٤ ــ أقل من ٨
- ٨ ــ أقل من ١٢
- ۱۲ ــ أقل من ۱۳
- ١٦ ــ أقل من ٢٠
- ۲۰ ـ أقل من ۲۶
- ۲۶ ـ أقل من ۲۸
- ۲۸ أقل من ۳۲
- ٣٢ _ أقل من ٣٦
- ٣٦ _ أقل من ٤٠
- ٤٤ _ أقل من ٤٤
- ٤٤ ــ أقل من ٤٤
- ٤٨ ــ أقل من ٥٢
- ۲ه ـ أقل من ۵۹
- ٥٦ ـــ أقل من ٦٠
- ٦٤ ــ أقل من ٦٤
- ٦٤ ــ أقل من ٦٨

ولاختصار الوضع يكفي أن نوضح التتابع كما يأتي :

- ۱۳ ــ وهكذا

فهذا الوضع يدل على أن الفئة الأولى تبدأ بالقيمة ٤ وتنتهي قبل القيمة ٨ والثافية تبدأ بالقيمة ٨ وتنتهي قبل القيمة ١٢ و هكذا .

بقي أن نحدد عدد الأفراد التي تقع في كل فئة حسب البيانات المعطاة . والطريقة

المتبعة لذلك هي وضع خطوط (علامات) يدل كل خط منها على أن هناك قيمة تتبع الفئة الموضوع بها . فالقيمة الأولى وهي ٣٥ نعبر عنها بخط أمام الفئة (٣٢ - -) ، والثانية وهي ٢٢ نعبر عنها بخط أمام الفئة (٢٠ - -) . الا أنه بما يسهل عد هذه الحطوط أن تجمع في مجموعات من خمس . فاذا كانت أمام الفئة أربعة علامات هكذا / / / وأردنا أن نضع علامة خامسة ربطنا هذه العلامات الأربعة .

والجدول التكراري يحتوي على ثلاثة أعمدة : الأول يبين الفئات ، والثاني يبين العلامات ، والثالث يبين عدد العلامات في كل فئة أو ما نعبر عنه بالتكرار فهو في المثال السابق كما يلى :

تكـــرار	علامات	فشسات
٣	111	- {
Y	11	- A
Y	11	- 17
•		- 17
£	1111	- Y•
Y	11	- Y £
٣	111	- Y A
٤	1111	- **
7	1	- ٣٦
Y	//	- t ·
•		– 11
Y	11	- £ A
7	11	- •Y
•		
•		- 7·
٣	111	- 11
٦.		المجموع

جلول ٣ ــ الحلول التكراري

ومن الواضح أن صحة مجموع التكرارات أي مطابقته لعدد القيم المعطاة لا يدل دلالة كافية على صحة العمل ، فهو يدل فقط على أن جميع القيم قد دونت في الجدول التكراري وأن كلا منها قد دون مرة واحدة ، ولكن لا زال هناك مجال للخطأ في وضع احدى العلامات في الفئة الخاطئة . وليس أمامنا اتلافي هذا الخطأ الا أن نلزم الدقة والحرص في وضع العلامات ولا بأس من تكرار العملية للتأكد من صحتها .

ويلاحظ في مثل هذا الجدول ملاحظتان :

١ _ أن أقل قيمة للتصنيف وأعلى قيمة محددتان في الجدول .

٢ ــ أن الفتات تسير بتتابع منتظم أي أن مدى الفتات متساو .

ولكن يحدث في كثير من الأحيان أن يفضل الباحث تصنيف بياناته في جداول ليس فيها هاتان المميزتان ، كأن يجعل مبدأ التوزيع مفتوحا أي ليس له حد أدنى محدد فتبدأ الفئات مثلا بالفئة أقل من ١٥ ثم تتابع بعد ذلك بانتظام ١٥ – ٢٠ ، ٢٥ ... الخ اذا كان عدد القيم التي تقل عن ١٥ قليلة لا تستحق وضعها في عدد من الفئات أو أن يكون الجدول مفتوحا من طرفه العلوي لنفس السبب ، فقد تكون الفئة الأخيرة مثلا ٥٥فأ كثر ، واليك مثال واقعيا على ذلك .

فالجدول الآتي مفتوح من طرفيه، وهويبين تعداد التلاميذ في سنوات متعاقبة موضحابالألف.

1989	1987	1980	1984	. 1901	فئاتالسن
198.	1984	1927	1989	1907	:
14	10	7 2	77	۲۷	أقل من ٥سنوات
٤٨٨	221	171	171	717	من ه ــ أقل من
٥٧٢	٥٠٩	१०१	111	117	۸ سنوات من ۸ ـــ أقل من
414	414	۳۱٦	٤٨٦	٤١٦	۱۰ سنوات من ۱۰ ــ أقل سر ۲۰
٧٦	٧٨	1.4	104	411	من ١٣ سنة من ١٣ ــ أقــل
70	۲۷	٨٤	۱۲۷	۱۷۸	من ۱۹ سنة ۱٦ سنة فأكثر
١٥٦٣	184.	18.4	10.7	14.1	المجموع

جدو ل (٤) جملة التلاميذ في احد البلاد حسب فئات السن(جدو ل مفتوح الطرفين)

كما أنه يضطر الى توزيع بياناته على فئات غير متساوية المدى اذا وجد أن بعض الفئات قليلة التكرار مما يفضل معه ضم كل فئتين أو أكثر واعتبارهما فئة واحدة كما هو الحال في المثال الآتي الذي يبين توزيع مقدار السكان حسب فئات السن به (بالأرقام بالألف) .

1417	1944	1944	1984	فئات السن
١٨٥	194	٤٩٠	٥٠٨	أقل من سنة
1079	1047	١٦١٨	7.77	من ۱ – أقل من ۵ سنوات
14.1	1009	14.4	72	من ۵ ــ أقل من ۱۰
	١٥٨٠	19.9	7712	من ۱۰ ــ أقل من ۱۵
4011	1790	١٣٤٦	14.1	من ۱۵ ــأقل من ۲۰
1979	7447	1111	7017	من ۲۰ ــأقل من ۳۰
۱۷۲۳	71	የሞሞ ٤	7744	من ۳۰ ــأقل من ٤٠
1187	1810	١٦٠٥	1979	من ٤٠ ــأقل من ٥٠
Y0 Y	۸۰۱	920	1712	من ٥٠ ــأقل من ٦٠
193	٥١٩	٥٧٨	Y1 Y	من ٦٠ ــأقل من ٧٠
۲۸.	404	444	797	من ۷۰ ــأقل من ۸۰
144	111	118	4.4	من ۸۰ ــأقل من ۹۰
٤٧	٤٠	٤٣	۴٠	٩٠ سنة فأكثر
٤٠	44	٣٧	٥٨	أعمار غير متباينة
١٢٧١٨	١٤١٧٨	10971	1/477	المجموع

جيول (٥) يبين عدد السكان في احد البلاد حسب فنات السن

ولا يشترط دائما أن يصنف الباحث بياناته تبعا لفئات عددية ، بل كثيرا ما يحتاج الى أساس نوعي في تصنيفه ، فيقسم المجموعة الكلية الى أنواع مختلفة كما هو الحال في الجدول التكراري الآتي :

-14	١٧	11	٧٧	197	~~	19	٤٧	درجة التعليم
اناث	ذ کور	اناث	ذ کور	اناث	ذ کور	اناث	ذ کور	در به سهم
		777	10.7	702	1711	978	4777	ملمون بالقراءة والكتابة
		٤	79	71	1 • ٤	٥٣	١٤٦	فق <u>ط</u> حملة شهادات أقل من متوسطة
		١	41	٤	40	۱۷	97	حملة شهادات متوسطة
		١	11	١	70	٣	٤٤	« عالية
ŀ		_	_	–	٤	_	٥	۱ ۱ فنية عالية
		-	-	-	4	_	۳	۱۱ خصوصیـــــــــــــــــــــــــــــــــــ
		٠٦	. 4.	,	٥	'	,	 عالية من الحارج
118	٨٤٧	7/1	١٣٨٧	1 7/1	١٨٨٦	991	17071	الجملــة

جدول (٦) تعداد المتعلمين في احد البلاد حسب التعليم مقدار بالألف

(*) يشمل الحاصلين على شهادات أجنبية من مختلف الدرجات.

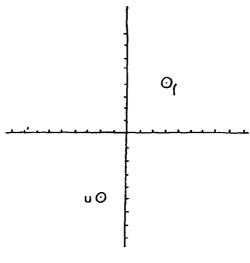
تمثيل التوزيسع بالسرسم:

يعطينا الجحدول التكراري صورة عامة عن توزيع القيم ، أي تكرارها النسبي . الا أنه يفضل دائما أن يمثل هذا التوزيع بالرسم فذلك يعين على زيادة الوضوح والمقارنة السريعة . ويستعمل في التمثيل بالرسم طرق عديدة أهمها :

- ١ المضلع التكراري .
- ٢ المدرج التكراري .
- ٣ المنحني التكراري .
- ٤ -- المنحنى التجمعى .

الأساس الرياضي في التمثيل بالرسم :

يستعمل في الرسم التوضيحي أو البياني محواران متعامدان يطلق على المحور الأفقي المحور السيني والمحور الرأسي المحور الصادي ويطلق على نقطة تقابلهما نقطة الأصل وتكون قيم (س) على يمين نقطة الأصل دائما موجبة ، وتزيد قيمتها كلما بعدت عنها ، وسالبة على يسار نقطة الأصل ، وتزيد قيمتها السالبة كلما بعدت أيضا عنها ، أما في المحور الصادي فتكون القيم الموجبة هي التي فوق نقطة الأصل ، والقيم السالبة هي التي تحتها ، فالنقطة (أ) في الرسم هي المعبرة عن س = : ٣ و ص = ٤ والنقطة (ب) هي المعبرة عن س = - ٢ و ص = - ٥



شكل (١) الرسم البياني

يحتاج مثل هذا الرسم بطبيعة الحال الى ورق مربعات ، مقسم طولا وعرضا الى سنتيمتر ات ومليمتر ات أو غير ذلك من الوحدات.

ولا يشترط مطلقا أن نعبر في الرسم عن كل وحدة في القيم بمسافة طولها سنتيمتر واحد ، بل قد نضطر في كثير من الأحيان الى التعبير عن كل وحدة بجزء من السنتيمتر أو أكثر من سنتيمتر . فاختيار الوحدات يتوقف على الحيز الذي نرسم فيه والقيم التي نريد تمثيلها ، ولكن من المستحسن أن يكون عرض الرسم أكبر قليلا من ارتفاعه .

المضلم التكراري:

لتوضيح الجدول التكراري باستعمال المضلع ، نستعمل عادة المحور الأفقي لتمثيل الفئات والمحور الرأسي لتمثيل التكرار ، وتنحصر خطوات العمل فيما يأتي :

١ - اختر المقياس المناسب لتمثيل الوحدات المعطاة في الجدول ، فمثلا في الجدول التكراري الآتي الذي يبين تكرار درجات مجموعة من الأشخاص في مقياس للاتجاهات العقلية :

التكر ار	فئات الدرجات
٤	~ Y•
٧	- Yo
٦	W·
10	40
٣٨	- £·
77	_ £ 0
١٧	_ 0 •
٨	_ 00
11	<u> </u>
٦	<u></u> ገ ነ
144	المجمــوع

جدو ل (v) توزيع الدرجات في مقياس للاتجاهات العقلية

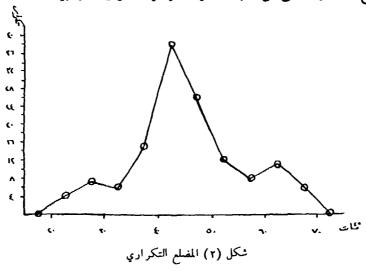
نجد عشر فئات ، فنستطيع اتخاذ كل (١) سم في المحور الأفقي لكل فئة ما دام عرض الورقة التي نستعملها أكثر من ١٠ سم ، وفي حالة التكرارات التي تمثل على المحور الرأسي نجد أن أكبر تكرار في الجدول هو ٣٨ ، فلو اتخذنا كل (١) سم ممثلا خمس تكرارات احتجنا في ذلك الى ٨ سم على الأقل ، وهو ارتفاع مناسب للشكل.

٢ - ضع حدود الفئات في المحور الأفقي ودرج المحور الرأسي مبينا ما تمثله الارتفاعات المختلفة من التكرار .

عبر عن تكرار كل فئة بنقطة توضع في مركز الفئة تماما و على ارتفاع معادل
 لتكرارها حسب المقياس الذي سبق اتخاذه .

عن ذلك هو المضلع المتالية بمستقيمات فيكون الشكل الناتج عن ذلك هو المضلع المطلوب .

ومن المتبع عادة أن يضاف الى التوزيع في الرسم فئتان احداهما أقل من أصغر فئة في التوزيع والأخرى أعلى من أكبر فئة فيه . ويكون تكرارهما بطبيعة الحال صفرا .



المقارنة بين توزيعين مختلفين باستعمال المضلع التكراري :

ليس من السهل أن نحصل على مقارنة صحيحة بين مجموعتين بمجرد ملاحظة الجدول التكراري لكل من التوزيعين ، والتوضيح بالرسم يؤدي في ذلك خدمة للباحث ، ولكن احدى المشاكل التي نصادفها هي الحالات التي يختلف فيها مجموع التكرارات في التوزيعين ، وذلك لأن مقارنة ارتفاع المضلع في الفئات المختلفة لا تعطي صورة واضحة في هذه الحالة عن حقيقة اختلاف التوزيعين ، والحل الوحيد اذا ما حدث هذا الاختلاف في العدد الكلي للقيم أن نلجأ الى استخراج النسب المئوية للتكرار في كل فئة بالنسبة لمجموع في التكرار في كل من المجموعتين ، بذلك نوحد بين مجموع التكرارين بجعل كل منهما مائة .

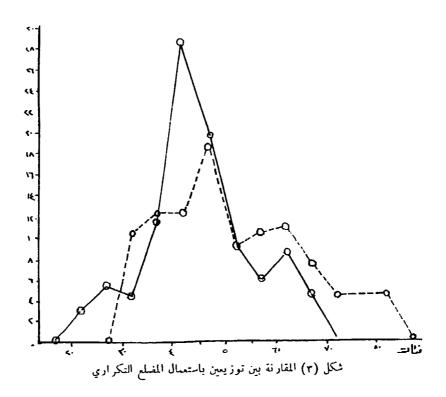
مثال : طبق نفس مقياس الاتجاهات السابقة جدول (٧) على مجموعة أخرى فكان توزيع الدرجات كما هو مبين في الحدول رقم (٨) .

التكــرار	الفئات
Yo	- Y·
44	_ Yo
۳.	- 4 •
٤٦	_
44	_ 0•
70	_ 00
YY	- T•
١٨	_ To
١.	_ Y•
١٠	_ Yo
710	المجموع

جدول (٨) توزيم درجات مجموعة أخرى في مقياس الاتجاهات المقلية

عة الثانيــة	المجمو	عة الأولى	المجمو	!!
النسبة المثوية	التكرار	النسبة المئوية	التكر او	الفشات
_	_	٣	ŧ	_ Y•
-	_	۵٫۳		_ 40
۲۰٫۲	70	٤.٥	٦	- 4.
14	77	11,4	10	- 40
۱۲,۲	۳۰ ا	۲۸٫٦	۳۸	_ £ ·
۱۸٫۸	13	19,0	77	- 10
4	77	4	14	_ 0.
۱۰,۲	70	1	٨	co
11	77	۸,۳	11	- 4.
٧,٤	۱۸ ا	٤,٥	١ ،	_ 70
٤,١	1.	_	_	- V·
٤,١	<u>ا</u> ۱۰	_	-	_ Va
١	740	١	144	المحموع

جدور (۹) التوريع المنوى الدرحات في المحموعتير



ويتضح من الرسم عدة ملاحظات نذكر منها :

١ ـــ أن درجـــات المجموعة الثانية أكبر بوجه عام من درحات المجموعة الأولى ،
 ذلك لأن المضلع الذي يمثلها ينتشر في القيم الكبيرة أكثر من مضلع المجموعة الأولى

٢ — قد يبدو من هيئة المضلعين أن انتشار توزيع الدرجات (التشتت) متعادل تقريبا في المجموعتين ولكن الواقع أن انتشار درجات المجموعة الأولى أقل من انتشار الثانية ، وذلك لأن درجات تجمع درجات المجموعة الأولى حول وسط المضلع أكثر منه في المجموعة الثانية ، بالرغم من أن الفرق بين اتساع المضلعين صغير كما يبدو في الرسم وسيأتي توضيح ذلك في الباب الثالث عند الكلام عن مقاييس التشتت .

تسوية المضلع التكــراري :

لا يستطيع الباحث أن يجري بحثه على جميع الأفراد الذين يجب أن يشملهم البحث ، فهو مضطر لأن يجري بحثه عادة على عينة محدودة . ولا ينتظر مطلقا أن يكون توريع

العينة مطابقا للتوزيع الأصلي للمجموعة كلها . وكلما كانت العينة صغيرة العدد كلما كان متوقعا أن يشتمل التوزيع على أجزاء غير منتظمة تفسد الشكل العام للتوزيع ، ولذلك فانه من المفيد في كثير من الأحيان أن يعمل تعديل للتوزيع حتى يتخلص الباحث من مظاهر عدم الانتظام التي تنتج عن عامل الصدفة واختيار العينة .

واحدى طرق تعديل التكرار أن يعطى لكل فئة تكرار يعادل متوسظ تكرارها مع تكرار الفئة التي قبلها والتي بعدها ، فاذا طبقنا ذلك على الجدول التكراري رقم (٧) نجد أن الفئة الأولى (٢٠ –) يصبح تكرارها $\frac{\cosh(+2+2)}{m} = 7$ الا أنه توجد فئة قبلها (١٥ –) كان أصل تكرارها صفر ا فيصبح تكرارها $\frac{3+7+7}{m} = 7$, و والفئة الثالثة (٣٠ –) يصبح والفئة الثالثة (٣٠ –) يصبح تكرارها $\frac{3+7+7}{m} = 7$, و والفئة الثالثة (٣٠ –) يصبح تكرارها أنه توجد فئة بعد الأخيرة (٧٥ –) كان أصل تكرارها صفر فيصبح تكرارها $\frac{7+6}{m} = 7$, كان أصل تكرارها صفر فيصبح تكرارها $\frac{7+6}{m} = 7$ وهكذا ، ويطلق على هذه الطريقة طريقة المتوسطات المتحركة .

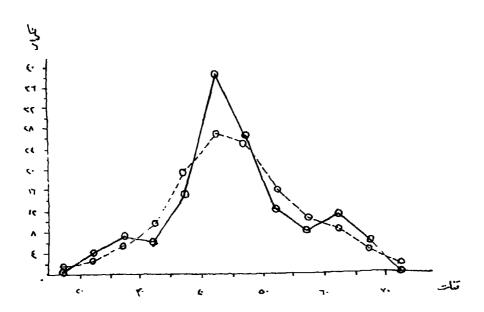
فيصبح الجدول التكراري المعدل كالآتي ·

التكر ار	الفشات
1.7	- 10
۳۷	Y•
ø.Y	_ Yo
4.4	. ٣٠
14,4	_ 40
Y7,#	_ į·
۲۰,۳	_ 10
10,4	٠ - ٥٠
۲۰٫۳	00
۸٫۳	T'
,∀	- 70
٧,٠	– v ∙
147.4	المجبوع

جدول (١٠) التوسطات المتحركة

ويلاحظ أن مجموع التكرارات لا يتغير تبعا لهذه التسوية

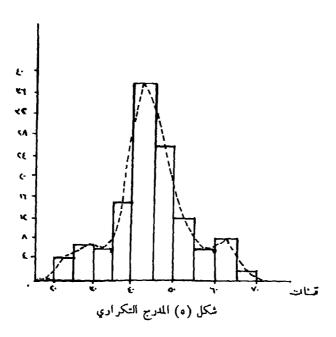
والشكل الآتي يوضح مدى التعديل الذي يحدث في المضلع التكراري نتيجة للتسوية ياستعمال المتوسطات المتحركة .



شكل (٤) تسوية المضلع التكراري

المسدرج التسكراري:

لا تختلف الوسيلة الثانية كثيرًا عن الوسيلة الأولى ، الا أنه في المدرج التكراري يمثل



التكرار بمستطيل بدلا من نقطة ، ويرسم المستطيل على الفئة كلها ويكون ارتفاعه (۱) (طوله) معبرا عن تكرار الفئة . ومعنى هذا أن الطريقتين تختلفان في الفرض ، ففي المدرج التكراري نفترض أن التكرار موزع بانتظام على جميع قيم الفئة ، أما في المضلع نحن نفترض أن جميع قيم الفئة تمثلهم قيمة واحدة هي مركز الفئة ، فالمدرج التكراري لجدول (۷) يكون كالشكل رقم (۵) .

وتكون خطوات العمل في الرسم كالآتي:

١ حدد الفئات على المحور الأفقي ووحدات التكرار على المحور الرأسي (كما هو الحال في المضلع) .

٢ ـــ ارسم فوق كل فئة مستطيلا ارتفاعه يمثل تكرار الفثة .

فيكون الشكل الناتج هو المدرج التكراري .

ويلاحظ أن الفرق بين رسم المضلع والمدرج التكراريين أن تكرار الفئة في المضلع

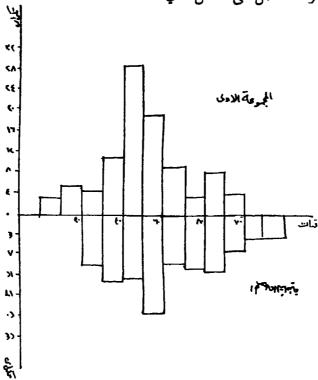
⁽١) الواقع ان الذي يمثل التكر ار هو مساحة المستطيل و لكن المفروض ان عرض المسطيل يمثل وحدة وأحدة و لدلك فان مساحة المستطيل تعادل ار تفاعه (طو له) .

التكراري بمثل بنقطة عند مركز الفئة . وأما في المدرج التكراري فيمثل بمستطيل فوق الفئة كلهـــا .

هذا ويمكن أن يرسم كل من المضلع والمدرج التكراريين في رسم واحد كما هو الحال في شكل (٥).

مقارنة توزيعين باستعمال المدرج التكراري :

لعله من الواضح أنه ليس من السهل استعمال المدرج التكراري للمقارنة بين توزيعين نظرا لتعقد الشكل الناتج وصعوبة المقارنة نتيجة لذلك ، اللهم الا اذا استعملت لونين مختلفين في رسم المدرجين ، ولكن قد يتيسر لنا ذلك اذا استعملنا جهتي المحور الأفقي ، محيث يرسم أحد المدرجين فوقه والآخر تحته ، وهذا يكون في حالة تساوي العدد الكلي في المجموعتين ، أما في حالة اختلاف هذا العدد فنستعين بالنسب المتوية للتكرار ، كما اتبعنا في رسم شكل (٣) فباستعمال المدرج التكراري لكل من التوزيعين مع استعمال النسب المئوية للتكرارات نحصل على الشكل الآتي :



شكل (٦) مقارنة توزيمين باستممال المدرج التكراري

onverted by Liff Combine - (no stamps are applied by registered version)

المنحمني التمكراري:

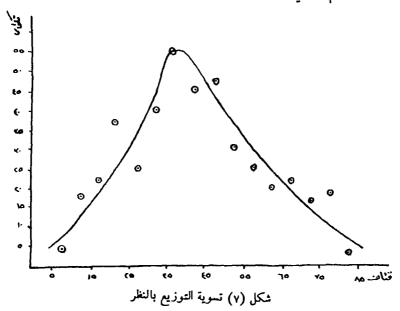
لا تختلف طريقة رسم المنحنى التكراري عن طريقة رسم المضلع التكراري الا في استعمال الحطوط المنحنية بدلا من الحطوط المستقيمة المنكسرة ، الا أن المنحنى التكراري يستعمل عادة لاعطاء شكل التوزيع بوجه عام ، مع تجاهل ببض مظاهر عدم الانتظام الذي قد يوجد في التوزيع نتيجة للصدف أو لاختيار العينة . ويمكن اعطاء الشكل العام للتوزيع بوسيلة اجتهادية محضة ، وتكون برسم منحنى عام يمر بأكبر عدد من النقط المعبرة عن التكرار الحقيقي للفئات ، وبشرط أن يقترب المنحنى بقدر الامكان من النقط التي لا يمر بها . وهذه الوسيلة بطبيعة الحال تتوقف على التقدير الشخصي . ونستطيع أن نتخلص من العامل الشخصي باستعمال المتوسط المتحرك الذي سبق استخدامه في تسوية المضلع التكراري ، ففي حالة الجدول التكراري الآتي الذي يبين توزيع أعمار مجموعة من الأفراد :

التكرار	الفشات
•	- 0
14	-1.
44	10
1 17	Y•
70	~ Yo
٤٠	- 4.
••	_ 40
10	<u> </u>
٤٧	_ to
٣٠	o ·
٧٠	00
٧.	۳۰
77	To
۱۷	ــ ۷۰
19	Yo
٤	- ۸۰
{ T\	المجدوع

جدول (١١) جلول تكرارى لأهمار مجموعة من الأفراد

nverted by 11ff Combine - (no stamps are applied by registered version)

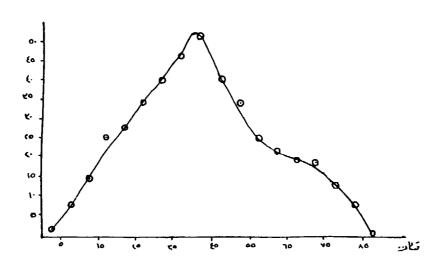
يمكن رسم منحني تكراري بطريقة تقديرية شخصية كالمبين في شكل (٧)



وبحساب المتوسطات المتحركة لتكرارات الفئات يصبح الجدول التكراري كالآتي :

التــكر ار	الفئنات
٧,٧	صغر
٧,٧	- •
1.0	- 1 •
Y.•Y	10
YA .	- Y•
4.5	- Y∙
£٠	- Y•
£ ٦,Υ	40
19	£•
£+,V	- i•
71	* •
٧.	••
44,5	<u> </u>
14,7	70
19,5	Y•
14,4	_ Ya
٧,٧	- A·
1,1	– ∧•
£٣1,1	الحبسوع

جنول (۱۲) المتوسطات المتسركة لتوزيع أحاد جسومة من الأفراد



شكل (٨) رسم المنحى باستعمال المتوسطات المتحركة

وبهذه الوسيلة نستطيع أن نرسم منحنيا معدلا يمر بجميع نقط التكرار تقريبا .

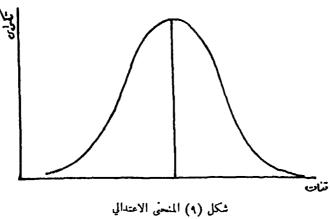
أنواع المنحنيات التوزيعية الشائعة :

في البحوث العلمية سواء كانت نفسية أو اجتماعية لا تحصل مطلقا على منحنيات خالية خلوا تاما من مواضع عدم الانتظام ، ولكننا مع هذا يمكن أن نعدل مثل هـــذه

التوزيعات كما سبق توضيحه . وبذلك تحصل على أشكال معينة للتوزيعات التي تشملها البحوث . وأهم الأشكال الشائعة لمنحنيات التوزيع ما يأتي :

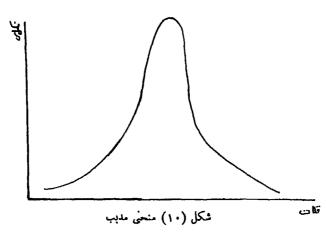
١ _ المنحني الاعتدالي :

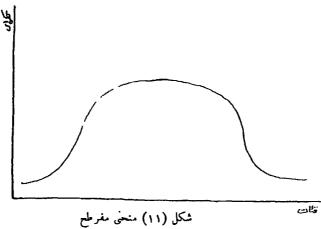
اذا طبق البحث على عدد كبير جدا من الأفراد وأمكن التوصل الى طرق قياس موضوعية خالية خلوا تاما من العوامل الشخصية فان توزيع أغلب القدرات العقلية أو أكثر السمات الانفعالية أو الجسمية تكون موزعة بشكل معين يمثلها منحى يطلق عليه المنحى الاعتدالي ، والمنحى الآتي يمثل توزيع نسبة الذكاء في مجموعة كبيرة جدا من الأفسراد.



ونلاحظ في هذا التوزيع أن عددا قليلا من الأشخاص نسبة ذكائهم ٧٠ بينما يزيد هذا العدد تدريجيا حتى يبلغ أقصاه عند نسبة ذكاء قدرها ١٠٠ ، ثم يتناقص هذا العدد تدريجيا بنفس النظام الذي زاد به قبل ذلك حتى يقل عند نسبة ذكاء ١٣٠ ، وهذا يدل على أن العدد الأكبر من المجتمع متوسط الذكاء أو عادي ، بينما أقلهم عددا هم ضعاف العقول والعباقرة . ومن أهم ما نلاحظه في مثل هذا التوزيع أنه متماثل . أي مكون من نصفين منطبقين تقريبا على هيئة الحرس ، ولذا يسمى في كثير من الأحيان بالمنحنى الحرسي وسيأتي الكلام عنه مفصلا فيما بعد .

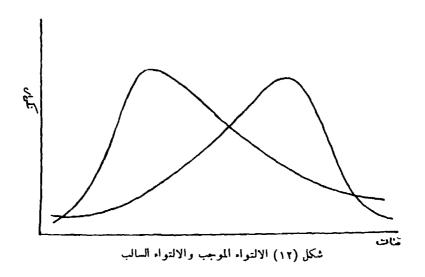
هذا وقد يختلف اتساع منحنى التوزيع عن المنحنى الاعتدالي فيصبح ضيقا مدببا أو واسعا مفرطحا ، وهذا يتوقف على تشتت القيم التي يشملها التوزيع كما في المنحنيين الآتيين :





۲ ــ المنحني الملتوي Skewed Curve :

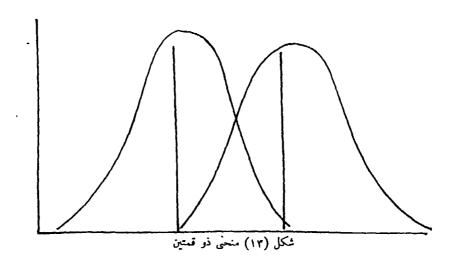
يحدث في كثير من البحوث أن نجد أن التكرارات تتجمع في احدى جهتي المنحنى أكثر مما تتجمع في الجهة الأخرى على عكس المنحنى الاعتدالي الذي يتساوى فيه توزيع التكرارات على جانبي المنحنى . فاذا رسمنا منحنى توريع الايراد الشهري لمجموعة كبيرة من الأفراد محدودي الدخل مثلا كانت التكرارات متجمعة عند القيم الصغيرة . ويوصف هذا المنحنى بأنه موجب الالتواء Positively skewed أي ملتوي نحو القيم الصغيرة ، وعلى العكس من ذلك اذا انجه التواء المنحى بحو القيم الكبيرة وصف بأنه سالب الالتواء العكس من ذلك اذا انجه التواء المنحى بحو القيم الكبيرة وصف بأنه ما المالية المنابع الله الله الله عن صفة حقيقية في المجتمع الذي يجرى عليه البحث كما في حالة النتائج الدراسية الفصول الضعيفة أو الفصول



القوية ، حيث يكون الالتواء موجبا في الحالة الأولى سالبا في الثانية ، أو راجعا الى سوء اختيار العينة بحيث لو أحسن الباحث اختيار العينة التي يجري عليها البحث لزال الالتواء أو خفت حدته ، أوسوء الطريقة المستحدمة في القياس ، كما في حالة تطبيق اختبار أعلى أو أقل في مستواه عن مستوى العينة المختبرة ، فالاختبار الصعب يعطي توريعا موجب الالتواء بينما يعطى الاختبار السهل توزيعا سالب الالتواء .

" - المنحني المتعدد القمم Multimodal curve -

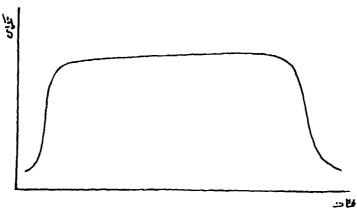
ينتج المنحى المتعدد القمم من عدم اتساق وتناسب العينة التي يشملها البحث ، فيتضح من التوزيع أن هناك انفصالا في المجموعة الكلية الى مجموعتين أو أكثر فاذا استطلعنا رأي مجموعة من الأفراد عن مدى أحقية المرأة في مساواتها بالرجل باستبيان مكون من عدد من الأسئلة وكانت المجموعة تشمل الجنسين : الرجال والساء . فم المحتمل أن نحصل من نتيجة هذا الاستبيان على منحى ذي قمتين حيث بحتلف توريع درجات هذا الاستبيان اختلافا يجعل المنحى العام أميل انى الانفصال الى محيير كما هو الشكل الآتي :



وهناك أشكال أخرى للتوزيعات عدا هذه الأنواع الثلاث الا أنها أندر من سابقتها ظهورا في البحوث النفسية والاجتماعية نذكر منها هنا على سبيل المثال :

3. التوزيع المستطيل Rectangular Distribution

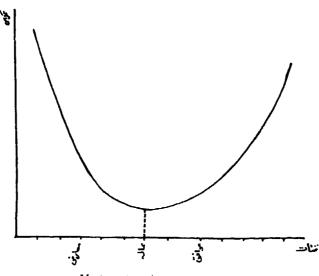
وهو الذي تتساوى فيه تكرار الفشـات :



شكل (١٤) التوزيع المستطيل

o ــ التوزيع الذيعلى هيئة حرف U :

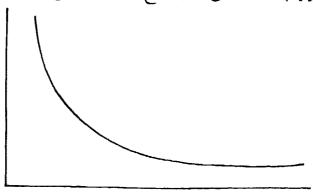
ومن المحتمل أن يظهر مثل هذا التوزيع في الاتجاهات العتملية الواضحة حيث يكثر الأفراد الذين بميلون الى جهة دون أخرى ، ويقل عدد الأفراد المحايدين بين الاتجاهين .



شكل (١٥) توزيع على هيئة حرف U

٦ الترزيع الذي على هيئة حرف 1 أو عكسها :

ومن أمثلته توزيع قابلية الأشخاص للاصابة بعدد من الحوادث في فترة زمنية معينة ، فاذا حسبنا عدد الأشهر التي حدثت فيها اصابة واحدة في مصنع معين ، وعدد الأشهر التي حدثت فيها اصابتان وهكذا في فترة عشر سنوات مثلا ، فاننا نحصل على منحنى كالمبين في شكل (١٦) . ذلك لأن عدد الحوادث في أغلب الشهور يكون صغيرا بينما يقل عدد الشهور التي يحدث فيها عدد كبير من الحوادث (بفرض أن ظروف العمل في المصنع طبيعية) كما أن منحنى النسيان يتبع عادة هذا الشكل ومنحنى الحفظ يتبع عكسه .



شكل (١٦) توريع عدد الاصابات في الشهر لمدة سيسة

أسئلة على البـــاب الأول

١ - فيما يأتي درجات خمسين طالبا في اختيار للقدرة اللغوية :

٥	44	78	77	10
۳۷	**	40	٤٤	٣٧
٨	40	27	٣٨	44
11	٤٥	48	٤٥	40
**	19	۲۸	£ Y	۱۸
40	**	19	٣٦	۰۵
٣٠	40	۳۲	۳۸	44
74	YV	7 8	44	44
۳۸	74	40	**	۳۲
17	۱۷	YV	10	١٤

والمطلوب تصنيف هذه الدرجات في جدول تكراري مدى كل فئة فيه ثلاث درجـــات .

- ٢ مثل الجدول التكراري السابق بالرسم مستخدما في ذلك :
 - (أ) مضلعا تكراريا .
 - (ب) مدرجا تكراريا .
- ٣ أعد تصنيف الدرجات السابقة في جدول تكراري مدى كل فثة فيه خمس
 درجـــات .
- ارسم منحنيا تكراريا للجدول في المسألة السابقة محاولا تسويته بالنظر ثم
 باستعمال المتوسطات المتحركة .

٦ - قارن بين توزيعي قيم مجموعي (أ) ، (ب) مستخدما أية طريقة من طرق التوضيح بالرسم :

تكرار مجموعة ب	تكرار مجموعة أ	القـــيم
١٣	77	_ 0
۱۷	40	- 1.
Y0	٤٧	- 10
77	٥٢	Y·
۲۰	47	_ 70
***	10	<u> </u>
٣٥	٧.	* 0
**	١٥	_ £•
YA	44	_ £ 0
7.7	١.	_ 0.
۳۷	11	_ 00
۳.	11	T·
۳۰	٧	To

جدول (۱۳) جدول تکراري لمجموعتين

(4)

المتوسطات أو القسيم المركزية

- = المتوسط الحسابي وطرق ايجاده Arithmetic Mean المتوسط الحسابي للقيم المتجمعة المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة
 - الوسيط أو الأوسط Median
 الوسيط للقيم المتجمعة
 الوسيط بالرسم
 - المنوال أو الشائع Mode
 المنوال بالطريقة الحسابية
 المنوال بالرسم
 - = مقارنة بين المتوسطات الثلاث.
 - = العلاقة بين المتوسطات الثلاث.



المتوسطات أو القيم المركزية

يهتم الباحث دائما أن يعبر عن قيم المجموعة التي يشملها البحث بقيمة واحدة تمثلها ، وتؤدي المتوسطات هذا الغرض في البحث ، فأية قيمة مركزية يمكن أن تستعمل لأي غرض من أغراض التوضيح أو المقارنة . وأهم هذه المتوسطات وأكثرها شيوعا في البحوث ما يأتي :

- ۱ ــ المتوسط الحسابي Arithmetic Mean
 - Median الوسيط Y
 - ٣ _ المنوال أو الشائع Mode

١) المتوسط الحساني :

يستعمل المتوسط الحسابي كثيرا في حياتنا اليومية ، فهو الطريقة المباشرة التي نلجأ اليها عند مقارنة مجموعتين ، فاذا طبقنا اختبارا في مادة من المواد العلمية على فصلين أو مجموعتين وأردنا بعد ذلك أن نقرر أيهما أقوى ، تبادر الى الذهن لأول وهلة أن نستخرج متوسط درجات كل مجموعة ثم نقارن بين هذين المتوسطين .

ومتوسط عدد من القيم هو خارج قسمة مجموع هذه القيم على عددها . فاذا كانت أعمار ثلاثة أشخاص هي على الترتيب ٢٥ ، ٣٠ ، ٤١ كان متوسط أعمارهم $\frac{70}{4} + \frac{70}{4} + \frac{70}$

مثال أعمار الأشخاص الثلاث يكون مجموع الانحرافات عن المتوسط الحسابي معادلا - v - v + v = 0 عدد من القيم مهما كان هذا العدد كبيرا .

المتوسط الحسابي للقيم المتجمعة في جدول تكراري :

الصعوبة التي تصادفنا في القيم المتجمعة على هيئة فئات هي أن قيم الأفراد جميعها لا تكون معروفة لدينا . فاذا كان لدينا مثلا عدد من المبالغ المقسمة على فئتين الأولى فيها من ١٠ الى أقل من عشرين ريالا وعددها ٤ مبالغ ، والثانية من ٢٠ ريالا الى أقل من ٣٠ ريالا وعددها ٢ مبالغ ، وأردنا أن نستخرج المتوسط الحسابي لهذه المبالغ فان الصعوبة التي تواجهنا هي جهلنا لقيم أفراد كل فئة . اذ أن كل ما نعرفه عن كل فرد منها أنه محصور بين قيمتين معينتين .

والطريقة المتبعة في مثل هذه الحالة أن نفترض قيما متساوية لكل أفراد الفئة الواحدة ، بأن نعطي كل فرد في الفئة قيمة هي مركز الفئة أي القيمة المتوسطة فيها ، فنعطي أفراد الفئة من 1 - أقل من 1 - قيمة واحدة مقدارها 1 - وأفراد الفئة من 1 - أقل من 1 - قيمة واحدة مقدارها 1 - قيمة واحدة مقدارها 1 - ويكون مجموع قيم أفراد الفئة الأولى حسب هذا الفرض 1 - 1 - 1 - ، ومجموع قيم أفراد الفئة الثانية 1 -

ويمكن الحصول على مركز الفئة باحدى الطريقتين الآتيتين : ــ

اما بجمع الحد الأدنى للفئة على الحد الأدنى للفئة التي بعــدها وقسمة حاصل الجمع على ٢ ، أو باضافة نصف مدي الفئة الى حدها الأدنى ، واليك تطبيق على ذلك في الجدول التكراري الآتي وهو يبين توزيع الأجر اليومي بالريال لخمسمائة عامل في مصنع :

مراكز الفثات× التكرار	مر اکز الفئات س	التكر ار	فئات الأجر اليومي
(س×ك)	س	<u>.</u>	اليومي
1277	۱۸	۸۲	- 17
7.4.	**	40	_ Y•
1.47	77	٤٢	- Y£
111.	۳.	٣٧	- YA
1.44	4.5	٣٢	- 44
188.	۴ ۸	٣٥	۳٦ <i>–</i>
۱۳۸٦	£ Y	88	- £·
1147	٤٦	77	- 11
12	٥٠	YA	- £A
1747	٥٤	7 £	oY
1747	٥٨	۳۱	۳۵ ــ
44.	٦٢	10	- T·
144.	77	۲.	- 78
17017		٥٠٠	المجموع

جدول (١٤) المتوسط الحسابي لأجور خمسمائة عامل

ونلاحظ أن هذا الجدول التكراري يعبر عن ٥٠٠ حالة مختلفة مجمعة على هيئة مجموعات ، ولا ننتظر أن المتوسط الحسابي الذي نحسبه لهذا الجدول المتجمع في فئات ينطبق دائما انطباقا تاما على المتوسط الحسابي الذي نستخرجه من قيم الحالات الحمسمائة كل على حدة . ولكن الفرق بين المتوسطين لن يكون كبيرا اذا قيس بالاختصار الكبير في كية الجهد والوقت .

ونستطيع أن نلخص طريقة حساب المتوسط الحسابي لكل من البيانات المتفرقة والبيانات المتجمعة في جدول تكراري كالآتي :

على اعتبار أن (م) هو المتوسط الحسابي ، (مح س) معناه مجموع القيم . حيث (س) أية قيمة في هذه البيانات و (ن) عدد القيم .

وفي حالة البيانات المتجمعة في جدول تكراري _

حيث (س) في هذه الحالة تعبر عن مركز الفئة و (ك) تكرار الفئة .

المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة :

اذا أردنا حساب المتوسط الحسابي لأطوال ٢٠ شخصا فالطريقة الطبيعية هي قياس هذه الأطوال وجمعها ثم قسمة حاصل الجمع على ٢٠. ويمكن أن نختصر العمل قليلا اذا كانت أطوالهم محصورة بين ١٤٥ سم، ١٨٥ سم مثلا فيمكننا أن نضع مستوى خاصا وليكن ١٦٠ سم نقيس بالنسبة له و نعطي لكل شخص قيمة سالبة أو موجبة حسب نقص طوله أو زيادته عن هذا المستوى الحاص ، وبذلك نستعمل في حسابنا أعدادا صغيرة ، وبحساب المجموع الجبري لهذه الفروق وقسمتها بعد ذلك على ٢٠ نحصل على فرق المتوسط الحسابي عن ارتفاع ١٦٠ سم ، واليك مثالا على ذلك :

الفسروق	الأطوال مرتبة	الفسروق	الأطسوال
\o _	160	ø	100
14 –	117	10	140
17 –	184	٧٠	14.
11	189	7.	180
١٠ –	\••	٥	170
۱۰ –	10.	1. –	10.
۸	107	71	1.48
•-	100	17	۱۷٦
• _	\00	10	110
-	170	۱۰ –	10.
_	1.0	17 -	184
٧	177	٥	100
	170	- 1	14.
١.	14.	٧٠	14.
10	170	١٥	\V o
١.,	170	۸	107
17	177	۱۳	111
γ.	14.	11	189
71	141	_	14.
40	۱۸۰	٧	177
۱۳۲		. , ,	43.54
141			
£4.			

جدول (١٥) المتوسط الحسابي لقيم متفرقة بالطريقة المختصرة

فيكون المتوسط الحسابي بالطريقة المباشرة العادية =
$$\frac{7.7}{7.}$$
 = 177,10 سم وبالطريقة المختصرة = 177 + $\frac{27}{7.}$ = 177,10 سم .

ويلاحظ أن ترتيب القيم يساعد كثيرا في حساب الفروق كما هو موضح في جدول (١٧) ، فاذا أردنا تطبيق هذه الطريقة لحساب المتوسط الحسابي لقيم مصنفة في جدول تكراري كان علينا أن نختار قيمة نبدأ منها حساب القيم نعتبرها نقطة الصفر في الجدول ، ثم نحسب انحراف مراكز الفئات المختلفة عن هذه القيمة الاعتبارية التي نختارها ، وبذلك نتخلص من الأعداد الكبيرة التي يشملها حساب المتوسط الحسابي _ ونظرا لأن الفئات تتابع في الحداول التكرارية بانتظام فيمكن اعطاء درجات منتظمة مثل ١ ، ٢ ، ٣،

٢ ، ٣ .. لتعبر عن مدى انحراف مركز الفئة عن الأساس الفرضي الذي سبق اختياره ، ثم نبي كل حسابنا للمتوسط على هذه الدرجات المنتظمة ، ثم نضرب المجموع الجبري لهذه الانحرافات الفرضية في مدى كل فئة لينتج الانحراف الحقيقي للمتوسط الحسابي عن القيمة الاعتبارية (التي يمكن أن نعبر عنها بمركز الفئة الصفرية) التي حسب الانحراف عنها .

وخطوات الطريقة موضحة في المثال الآتي وهو يبين توزيع درجات ٢٠٠ شخص في اختيار الشطب :

ك ح		التكسرار	الفئات
	ح –	التكـــرار (ك)	(ف)
۱٦ —	٤	٤	- 4.5
١٥	۳	0	 ۱۰۸
۳۲ —	۲ —	۱٦	- 11Y
7 7 —	١	74	117
_	- ۱ صفر	٥٢	- 14.
٤٩	١	٤٩	178
0 {	۲	**	- ۱۲۸
٤٥	٣	10	144
44	٤	٧	ــ ۱۳۹
١٠	٥	4	- 12.
١٨٦		٧	المجموع
۱ ۲۸ –			_
١			

جنول (١٦) المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة

(العمود ح ــ يمثل الانحراف الفرضي للفئات عن الفئة الصفرية)

مركز الفئة الصفرية = $\frac{172 + 17}{7}$ = 177 وهي القيمة التي حسب منها انحراف الفئات .

 $= Y + YY = \frac{1}{2}$ $= YY + YYY = \frac{1}{2}$ = YY + YY = 1

172

وستطيع أن نضع هذه النتيجة في صورة رمزية كالآتي :

أي أن المتوسط الحسابي = مركز الفئة الصغرية _

مجموع حواصل صرب الانحراف الفرضي للفئات x تكرارها _______ بمدى الفئة . مجموع التكرارات

و لسهولة العمل بحس أن تختار الفئة الصفرية في وسط الحدول وتكون كبيرة التكرار حي تتفادى استعمال الأعداد الكبيرة بقدر الامكان

و يجب أن تؤدي هذه الطريقة الى نفس الحواب الذي تؤدي اليه الطريقة العادية ، كما يجب أن تؤدي الى نفس الجواب مهما تغير اختيار موضع الفئة الصفرية ، فاذا طبقناها مثلا على الحدول ١٤ كانت كالآتي :

ج ع	د د	Ą	مثات الأحر
447	٤ ~	AY	. 17
YA0	٣-	10	. 4.
A£	٧	£7	71
**	١ -	۳۷	1 44
	صفر	44	YY
70	`	٣٥	77
11	۲	44	į.
VA	٣	77	- 11
) 117	Ł	٧٨	£ A
14.	٥	71	70
۱۸٦	٦	۳۱	١٥٦
1.0	٧	10	٦٠.
17.	٨	٧.	78
7.77			
٧٣٤		•••	٠٠
147			عموع
<u> </u>			

حدراً. (v ·) تبدير الطريقة الحام على حدوات (C ·)

المتوسط الحسابي =
$$a + \frac{2(\sqrt{5})}{2} \times \dot{v}$$
 المتوسط الحسابي = $a + \frac{170}{2} \times \dot{v}$ = $a + \frac{170}{2} \times \dot{v}$

المتوسط الحسابي في حالة القيم المتقطعة :

لا تختلف طريقة المتوسط الحسابي في هذه الحالة عنها في حالة القيم المتصلة الا في عدم وجود الفئات: وعلى ذلك نتخذ القيمة المعطاة بدلا من مركز الفئة كما نعتبر مدى الفئة هنا(١) ولتوضيح ذلك نستخدم الجدول الآتي الذي يبين توزيع عدد الأبناء في العائلات:

ك. ح –	ح –	عدد العائلات ك	عدد الأبناء في العائلة
. 17 –	٤	٣	صفر
۲۱	٣	٧	١
YY -	۲ –	11	۲
۱٤ –	1 -	1 ٤	۴
_	۱ صفر	۲.	٤
١٦	١	١٦	ه
7 1	۲	۱۲	٦
۲۱	٣	٧	٧
۲٠	٤	٥	٨
١٥	٥	٣	4
١٢	٦	۲	١٠
)·A 79 — 79		1	المجموع

جدول (١٨) المتوسط الحسابي للقيم المتقطعة

فيكون المتوسط الحسابي = ٤ + ٣٩ = ٤,٣٩ فقد اتخذنا القيمة المقابلة للصفر بدلا من مركز الفئة في الجداول التكرارية للقيم المتصلة.

٢) الوسيسط أو الأوسط:

القيمة الوسيطية في مجموعة من القيم هي تلك القيمة التي يكون عدد القيم الأخرى التي أقل منها معادلا لعدد القيم الأخرى الأعلى منها ولمعرفة القيمة الوسيطية يتعين علينا أن نرتب القيم ترتيبا تصاعديا أو تنازليا فتكون القيمة التي تقع في المنتصف تماما هي القيمة الوسيطية — فالقيمة الوسيطية في القيم السبعة الآتية مثلا : ٢٥ - ٣٧ - ٥٩ ، ٨٥ ، ٨٥ ، ٨٥ ، ٨٥ ، ٨٥ مكن تحديدها بعد ترتيب القيم كالآتي : ٢٥ - ٣٧ – ٤٥ – ٨٥ – ٩٠ م ٨٠ و تكون القيمة الوسيطية هي الرابعة في الترتيب حيث يكون هناك ثلاث قيم أقل منها ، وهي في هذا المثال ٤٨ . ومن هذا يتضح أن من الواجب تحديد ترتيب القيمة الوسيطية أولا . وهنا نجد أمامنا حالتين مختلفتين : (أولا) اذا كان عدد القيم فرديا (ثانيا) اذا كان عدد القيم زوجيا.

وترتیب الوسیط فی الحالة الأولی یمکن معرفته مباشرة بقسمة عدد الأفراد زائدا واحد علی ۲ ، أي اذا كان (ن) فردیا كان ترتیب الوسیط $\frac{1+i}{Y}$ أما اذا كان عدد الأفراد زوجیا كما فی حالة القیم المرتبة الآتیة ۲۰ ، ۳۵ ، ۷۰ ، ۲۹ ، ۷۰ ، ۲۹ ، ۷۰ فاننا لا نجد قیمة واحدة ینطبق علیها وصف الوسیط ، وفی هذه الحالة نجد أمامنا وسیطین لا وسیطا واحدا و هما : ۲۳ ، ۷۰ فهناك قیمتان قبلهما وقیمتان بعدهما ، ونستطیع أن نحصل علی وسیط واحد بایجاد متوسط هذین الوسیطین $\frac{2Y}{Y} + \frac{2V}{Y}$ أي ۰۰ .

الوسيط للقيم المتجمعة في جدول تكراري :

الجدول الآتي ببين توزيع درجات اختبار ذكاء لحمسين طفلا :

	التكـــرار	فئات الدرجات
	\{ \ \ \ \	- 37 — - 77 —
٧٠	1.	- YA - W•
	٤	YY YE
٧.	, ,	41 47
	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	- £• - £Y

جدول (١٩) الوسيط في الجدول التكراري

فاذا أردنا معرفة الوسيط لهذه الدرجات كان علينا أولا أن نحدد رتبته ، وهي في حالة الجداول التكرارية للقيم المتصلة $\frac{0}{7}$ أي $\frac{0}{7} = 0$ في هذه الجداول ، ويلاحظ أنه يقع في الفئة (0 –) لأن عدد القيم التي قبلها 0 وتكرار هذه الفئة 0 ، أي أننا للحصول على ترتيب الوسيط لا يمكننا أن نتخطى هذه الفئة ، كما أننا نلاحظ أن القيم التي يجميع الفئات التي تزيد على هذه الفئة عددها 0 أيضا مما يدلنا على أن الوسيط يقع في منتصف هذه الفئة تماما أي أنه يعادل 0 .

من هذا المثال يتضح لنا أننا محتاجون لمعرفة التكرار المتجمع لتحديد الفئة التي يقع فيها الوسيط ، ونستطيع حسابه بعد ذلك سواء لجأنا الى التكرار المتجمع الصاعد أو النازل كما في المثال الآتي :

التكرار المتجمع ·	التكر ار	الحدو د العليا للفئات
الصاعد (ک)	(చ)	
_	_	أقل من ١٥
١٨	١٨	أقل من ٢٥
٥٠	٣٢	أقل من ٣٥
٩.	٤٠	أقل من ٥٤
18.	۰۰	أقل من ٥٥
۱۷۰	٣٠	أقل من ٦٥
190	70	أقل من ٥٧
۲۱۰	10	أقل من ٨٥
74.	٧٠	أقل من ٩٥
71.	١٠.	أقل من ١٠٥
۲۵۰	١.	أقل من ١١٥
	70.	المجموع

جدول (۲۰) الوسيط باستخدام التكرار المتجمع الصاعد

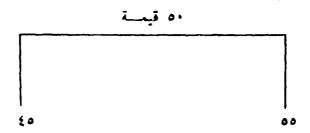
في هذا المثال نجد أن :

$$\sqrt{\frac{Y0}{Y}} = \sqrt{\frac{Y0}{Y}}$$
 رتبة الوسيط

أي أن الفئة الوسيطية هي الفئة (٤٥ – أقل من ٥٥) ويكون ترتيب الوسيط في هذه الفئة ١٢٥ – ٩٠ = ٣٥ ومن الواضح أن قيمته تزيد عن ٤٥ ، الا أنها لا تصل الى ٥٥ ولكنها تقترب من القيمة ٥٥ كلما زاد ترتيب الوسيط في فئته .

واذا نظرنا الى الفئة الوسيطية وجدنا تكرارها ٥٠ أي أن بها ٥٠ قيمة موزعة بين القيمتين ٤٥ ، ٥٥ أي في مدى ١٠ ويكون موضع قيمة الوسيط من هذا المدى ٣٥ أي

أن قيمته تزيد على الحد الأدنى للفئة وهو ٤٥ بقيمة تساوي ١٠ $imes rac{70}{0.}$ أي أن قيمته = 0.00



ومن هذا نستنتج أن :

قيمة الوسيط = الحد الأدنى للفئة الوسيطية +

رتبة الوسيط - التكرار المتجمع الصاعد للفئة قبل الوسيطية X مدى الفئة توسيطية

$$e = \xi + \frac{(e - \xi - 1)^2}{\xi} \times \dot{e}$$

حيث ثر = الحد الأدنى للفئة الوسيطية .

رو = رتبة الوسيط

، كاتعبر عن التكرار المتجمع ، و – ١ = التكرار المتجمع للفئة قبل الوسيطية

، لئو = تكرار الفئة الوسيطية .

، ف = مدى الفئة .

واذا انبعنا التكرار المتجمع النازل لا بد أن نحصل على نفس النتيجة كما يلي :

التكرار المتجمع النازل	التكـــرار	الحدو د السفلی للفثات
Y0.	١٨	10
744	٣٢	Yo
٧٠٠	٤٠	٣٥
17.	٥٠	٤٥
٧١٠	۳.	00
۸۰	Y0	70
٥٥	\0	Vo
٤٠	٧٠	٨٥
٧٠	١٠	40
١٠	1.	1.0
_	_	110
	Y0.	المجموع

(جدول ۲۱) الوسيط باستخدام التكر ار المتجمع النازل

مما سبق اتضح أن مرتبة الوسيط في هذا المثال ١٢٥ ، أي أنه لو رتبنا الفئة الوسيطية تنازليا كان ترتيب الوسيط في فئته ١٢٥ - ١١٠ = ١٥ وتكون قيمته أقل من ٥٥ بطبيعة الحال . ونلاخظ أن تكرار هذه الفئة وهو ٥٠ موزع في مدى الفئة كلها أي على ما يعادل قيمته ، ١٠ $\frac{10}{2}$ \times ١٠ = 20 .

فاذا استخدمنا التكرار المتجمع النازل كان القانون الذي نستخدمه في الحل كمايأتي :

$$e^{-3}e^{-\frac{c}{c}-\frac{b^2-1}{c}}\times \dot{c}$$

، عو في هذه الحالة تعبر عن الحد الأعلى للفئة الوسيطية :

و يمكن ايجاد الوسيط بردم المنحني المتجمع الصاعد أو النازل للتكرارات كما هي أو للنسب المثوية لتكرار الفئات بالنسبة للتكرار الكلي .

الا أن هذه الطريقة قلما تؤدي الى النتيجة الدقيقة للوسيط ، نظرا لصعوبة رسم المنحى المتجمع بالطريقة العادية ، وطريقة ايجاده بهذه الطريقة تنحصر في استخدام المنحى لتحديد القيمة المقابلة لرتبته فنرسم خطا أفقيا عند هذا الترتيب أو عند ، ه في حالة رسم المنحى المتجمع المثوي وننزل عمودا عند تقابل هذا الحط مع المنحى فيكون موقع العمود مع المحور الأفقي المعبر عن الفئات ممثلا لقيمة الوسيط . هذا ولزيادة الدقة يحسن وسم المنحنيين معا الصاعد والنازل فتكون نقطة تقابلهما (اذا كان الرسم دقيقا دقـة كافية) مقابلة لرتبة الوسيط على المحور الرأسي ولقيمته على المحور الأفقي .

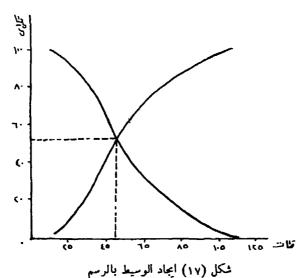
والحدول الآتي يبين التكرارات المتجمعة المثوية :

التكرار المئوي المتجمع النازل	الحدو د السفلی للفتات	التكرار المثوي المتجمع الصاعد	الحدود العليا للفئات
1, -	10	صفر	أقل من ١٥
14,4	Ya	٧,٢	أقل من ٢٥
۸۰, _	٣٥	Y., -	أقل من ٢٥
٦٤, _	٤o	۳٦, -	أقل من ٥ ٤
££, —	••	۰٦, _	أقل من ٥٥
٣٢, _	٦٥	ጎ ለ, —	أقل من ٦٥
YY,	٧٥	٧٨, –	أقل من ٥٧
۱٦,	٨٥	٨٤, -	أقل من ٨٥
۸, _	40	Y4, _	أقل من ٩٥
ξ , –	1.0	44,	أقل من ١٠٥
صفــر	110	۱۰۰, –	أقل من ١١٥

جدول (۲۳) جدول مثوي متجمع نازل

جدول (۲۲) جدول مئوي متجمع صاعد

ومن هذين الجدولين يمكن رسم المنحنيين المتجمعين وتعيين قيمة الوسيط كما يأتي :



الوسيط للقيم المتقطعة :

لايجاد الوسيط للقيم المبينة في جلول (٢٤) تتبع الخطوات العادية كما يلي :

التكرار المتجمع الصاعد	عدد العاثلات(التكرار)	عدد الأبناءفي العائلة
٣	٣	صفر
1.	٧	١
۲۱	11	Y
70	18	٣
00	4.	ŧ
	17	٥
į	١٧	٦
	'	٧
	•	٨
	٣	1
	Y	1.
	١٠٠	المجمــوع

جدول (٢٤) الوسيط للقيم المتقطمة

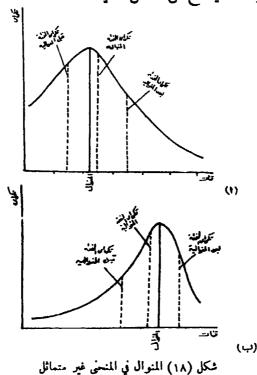
نلاحظ أن الوسيط الذي رتبته في هذا الجدول $\frac{1 \cdot 1}{7} = 0$ يكون عند القيمة (٤) فيكون الوسيط هو (٤) مباشرة دون الحاجة الى عمليات حسابية كما هو الحال في القيم المتصلة .

٣ ــ المنوال الشائع :

المنوال في أية مجموعة هو القيمة التي تعتبر أكثر القيم شيوعا : وعلى ذلك فتحديده يتوقف على تكرار القيم في المجموعة .

ويمكن ايجاده باحدى الطرق الآتية ، ثلاث منها حسابية وطريقتان بالرسم .

ا ــ أبسط طريقة تقريبية تكون باعتبار المنوال في الجدول التكراري مركز الفئة ذات أكبر تكرار ، فاذا طبقنا ذلك على جدول (٢٥) كان المنوال لهذا التوزيع وهو مركز الفئة (٤٥ ــ) ، ذلك لأن تكرارها ، و وهو أكبر من أي تكرار آخر لأية فئة ، أي أنه يساوي ، ه . وواضح أن هذه الطريقة تقريبية ، فهي تفتر ض تماثل التوزيع على جانبي مركز الفئة المنوالية بينما نرى في الحقيقة أن موضع المنوال في الفئة المنوالية يتوقف على شكل المنحنى أو التوائه كما يتضح من الشكل الآتي :



٢ ــ طريقة حسابية ثانية :

بعد تحديد فئة المنوال تنحصر الصعوبة في تحديد قيمته في مدى هذه الفئة ، ففي المنوال السابق كما ذكرنا سابقا ، يقع المنوال في الفئة (٤٥ –) أي أن قيمته تزيد على ٤٥ بمقدار نسبة خاصة في مدى الفئة وهو ١٠ هذه النسبة تتوقف على تكرار الفئة التي قبلها انحرف بالفئة المنوالية ، فاذا كان تكرار الفئة بعد المنوال أكبر من تكرار الفئة التي قبلها انحرف المنوال نحو القيم الكبيرة في هذا الجدول والعكس بالعكس ، أما اذا كان التكراران متساويين وقع المنوال في منتصف الفئة تماما .أي أن مدى الفئة وهو ١٠ سيقسم تقسيما تناسبيا بنسبة حدها تكرار الفئتين المحيطتين للفئة المنوالية أي ٣٠ : ٤٠ في المثال .

وعلى ذلك تكون قيمته = ه
$$+ 1.1 \times \frac{40}{7.} = 8 + 1.74$$

£9,79 =

$$1 + \frac{1 + \frac{1}{0}}{1 + \frac{1}{0}} \times \frac{1 + \frac{1}{0}}{1 + \frac{1}{0}} \times \frac{1}{0} \times \frac{1}{0}$$

= الحد الأدنى للفئة المنوالية +

على اعتبار أن :

د = الحد الأدنى للفئة المنوالية

ك ، ن + ١ = تكرار الفئة بعد المنوالية

اه ، ن ــ ١ = تكرار الفئة قبل المنوالية

، ف = مدى الفئة

٣ - طريقة الفسروق :

واضع هذه الطريقة هو كارل بيرسون ، وهي لا تختلف كثيرا عن سابقتها فهي

تهم بالفروق بين التكرارات أكثر مما تهم بالتكرارات نفسها ، ذلك لأن الخطوة الأولى في هذه الطريقة تنحصر في ايجاد الفرق بين تكرار الفئة المنوالية والفئتين اللتين حولها كما يسأتى :

فروق	تكرار	فثات
٠٠ {	٤٠	- 40
۲۰ {	۴.	_ 00

جدول (٢٥) ايجاد المنوال بطريقة الفروق

ووضع المنوال يتحدد في هذه الطريقة بالفرق بين تكرار الفئتين حول الفئة المنوالية وتكرار الفئة المنوالية .

فهر = ۶۰ + ۳,۳۳ = ۳,۲۳ . ٤٨ .

$$2 - 2$$
 $\frac{2}{1-3}$
 $\frac{3}{1-3}$
 $\frac{3}$
 $\frac{3}{1-3}$
 $\frac{3}{1-3}$
 $\frac{3}{1-3}$
 $\frac{3}{1-3}$
 $\frac{3}{1-3}$

المنوال في الجدول التكراري لقيم متقطعة .

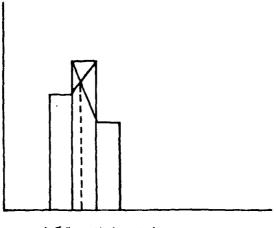
لو رجعنا الى جدول (٢٤) لوجدنا أن أكبر تكرار في الجدول هو عند القيمة (٤) أي أن أكبر عدد من العائلات بها (٤) أبناء وعلى ذلك يكون المنوال هو ٤ مباشرة دون الحاجة الى عمليات حسابية كما هو الحال في القيم المتصلة .

عطريقة المنحى التكرارى:

لايجاد المنوال يمكن أن نستخدم الرسم بأن نرسم منحنيا ، فتكون قمة هذا المنحنى مقابلة للقيمة التي تعبر عن منوال المجموعة . الا أن هذه الطريقة تقريبية جدا ، لأن المنحنى التكراري عادة يرسم نتيجة لمحاولة شخصية ، حيث يعمل الباحث على أن يمر المنحنى بأكبر عدد ممكن من النقطة وأن يقترب ما أمكن من باقي النقط الأخرى .

هـ طريقة المدرج التكراري:

يستخدم المدرج التكراري كذلك لايجاد منوال التوزيع كما في الرسم الآتي ، وفي هذه الحالة لا تكون هناك ضرورة لرسم المدرج التكراري كله ، بل يكتفي برسم الفثة المنوالية والفئتين المحيطتين بها .



شكل (١٩) ايجاد المنوال باستخدام المدرج التكراري

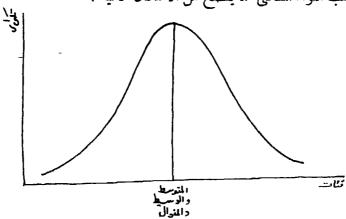
فالطريقة تكون بتوصيل أطراف المستقيم العلوي لمستطيل الفئة المنوالية بأطراف مستقيمي الفئتين التي قبلها والتي بعدها ، فتكون نقطة التقابل هي المقابلة للمنوال ، فاذا أسقطنا عمودا من نقطة التقابل على المحور الأفقي كان موقعه قيمة المنوال .

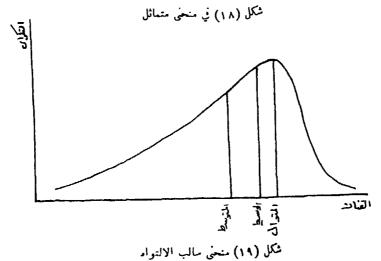
مقارنة بين المتوسطات الثلاثة :

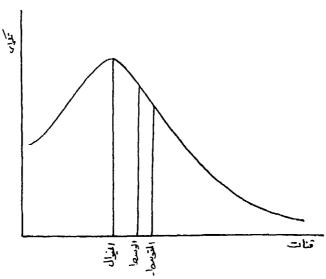
يلاحظ أن المتوسط الحسابي يستغل في حسابه جميع القيم ، ولذا فهو أدق المتوسطات الثلاثة التي ذكرت ، كما أنه أكثر ثباتا أي أنه لا يختلف اختلافا كبيرا باختلاف العينات المختارة ، الا أنه كثيرا ما يحدث أن تشتمل المجموعة على قيم متطرفة لا تمثل المجموعة ، كأن يكون في أحد الفصول مثلا عدد قليل من التلاميذ الضعاف عن المستوى العام الفصل . فالمتوسط الحسابي في هذه الحالة لا بد وأن تتأثر قيمته بهذه الحالات المتطرفة ، كما أنه في حالات الجداول التكرارية المفتوحة يتعذر حساب المتوسط الحسابي ، حيث لا يكون من الممكن معرفة مركز الفئة المفتوحة التي يتطلبها الحساب ، في مثل هذه الحالات

نضطر الى الاستعانة اما بالوسيط أو المنوال فكلاهما لا يتأثران بالقيم المتطرفة . ذلك لأن حسابهما ينحصر في القيم والتكرارات المتوسطة . كما أنه يمكن ايجادهما اذا ما كان الجدول مفتوحا من أحد طرفيه أو كليهما .

وفي حالة التوزيع المتماثل نجد أن قيم هذه المتوسطات الثلاثة واحدة أي أنهاا تكون متطابقة ، ولكنها تختلف فيما عدا ذلك ، فالمتوسط الحساني في التوزيعات الملتوية يتجه عادة ناحية الطرف الملتوي (المدبب) ، فهو يمثل مركز الثقل بالنسبة للمجموعة ، ذلك لأن مجموع القيم يكون متعادلا على جانبيه أما الوسيط فانه يقع عند منتصف المساحة التي يمثلها التوزيع ، أي أن مجموع عدد القيم (التكرارات) يكون متساويا على جانبيه ، وأما المنوال فهو يحدد أعلى نقطة في منحنى التوزيع ولذلك فان موضع هذه المتوسطات الثلاثـة غتلف حسب التواء المنحني كما يتضح من الأشكال الآتية :







منحنى موجب الالتواء شكل (٢٠) المواضع النسبية للمتوسط الحسابى والوسيط والمنوال

ويمكن تلخيص الحالات التي يفضل فيها كل من هذه المتوسطات الثلاث فيمسأ يـــأتي : ــــ

يفضل المتوسط الحساني في الحالات الآتية :

1 ــ اذا أريد الحصول على معامل على أكبر قدر من الثبات.

اذا أريد الحصول على معامل يمكن استخدامه في معاملات أخرى ، كمقاييس التشتت أو مقاييس الدلالة ، وهذه سيأتي توضيحها في الأبواب القادمة .

٣ ــ اذا كان توزيع المجموعة التي نبحثها متماثلا حول المراكز أو قريبا مــن
 الاعتدالي .

ويفضل الوسيط في الحالات الآتية :

١ اذا أريد الحصول على معامل في وقت قصير .

٢ – اذا كان التوزيع ملتويا التواء واضحا ، وخاصة اذا كان بالتوزيع قـــيم متطرفة جداً .

٣ ــ اذا كان البحث يهتم بمعرفة ما اذا كانت قيمة معينة تقع في النصف العلوي أو السفلي من التوزيع .

٤ ـــ اذا كان جدول التوزيع مفتوحا .

يفضل المنوال في الحالات الآتية :

١ – اذا أريد الحصول على معامل مركزي في أقصر وقت ممكن دون الاهتمام
 كثيرا بالدقة في حسابه .

٢ – اذا كان هدف الباحث معرفة القيمة التي يتفق فيها أغلب أفراد المجموعة .

العلاقة بين المتوسطات الثلاثة:

تمكن الاحصائيون من ايجاد علاقة تقريبية بين المتوسطات الثلاثة : المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال . وتستخدم هذه العلاقة عند ما يتعذر استخراج احدها . كما يحدث عند ما يراد ايجاد المتوسط الحسابي مثلا في جدول تكراري مفتوح .

ويمكن وضع هذه العلاقة على الصورة الآتية :

المتوسط الحسابي ــ المنوال = ٣ (المتوسط الحسابي ــ الوسيط) أي أن الفرق بين المتوسط الحسابي والوسيط .

ويمكن من هذه العلاقة الحصول على قيمة أي من هذه المتوسطات اذا عرف الاثنان الآخران .

فالمتوسط الحسابي =
$$\frac{\gamma}{\gamma}$$
 الوسيط $-\frac{1}{\gamma}$ المنوال

والوسيط $=\frac{1}{\pi}$ المنوال $\frac{7}{m}$ المتوسط الحسابي .

والمنـــوال = ٣ × الوسيط _ ٢ × المتوسط الحسابي .

أسئلة على الباب النابي

: .	لذاكرة الأشكال	٢٠ شخصا في اختبار	فيما يأتي در حات	1
-----	----------------	-------------------	------------------	---

44	٧.	Y £	٣٨	 ٤٦	۷٥
٤٩	٨٥	۱۷	44	7 £	44
٥٥	40	۸۲	٦٤	۷٥	40
٤٦	٣٣	40	40	۸۲	٥٤
٧٢	4.	٦.	٣٦	٨٤	٨٢
٨٤	٤٥	٥٢	٤٤	۷۳	10
٥.	٥٢	45	10	40	77
٦٤	77	٥٧	47	٣٦	45
٧٢	٤٨	44	**	٤٤	٤٧
۸۳	٧٠	٦.	٨٩	٧٦	۸۲

احسب المتوسط الحسابي لهذه الدرجات ، ثم فرغها في جدول تكراري ، واحسب المتوسط الحسابي من هذا الجدول ، (ابدأ الجدول بالدرجة ١٥ متخذا مدى كل فئة خمس درجات) وقارن بين الناتجين .

٢ – احسب الوسيط في الجدول التكراري الذي حصلت عليه في المسألة السابقة
 بالطريقة الحسابية . ثم عن طريق المنحى المتجمع وقارن بين الناتجين .

٣ - استخرج المنوال في الجدول التكراري السابق بمساعدة القانون الذي يبين العلاقة بين المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال. ثم قارن بين القيمة التي تحصل عليها وبين قيمته بأية طريقة أخرى.

٤ - مجموعتان من الأشخاص أعمار أفرادهما موزعة حسب الجدول الآتي :

تكرار المجموعة ب	تكرار المجموعة أ	أعمار
٧	7	- Y £
٨	٧	- Y1
•	٨	- ٣ ٤
71	١.	- 44
٧.	17	– 11
١٨	10	- 19
14	74	_ 01
11	17	- 09
١٣	1.	- 78
٧	17	- 79
٣	٣	- Y
Y	٣	- V1
144	۱۲۸	المجموع

جدول (٢٦) جدول تكراري لأعمار مجموعتين من الأشخاص

ما النسبة المئوية لعدد الأشخاص في مجموعة (أ) الذين تزيد أعمار هم عن وسيط أعمار المجموعة (ب) ؟

- قارن بين منوالي أعمار المجموعتين مستعملا طريقة رسم المدرج التكراري في ايجاد المنوال .
- ٦ احسب النسبة المئويةلعدد أفراد المجموعتين الذين تبلغ أعمارهم ١٠ سنة فأكثر
- ٧ احسب النسبة المئوية لعدد الأفرادفي المجموعة بن الذبن تقل أعمار هم عن ٢٠سنة.
- ٨ احسب المتوسط الحسابي في الجدول التكراري الآتي بأية طريقة تجدها مناسبة :

r :	
التكـــرار	الفئــــات
17	أقل من ۲۰
17	- Y·
Y1	<u> </u>
40	- * •
٣٠	" 0
£Y	_
٣٠	<u> </u>
٣٢	_ 0 ·
٧٠	_ 00
71	- T·
٧٠	· _ 70
10	- Y•
۳۰۲	المجموع

جدول (۲۷)



Converted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

(لابر) (الكن

مقاييس التشنت

- = تشتت القديم .
- = مقاييس التشتت.

المسدى المطلسق

نصف المدى الربيعي

الانحسراف المتوسط

الانحسراف المعياري

- = مقارنة بين مقاييس التشتت .
 - = معامــل الاختلاف .
 - = المدرجة المعيسارية.
 - = الرتبــة المئينيــة :



نشتت القسيم:

ذكرنا أن فائدة المتوسطات وصف المجموعة بقيمة واحدة يستعاض بها عن عدد كبير من القيم هي التي تكون المجموعة ، ولذلك فمعرفتها ضرورية في حالات المقارنة بين قيم مجموعات مختلفة . ولكن هل يكفي أحد هذه المتوسطات كالمتوسط الحسابي مثلا لوصف قيم المجموعة وصفا كاملا وللمقارنة بين قيم مجموعة وأخرى ؟ ولنقرب السؤال الأذهان نضرب المثال الآتي :

مجموعتان من الأفراد اختبروا في اختبار قدرة خاصة .

فكانت درجات أفراد المجموعة الأولى هي صفر -- ٢٥ -- ٥٠

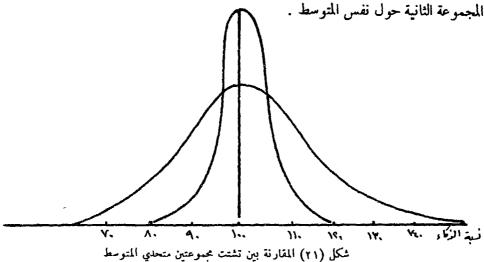
وكانت درجات أفراد المجموعة الثانية هي ٧٤,٥ – ٢٥ – ٥,٥٠

واضح أن المتوسط الحسابي لكل منهما واحد وهو ٢٥ ، فهل نستطيع القول بأن المجموعتين متعادلتان في هذه القدرة ؟ . من النظرة السطحية لهذه القيم ندرك لأول وهلة أن قيم المجموعة الثانية متقاربة عير متقاربة ، بينما قيم المجموعة الثانية متقاربة جدا .

ومن هنا كان الباحث محتاجا دائما لأن يقرن ذكر قيمة متوسط القيم بقيمة أخرى توضح مدى تباعدها أو تقاربها بعصها عن بعض ، حتى يعطي صورة واضحة عن كل من النزعة المركزية لمختلف القيم في المجموعة ومدى اختلافها وتوزيعها . والوصف الأخير هو ما يعبر عنه بالتشتت dispersion و Scattered-spread ففي المثال السابق نقول ان قيم المجموعة الأولى أكثر انسجاما more homogeneous من المجموعة الأولى وأن المجموعة الأولى أكثر تباينا more heterogeneous ومعرفة التشتت تفيد كثيرا في الأغراض العلمية . فاذا عرف المدرس مدى تباين ذكاء تلاميذ فصله أمكنه أن يراعي ذلك في طرق تدريسه ، بحيث بجد أضعف تلميذ وأقوى تلميذ فيه مادة تناسبهما.

والرسم الآتي يوضح فكرة تشتت مجموعتين متساويتين من حيث متوسط القـــيم

وفيه مقارنة بين مجموعتين من التلامية . المجموعة الأولى تنحصر نسبة ذكاء أفرادها بين ٦٠ ، ١٢٠ ومن الرسم بين ٦٠ ، ١٢٠ ومن الرسم يتضح كيف تتشنت القيم حول المتوسط في المجموعة الأولى بينما تتجمع وتتقارب قيم



مقاييس التشنت:

يحتاج الباحث عادة الى استخدام قيمة تعبر عن مدى تباعد القيم أو تقاربها في المجموعات التي يشملها البحث تماثل معاملات النزعة المركزية أو المتوسطات التي سبق الحديث عنها في الباب الثاني ، وأهم هذه المقاييس أو المعاملات ما يأتي :

- ۱ _ المدى المطلق Range
- Semi-interquartile Range نصف المدى الربعي ۲
 - ۳ الانحراف المتوسط Mean Deviation
 - \$ الانحراف المعياري Standard Deviation

المسدى المطلسق:

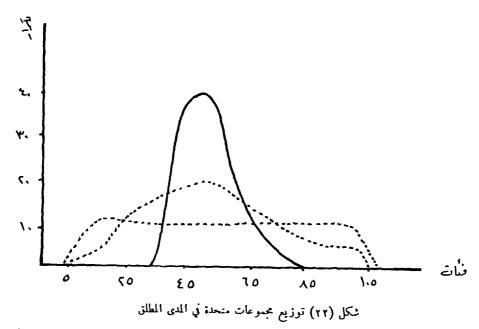
الوسيلة المباشرة لممرفة مدى تقارب القيم أو تباعدها هي حساب الفرق بين أصغر قيم المجموعة وأكبرها ، وهي وسيلة سهلة الا أنها أقل الوسائل دقة وذلك لأن حساب هذا المعامل يتوقف على قيمتين فقط من قيم المجموعة ولا يهتم مطلقا بما بينهما من قيم أخرى .

وهاتان القيمتان تكونان عادة متطرفتين لا تمثلان المجموعة التي ينتميان اليها ، فاذا حسبنا المدى المطلق لأعمار تلاميذ فصل ، وكان بين تلاميذ الفصل تلميذ صغير وآخر كبير لدرجة تجعلهما شاذين بالنسبة لأفراد المجموعة ، كان المدى المطلق مقياسا خاطئا لدرجة كبيرة لتشتت هذه الأعمار . وفيما يلي ثلاث مجموعات ، القيمة السفلي في كل منها ه والقيمة العليا ١٠٠ .

تكرار	فئات	تكرار	فئات	تكرار	فثات
1.	_ 0	٣	_ 0	١	0
١.	- 10	١.	- 10		- 10
١.	_ Yo	10	Yo		_ Yo
١.	_ 40	١٨	_ Y0	٣٥	- 40
	- 10	۲.	- 20	٤٠	_
١.	_ 00	٥	00	10	_ 00
١.	_ 70	١.	_ 70	٨	- 70
١.	_ Yo	٨	Vo		_ Yo
١٠	_ Ao	٥	_ Ao	_	- 10
١.	- 90	٦	_ 90	١	_ 90
1	المجموع	١٠٠	المجموع	1	المجموع
حد، ل (۲۰)		(+4)	حده ل	(7 A)	حد، ا

جدول (۲۸) جدول (۲۹) جدول (۳۰)

أي أن المدى المطلق لكل منها = ١٠٠ ــ ٥ = ٩٥. ولكن الفرق واضح بين مدى تباعد أو تقارب القيم فيها ، فقيم المجموعة الأولى أقلها انتشارا ذلك لأن تجمع القيم حول المتوسط أكثر في المجموعة الأولى منها في الثانية وفي الثانية أكثر منها في الثالثة ، فكأن المدى المطلق لا يعطي دلالة واضحة لمدى انتشار وتوزيع القيم كما يتضح ذلك من الشكل الآتي :



فالمدى المطلق لا يصلح الا اذا أراد الباحث أن يأخذ فكرة سريعة عن التشتت . الا أن استخدامه والاعتماد عليه قد يؤديان الى أخطاء ، وخاصة اذا كان هناك انفصال بين الفتات المتطرفة وباقي الفتات كما هو الحال في المجموعة الأولى .

نصف المدى الربيعي:

كان أهم عيب في المدى المطلق أنه يهتم بالقيمتين المتطرفتين ، مهملا ما عداهما من القيم ، وأن هاتين القيمتين قد تكونان منفصلتين عن باقي أفراد المجموعة و ولذلك فان الاجراء الطبيعي لتلافي ذلك أن تحذف الجزءين المتطرفين من المجموعة و نقصر حسابنا على الجزء المتوسط من القيم ، وفي هذه الطريقة التي نحن بصددها الآن نكتفي بالاهتمام بالنصف المتوسط لقيم المجموعات مهملين الربع الأول والربع الأخير . فالقيمتان اللتان تهتم بهما هذه الطريقة هما القيمة التي يقل عنها ربع عدد أفراد المجموعة فقط والقيمة التي يزيد عنها ربع أفراد المجموعة فقط ، فاذا عددنا أفراد المجموعة مبتدئين بأقلها قيمة حتى نصل الى ربع أفراد المجموعة كانت النقطة التي نصل اليها بهذه الطريقة هي الربيع الأدنى بمرواذا عددنا أفراد المجموعة مبتدئين بأكبرها قيمة حتى نصل الى ربع أفراد المجموعة كانت النقطة التي نصل اليها بهذه الطريقة هي الربيع الألث . المجموعة كانت النقطة التي نصل اليها بهذه الطريقة من الربيع الأعلى أو الربيع الثالث . والفرق بين الربع والربيع أن الربع جزء من المجموعة ، أما الربيع فهو نقطة ربيعات . والفرق بين الربع والربيع أن الربع جزء من المجموعة ، أما الربيع فهو نقطة نحد نهاية الربع ، فنستطيع أن نقول ان احدى القيم تقع في الربع الأول ولكننا لا نستطيع نمو المنا النها المربع الأول ولكننا لا نستطيع نمو المنا المنا

أن نقول انها تقع في الربيع الأول ولكن يمكن أن نصفها بأنها تقع عند الربيع الأول. ويرمز للربيع الأدنى عادة بالرمز (Q1)(Q1) وللربيع الثاني (Q1) والربيع الثالث دم (Q3). واذا قصرنا حسابنا على المدى بين الربيعين الأول والثالث ضمنا بقدر الامكان استبعاد القيم المتطرفة التي قد تكون بعيدة عما يمثل قيم المجموعة.

ولحساب نصف المدى الربيعي ينبغي علينا أولًا أن نحسب كل من الربيعين الأول والثالث فيكون الفرق بينهما هو المدى الربيعي .

أي أن المدى الربيعي = رم -ر،

و يكون نصف المدى الربيعي الذي يرمز له عادة بالرموز $m = \frac{r - r}{r}$

وطريقة ايجاد الربيعين لا تختلف عن طريقة ايجاد الوسيط بعد معرفة رتبة كل منهما واليك توضيح الطريقة عمليا في الجدول التكراري الآتي وهو يمثل درجات مجموعة من الطلبة في مادة الاحصاء :

	التكرار المتجمع	الحدود العليا	التكـــرار	الفئات
	الصاعد	للفشات		
	_	Y0	_	- Y·
	£	٣٠	٤	_ Yo
	١٦	40	17	<u> </u>
	44	٤٠	۱۳	_ 40
فئة الربيع الأول	11	٤٥	10	_ 1.
	٦٧	٥٠	74	_ 10
	48	٥٥	44	_ 0•
	118	٦.	٧٠	00
فئة الربيع الأعلى	179	٥٢	10	- 7.
	181	٧٠	۱۲	<u> </u>
	101	٧٥	١.	_ V•
	١٥٦	۸۰	ه	_ Yo
	171	٨٥	٥	– ۸∙
	178	٩.	٣	- Ao
			371	المجموع

جدول (٣١) نصف المدى الربيعي

$$10^{17} \times 0 + 10^{17} = 11$$

$$9.0 = \frac{88 - 77}{7} = 0.9$$
 نصف المدى الربيعي

وخطوات العمل في هذه الطريقة كما يأتي :

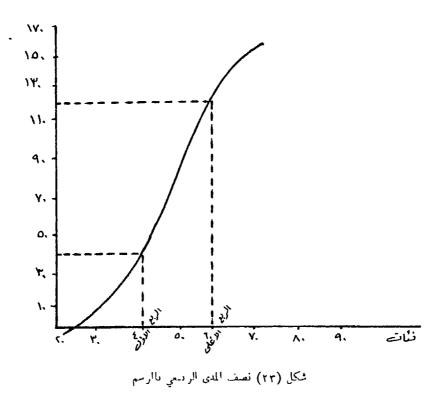
(١) أوجد رتبة الربيعين فرتبة الربيع الأول هي ن على اعتبار أن « ن » هي عدد قيم المجموعة أو مجموع التكرارات .

ورتبة الربيع الثالث هي $\frac{\dot{u}}{2} \times \pi$ أو يمكن حسابها بطرح رتبة الربيع الأول من عدد قيم المجموعة .

- (٢) أوجد قيمتي الربيعين بنفس الطريقة التي سبق استخدامها في الوسيط .
 - (٣) أوجد نصف المدى الربيعي بالطريقة الآتية:

وكما أمكننا معرفة الوسيط عن طريق رسم المنحنى التجمعي نستطيع هنا أيضا اتباع نفس الطريقة لمعرفة قيمتي الربيعين كما في الشكل الآتي :

⁽١) ويمكن الحصول على الربيع الثالث على اعتبار انه اول ربيع فيالتكراري المتجمع النار ل اي يمكن استحدام التكرارين المتجمعين مجمئ يحسب في كل منهما الربيم الاولى.



الانحسراف المعيساري Standard Deviation:

يعتبر الانحراف المعياري أهم معاملات التشتت جميعا وأكثرها استعمالا ، وهو قريب في خطوات الجاده من الانحراف المتوسط . فهو يختلف عنه في طريقة التخلص من اشارات الفروق ببن القيم والمتوسط الحسابي ، فبينما تتخلص من هذه الاشارات في طريقة الانحراف المتوسط باهمال الاشارات كلية نحتال على ذلك في طريقة الانحراف المعياري بتربيع هذه الفروق أي بضربها في نفسها . فتصبح جميع الاشارات موجبة .

فلانجاد الانحراف المعياري للقبم السبعة الآتية:

W1 . W4 . 2 . . 88 . YY . W . Wo

 $78 = \frac{77}{V}$ ستخرج أو لا متوسطها الحساني و هو

ثم نسير بعد ذلك في الحطوات الموضحة في الحدول الآتي :

مربع الانحراف عن المتوسط	انحرافهـــا عن المتوسط	القيسة
	المتوسط	
١	1	۲٥
٩	٣	٣٧
111	17 —	**
١٠٠	١٠	٤٤
17	t —	۳.
۲٥	٥	44
4	٣	٣١
	19	
٣٠٤	19	۲۳۸

جدول (٣٢) طريقة امجاد الاعراف المديري لقيم . فردة

$$2\pi,2\pi = \frac{\pi\cdot\xi}{V} = \pi\cdot\xi$$
متوسط مربعات الانحراف

الجذر التربيعي لمتوسط مربعات الانحراف = ٦.٥٩

ويطلق على متوسط مربعات الانحرافات اسم التباين variance ويطلق على الجذر التربيعي لمتوسط التربيعي للتوسط مربعات انحرافات القيم عن متوسطها الحساني .

واذا جمعت القيم على هيئة فئات في جدول تكراري نضطر لايجاد مركز كل فئة وانخاذه كمثل لقيم الفئة جميعها .

والمثال الآتي يوضح طريقة ايجاد الانحراف المعياري.

د ۲ ب	كح	۲	<u>-</u> 1	- - -	التكوار	مر اكز الفئات س	فئات ف
٤٠٥	£0_	۹-	۲۰ –	٤ —	٥	٩	- ^
۸۸۵	٨٤ -	V —	۳٦	٣	۱۲	11	<u> </u>
440	Vo _	o _	۳۰_	۲	١٥	١٣	- 17
177	01-	٣-	11	١	١٨	١٥	_ £
10	۱٥ —	١	_		١٥	۱٧	17
۱۷	۱۷	١	۱۷	١	17	19	– ۱۸
171	٥٧	٣	۳۸	۲	19	۲١	_ Y ·
770	••	٥	44	٣	11	٣٣	YY
111	74	٧	41	٤	4	Y0	- Y£
VY 4	۸۱	4	٤٥	٥	٩	**	- ۲7
4177	*V* *V*-		179		14.		المجموع

جدول (٣٣) الانحراف المعياري للحدول التكراري

المتوسط الحسابي = ۱۷ ا ۲۰
$$\times$$
 ۱۳۰ المتوسط الحسابي = ۱۷ ا ۱۳۰ المتورن الانحراف المعياري = \times ۱۸۰ افعاري = ۱۸۰ المتورن الانحراف المعياري = ۱۸۰ المتورن الانحراف المتورن المتورن

وتكون خطوات العمل اذن كما يلي :

١ – احسب المتوسط الحسابي وقد حسب في هذا المثال بالطريقة المختصرة .

٢ – أوجد انحراف مركز كل فئة عن هذا المتوسط (ح) (العامود السادس في الجدول) .

و بعد هاتين الحطوتين أمامك طريقتان تؤديان لنفس النتيجة : اما أن نتبع ما يأتي ٠

- ٣ ربع كل انحراف (ح٢).
- ٤ أوجد حاصل ضرب كل مربع في تكرار الفئة (ك ح¹)
 - أو كما اتبع في الجدول الموضح عليه (جدول ٣٣)
- ٣ _ أوجد حاصل الضرب لكل انحراف في تكرار الفئة (لؤح)

(العامود السابع)

= 1 - 10 اضرب حاصل الضرب السابق مرة ثانية في الانحراف (ك ح \times = = + + +) العامو د الثامن)

وفي كانتا الحالتين تكون الحطوة التالية هي :

- أوجد مجموع حواصل الضرب الناتجة في الخطوة الرابعة (أي المجموع في العامود الثامن).
- ٦ اقسم المجموع الذي حصلت عليه في الخطوة الخامسة على مجموع التكرارات
 (ن) .
- الربيعي لخارج القسمة الأخير فيكون هذا الجذر هو قيمسة الانحراف المعياري (ع)

ايجاد الانحراف المعياري بالطريقة المختصرة :

يمكن اختصار الحطوات الكثيرة في الطريقة السابقة باستعمال معادلة رياضية تساعد على تقليل العمليات الحسابية اللازمة . ففي المثال السابق كان المتوسط الحسابي – لحسن الحظ – عددا صحيحا وهذا نادر الحدوث في البحوث العلمية الواقعية . فاذا كان المتوسط الحسابي عددا كسريا كانت الانحرافات كلها كذلك أعدادا كسرية فتزداد العملية استنفادا للجهود والوقت نظرا لما تحتاجه الى عمليات ضرب وتربيع لأعداد كسرية . والطريقة المختصرة لا تزيد في خطواتها عن خطوات ايجاد المتوسط الحسابي للجدول التكراري الا خطوة واحدة يمكن استخراج الانحراف المعياري بعدها بقانون رباضي . واليث طبيق هذه الطريقة في نفس الحدول السابق على سبيل المقارنة .

7 . ∃ ?!	- 실	Ē	التكـــر ار ك	الفئـــات ف
۸۰	۲۰	\ -	•	A
١٠٨	- ۲۲	٣	١٢	1.
٦,	۴۰	۲ –	10	_1 T
١٨	۱۸	١	١٨	-18
	_	صفر	10	-17
۱۷	۱۷	١	17	- ۱۸
٧٦	47	۲ ,	11	۲۰
44	44	٣	11	۲۲
122	41	٤	4	_Y£
770	٤٥	0	4	۲٦
	179			
۸۲۷	۱۰٤		14.	المجموع
	٦٥			,

حدول (٣٤) الاعراف المعياري بالطريقة المختصرة

فالحطوة الأخيرة كما يظهر من الجدول تنحصر في استعمال الانحراف الفرضي (حمّ) والجاد (كحمّ) بدلا من ايجاد الانحرافات الحقيقية عن طريسة استعمال المتوسط الحسابي الحقيقي للمجموعة . ومدى اختصار هذه الطريقة يتضح اذا عرفنا أن أغلب الحالات التي يطلب فيها ايجاد الانحراف المعياري تستلزم أيضا ايجاد المتوسط الحسابي وبذلك يكون كل ما يتطلبه ايجاد الانحراف المعياري بعد ذلك هو خطوة واحدة جديدة .

وقانون ايجاد الانحراف المعياري كما يأتي :

والذي يزيد من سهولة هذه الطريقة أن مح ك ح يستخدم في ايجاد المتوسط ن

الحسابي فلا يحتاج الى عملية جديدة في الحالات التي يطلب فيها ايجاد المعاملين.

: Discrete values الانحراف المعياري القيم المتقطعة

سبق أن أوضحنا طريقة ايجاد المتوسط الحسابي لمثل هذه القيم وبينا أنها لا تختلف عن الطريقة المتبعة في حالة الجداول المحتوية على فئات من القيم المتصلة الافي اتخاذ القيمة المعطاة بدلا من مركز الفئة واعتبار مدى الفئة (١) وهذا هو نفس الفرق أيضا في ايجاد الانحراف المعياري كما يتضح ذلك من الجدول الآتي ، وهو نفس الذي حسب له المتوسط الحسابي في جدول (٢٤).

				
ع′د	2 آ	تح	التكـــرار عدد العائلات ك	عدد الأبناء في العائلة
		4	٣	
٤٨	17 –	٤ —		صفر
74	Y	٣	٧	١
٤٤	YY	۲-	11	۲
18	11	1 -	١٤	۴
	_	۳- ۲- ۱- صفر	٧.	٤
17	١٦	١	١٦	0
٤٨	41	۲	١٢	۳
74"	41	٣	٧	٧
٨٠	٧٠	٤	٥	٨
٧٥	10	٥	٣	4
VY	۱۲	٦	Y	١٠
	۱۰۸			
٥٢٣	79-		1	المجموع
	44]	

جدول (٣٥) الانحراف المياري القيم المتقطعة

مقارنة بين مقاييس التشتت:

ذكرنا أن المدى المطلق هو أقل مقاييس التشتت دقة وثباتا ، وخاصة في حالة وجود قيم متطرفة لا تمثل المجموعة التي ينتمي اليها . وأوضحا كذلك أن نصف المدى الربيعي يتلافى النقد الذي يوجه الى المدى المطلق باقتصاره على مدى النصف المتوسط من مجموعة القيم . الا أنه لا يتعرض الا لقيمتين هما الربيع الأدنى والربيع الأعلى فقط ، أما الانحراف المتوسط والانحراف المعياري فطريقة حسابهما تتناول جميع قيم المجموعة ، ولكى الانحراف المعياري هو أكثر هذه المقاييس استعمالا نظرا لأنه يستخدم أيضا في كثير من الطرق الاحصائية الأخرى كما سيتضح ذلك فيما بعد

مي نستخدم المدى المطلق ؟

١ – عند ما يراد تحديد اتساع التوزيع أي المسافة بين أقل القيم وأكبر ها .

٢ - اذا ضمن الباحث عدم وجود قيم متطرفة غريبة عن المجموعة .

منى نستخدم نصف المدى الربيعي ؟

١ – عندما يراد الحصول على مقياس تقريبي للتشتت في وقت قصير .

عندما تكون في المجموعة قيم متطرفة تشذ عن القيم العادية .

٣ – عندما يراد معرفة درجة مركز القيم حول الوسيط .

٤ – عندما يراد الحصول على مقياس للتشتت في جدول تكراري مفتوح.

مي نستخدم الانحراف المتوسط أو الانحراف المعياري؟

ا حندما يقصد اعطاء أوزان لجميع الانحرافات تبعا لقربها أو بعدها عن المتوسط الحسماني .

٢ – عندما يراد الحصول على معامل للتشتت على أكبر جانب من الدقة والثبات .
 ويفضل في هذه الحالة الانحراف المعياري .

٣ ـــ واذا ما كان الهدف استخدام هذا المعامل في نواحي احصائية أخرى فان المعامل الذي يستخدم هو الانحراف المعياري . كما في حالة معاملات الارتباط أو مقاييس الدلالة التي سيأتي بيانها فيما بعد .

هذا ويجب أن نلاحظ أن هذه الطرق المختلفة لا تؤدي الى نتيجة عددية واحدة , ولذا فيجب الاحتياط عند المقارنة بين مجموعات محتلفة باستخدام معامل واحد فيها جميعا ، والا كانت المقارنة على أسس مختلفة مما يؤدي الى استنتاجات خاطئة . والمثال الآتي يوضح مدى اختلاف هذه المعاملات بعضها عن بعض . فالجدول التكراري الآتي يوضح توزيع مدى اختلاف هذه المعاملات بعضها عن بعض . فالجدول التكراري الآتي يوضح توزيع مدى قيمة أصغرها صفر وأكبرها ٩٠ وقد حسب لهذا الجدول كل من نصف المدى الربيعي والانحراف المتوسط والانحراف المعياري وأما المدى المطلق فيمكن معرفته مباشرة وهو : ٩٠ صفر = ٩٠ .

اخ/خا	121	مراكز		_	_	التكرار	التكر ار	الفئات
	, ,	الفئات الفئات	ال ح	لدح	ځ	المتجمع	المحرار ك	القبات
	ļ					_	7	
						الصاعد		
701,70	٤٧,٠٤	٤	۱۸۰	۳۰	٦ —	0	٥	صفر
\$78,88	44: • 8	۱۲	٣٠٠	٦٠ —	۰ _	۱۷	١٢	_ ^
781,28	٣١,٠٤	٧٠	۱۷٦	٤٤	٤	47	11	-17
720,70	44, • 8	47	140	£1 -	۳-	٤٣	١٥	-71
800,80	10,12	٣٦ '	۸۰	٤٠	۲ —	74	٧.	<u> </u>
۸۸,۵۵۱	٧,٠٤	٤٤	77	77 —	١- ١	۸٥	77	_ į ,
77,72	٠,٩٦	٥٢			صفر	111	78	—٤ A
778,	۸,۹٦	7.	70	40	١	188	40	۳۵-
7.7,07	17,47	٦٨	٤٨	71	۲	107	١٢	78
111,74	72,47	٧٦	177	٥٤	٣	178	1.4	_VY
٥٣٧,٣٦	44,41	٨٤	707	78	٤	14.	١٦	-۸۰
2.9,7.	11,79	17	40.	٥٠	٥	1	١٠.	>>
			۲۱	٧				
4141,4		\	778 78	1-			Y	المجموع
			۲	t —				
,	I	1			1	i	1	ł

جدول (٣٦) مقارنة بين معاملات التشتت

المتوسط الحسابي = ۲۰ -
$$\frac{\gamma \xi}{\gamma \cdot \cdot \cdot} \times \Lambda = \xi \cdot \cdot \cdot 0$$
.

والانحراف المعياري = Λ $\sqrt{\frac{\xi \gamma}{\gamma \cdot \cdot \gamma}} - (\frac{\gamma \xi}{\gamma \cdot \cdot \gamma})^{\gamma} = 0.7$.

المدى المطلق = ٩٠ الانحراف المتوسط = ١٨,٤٦ نصف المدى الربيعي = ١٦,٦ الانحراف المعياري = ٢٢,٨٥

واختلاف هذه المقاييس في القيم أمر طبيعي ، لأن كلا منها ينظر الى التشت من وجهة نظر خاصة . فكل من المدى المطلق ونصف المدى الربيعي ينظر الى اتساع التوزيع ، بينما الانحراف المعاري والانحراف المتوسط ينظران الى مدى التجمع أو تشتت القيم حول المتوسط . ولذا فاننا لو رجعنا الى شكل (٢١) لاحظنا أن التوزيعات متقاربة من حيث الاتساع بينما تختلف كثيرا من حيث تجمع القيم فيهما حول المتوسط .

ولذا كان من اللازم استخدام مقياس واحد من هذه لغرض المقارنة دائمًا .

معامل الاختلاف:

قد يضطر الباحث الى المقارنة بين تشتى مجموعتين متماثلتين، وقد يبدو أن الوسيلة لذلك هي حساب معامل من معاملات التشتت لكل من هاتين المجموعتين والمقارنة على هذا الأساس. ولبيان مدى خطأ هذه الطريقة نضرب المثال الآتي:

مجموعتان من الأشخاص احداهما من الأطفال والثانية من الكبار . أعمار كل منهما كما هو مبين في الجدولين التكراريين الآتيين . والمطلوب المقارنة بين تشتت أعمــــار المجموعتين .

التكرار .	فئــات	التكرار	فئات
	العمر		العمر
0	_ 7.	1	- T
•	- **	٣	_ £
٨	- ٣٦	٧	_ 0
0	- 44	٧	٦ -
14	_ £ Y	17	_ v
٧٠	_ 10	77	_ A
١٣	_ £A	18	- 1
١٠	•1	11	- 1.
11	_ ot	1.	- 11
٤	_ o V	•	- 17
٦	- 7.	٤	- 14
١	المجموع	١٠٠	المجموع

جدول (۳۸) توزیع أعمار مائة بالغ

جدول (۳۷) توزیع أعمار ماثة طفل

ولنفرض أثنا استخدمنا الانحراف المعياري لقياس التشتت في كل منهما كما يلي :

اد ج۲	5 9	₹	التكــرار	الفشات
			গ	
Yo	o	0_	١	- T
٤٨	۱۲ –	1	٣	- £
74	۲۱	٣	٧	ô
YA	11 -	۲ —	٧	۳
17	۱٦ —	- ۱ صفر	17	~· v
_		صفر	**	~ h ·
11	11	١	18	_ 9
٤٤	77	۲	11	1•
۹.	٣٠	٣	١.	- 11
۸۰	۲.	٤	٥	- 17
١	۲٠	٥	٤	- 18
	1.7		١	المجموع
٥٠٨	٦٨			
	٣٨			

جدول (٣٩) الانحراف المعاري لاعدر مجموعه للاطفال

المتوسط الحساني لأعمار مجموعة الأطفال ٨٠٥ : ٣٨ : ٥ ٨٠٨ و الانحر اف المعياري = ٨٠٨٨ - ١٠٢٢ = ٢٠٢٢ = ٢٠٢٢

هذا بالنسبة لمجموعة الأطفال . أما في محموعة البالغين فيكون حساب المتوسط والانحراف المعياري كالآتي :

45.	<u>5</u> 1	ځ	التكــرار (ك)	الفئات
170	Yo	o	٥	_ ٣.
۸۰	۲٠-	t —	٥	- rr
VY	Y & —	٣	٨	- ٣ ٦
γ.	1	۲ —	٥	- ٣٩
١٣	۱۳ —	1-	١٣	- £Y
_	_		٧.	_ 10
14	۱۳	1	۱۳	_ £ A
٤٠	٧.	Y	١٠	- 01
11	44	٣	11	01
71	17	٤	٤	_ o v
10.	۳.	٥	٦	- 1·
7/7	11Y 4Y- Y.		1	المجموع

جدول (٤٠) الانحراف المعياري لأعمار مجموعة البالغين

وهذا يدل ظاهريا على أن تشتت أعمار مجموعة البالغين أكبر كثيرا من تشتت أعمار مجموعة الأطفال فهو يعادل ثلاثة أمثاله تقريبا ولكن معامل الاختلاف لا ينظر لمعامل التشتت نظرة مطلقة بل يشتمل على ايجاد النسبة المئوية بين معامل التشتت والمتوسط للقيم فهو يساوي .

$$1 \cdot \cdot \times \frac{\xi}{1} = \frac{\xi}{1}$$

فاذا حسبنا معامل الاختلاف لكل من المجموعتين كان لأعمار مجموعة الأطفال ٢٥ ولأعمار مجموعة الأطفال يزيد عن ولأعمار مجموعة البالغين ، أي أن معامل الاختلاف لأعمار البالغين ، وسبب هذا أن القيم في المجموعة الأولى أصغر كثيرا على وجه العموم من قيم المجموعة الثانية .

ويفيد معامل الاختلاف في ناحية أخرى وهي حالات المقارنة بين تشتت مجموعات مختلفة الوحدات ، فاذا قارنا مثلا بين تشتت أعمار الأشخاص وايرادهم الشهري . ، واستخدمنا للمقارنة الانحراف المعياري لكل ، فان تمييز الانحراف المعياري يكون من نوع الوحدات في كل من المجموعتين ، ومن الطبيعي أنه لا يمكن المقارنة بين قيمتين من وحدات مختلفة كالسنوات و الريالات مثلا ، ولكن معامل الاختلاف يعطينا دائما نسبة معامل التشتت الى المتوسط ، والنسبة دائما غير مميزة ، ولذا تكون المقارنة ممكنة . وعلى ذلك فان معامل الاختلاف هو الوسيلة الطبيعية التي تستخدم عادة للمقارنة بين تشتت المجموعات المختلفة . وهناك وسائل أخرى أكثر دقة سيأتي ذكرها في الأبسواب القادمية .

ومن الواضح أننا لا نستطيع استخدام النسبة السابقة في حالة الجداول التكراريسة المفتوحة ، حيث يتعذر استخراج كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ولذا فان معامل الاختلاف في هذه الحالات يكون

الا أنه ينبغي أن نكون على حذر من عدم استعمال معامل الاختلاف على صورتيه في مقارنة واحدة ، فاذا أردنا مثلا أن نقارن بين تشتت مجموعة من القيم في جدول مفتوح وأخرى في جدول مغلق تعين علينا استخدام الصورة الثانية في كليهما ، ولا يصح مطلقا أن نستخدم احدى الطريقتين في احداهما والصورة الثانية في الأخرى ، وذلك لأن كلا من الصورتين تعطى معاملا مختلفا .

فمعامل الاختلاف على الصورة الثانية لجدول ٣٩ يمكن حسابه على الوجه الآتي : _

التكرار المتجمع	التكر ار	الحدود العليا	
التكرار المتجمع الصاعد		للفئات	
_		٣	
١	١	٤	r
٤	٣	٥	- r - £
11	V	٦	o
١٨	V	٧	۲
٣٤ فئة الربيع الأدنى	١٦	٨	- Y
٥٦ فئة الوسيط	77	1	- A
٧٠	١٤	١.	- 1
٨١ فئة الربيع الأعلى	11	11	- 1.
11	١.	١٢	- 11
47	•	14	- 17
1	£	١٤	- 14
	١		المجموع

جدول (٤١) .مامل الاختلاف بالصورة الثانية

$$V, \xi \xi = 1 \times \frac{V}{17} + V = \xi$$
قيمة الربيع الأدنى = $V + \frac{V}{17} \times V = 1$ و قيمة الوسيط = $V + \frac{V}{17} \times V = 1$ و قيمة الربيع الأعلى = $V + \frac{V}{11} \times V = 1$

فيكون نصف المدى الربيعي $= \frac{V, 18 - 1 \cdot 100}{Y} = \frac{V, 100}{Y} = 1000$ و يكون معامل الاختلاف $= \frac{1001}{1000} \times 1000$. = 1000 بينما معامل الاختلاف بالصورة الأخرى = 1000 .

استخدام معامل الاختلاف في المقاييس النفسية والتربوية :

يعترض بعض النفسيين على استخدام معامل الاختلاف في المقارنة بين تشتت الدرجات في المقاييس النفسية والاختبارات التربوية على اعتبار أن هذه المقاييس لا يعرف لها صفر مطلق ويعطينا Garrett توضيحا على ذلك ما يأتي :

لنفرض أننا أجرينا اختبارا لغويا على مجموعة من الأفراد وكان متوسط الدرجات التي حصلوا عليها ٢٥ والانحراف المعياري لها ٥ ، فيكون معامل الاختلاف في هذه الحالة ٢٠ . ولنفرض أننا أضفنا الى هذا الاختبار ٣٠ سؤالا من السهولة لدرجة أن جميع أفراد المجموعة قد تمكن من حلها جميعا ، وبذلك نجد أن درجة كل فرد قد ارتفعت ٣٠ درجة ، وبالتالي يرفع متوسط الدرجات فيصبح ٥٥ ، ولكن الانحراف المعياري بطبيعة الحال لن يتأثر بتلك الزيادة بل سيظل كما هو ٥ ، وسيهبط معامل الاختلاف نتيجة لذلك في الحالة الثانية هبوطا كبيرا اذ سيصبح ٩ ، ومن الطبيعي أننا نستطيع أن نضيف أي عدد من هذا النوع السهل من الأسئلة . وهكذا تتحكم درجة سهولة الأسئلة المضافة في تغيير معامل الاختلاف ، ومرجع هذا أننا لا نستطيع أن نحدد صفرا مطلقا يحدد لنا مبدأ القياس ، وهذا ما يدعو كثيرا من النفسيين الى التقليل من أهمية معامل الاختلاف في المقاييس النفسية والتربوية .

الا أن جاريت Garrett برى أن هذا الاعتراض بالرغم من صحته لا يهدم الانتفاع عمامل الاختلاف هدما كليا . وهو يرى أن عدم وجود صفر مطلق للمقاييس والاختبارات خمية والتربوية هو العقبة في معاملات أخرى غير معامل الاختلاف ، ففي المثال السابق .ي ذكرنا فيه أنه اذا أضفنا ٣٠ سؤالا سهلا الى الاختبار فان معامل الاختلاف سيتغير نغيرا كبيرا فلاحظ كذلك أن المتوسط الحسابي سينتابه قدر كبير من التغير حيث تزيد قيمته بمقدار ٣٠ درجة (على اعتبار أن جميع الأفراد سيتمكنون من حل هذه الأسئلة)

ومع هذا فالمتوسط الحسابي يستخدم بدرجة كبيرة من الثقة في جميع البحوث . كما أن البحوث النفسية تشتمل في كثير من الأحيان على مقاييس عضوية موضوعية كالطول والعمر وزمن الرجع reaction time وسرعة التنفس والنبض ... الخ وهذه لا جدال في صحة استخدام معامل الاختلاف في المقارنة بين تشتتها .

وزيادة على ذلك فانه اذا استخدمنا مقياسا نفسيا واحدا للمقارنة بين تشتت مجموعتين في صفة نفسية خاصة فليس ما يمنع من استخدام معامل الاختلاف ما دام الصفر النسي المتعاق بالاختبار واحدا في الحالتين . كما في حالة المقارنة بين تشتت ذكاء البنين وذكاء البات باستخدام اختبار واحد للذكاء لكليهما . أو المقارنة بين تشتت الانجاه العقلي لكل من المتعلمين والأميين باستخدام مقياس واحد لهذا الانجاه ، ولكن الذي يعترض عليه هو المقارنة بين درجات اختبارين أو مقياسين مختلفين حتى ولو كانت المجموعة التي يطبق عليها كل من الاختبارين واحدة .كالمقارنة مثلا بين القدرة اللغوية والقدرة الحسابية لفصل من الفصول أو مجموعة من الأفراد .

: Standard score الدرجـة

اذا عرفنا أن تلميذا في فصل قد أخذ ، \ الله من المواد فهل نستطيع أن نفهم من ذلك مبلغ تقدمه أو تأخره بالنسبة لفصله ؛ الفكرة المباشرة التي قد تفهم عند سماع هذه الدرجة أن هذا التلميذ متفوق في هذه المادة . ولكن هذا الاستنتاج قد يكون بعيدا عن الصحة في بعض الأحيان . فقد يكون الامتحان الذي وضع لهذه المادة من السهولة لدرجة أن به كانت أقل درجة من درجات تلاميذ الفصل . فيكون ترتيب التلميذ بالنسبة لفصله في هذه المادة الأخير ، وقد يكون الأمر عكس ذلك تماما أي قد يكون الامتحان على درجة من الصعوبة بحيث أن أكبر درجة من درجات الفصل في هذا الاختبار كانت به أي أن هذا التلميذ في الحالة الثانية يكون ترتيبه الأول في المسادة المختبرة ، وعلى ذلك فمجرد ذكر القيمة لا يكفي مطلقا لمعرفة مركزها في المجموعة التي تنتمى اليهسا .

وقد يساعد على معرفة مركز القيمة بالنسبة للمجموعة ذكر المتوسط الحسابي للقيم

ومقارنتها به ، فاذا عرفنا أنه في الامتحان السابق كان متوسط الدرجات ، ه درجسة أدركنا على الفور أن هذا التلميذ يقع في النصف المتقدم في الفصل ، اذ أنه يعلو عن هذا المتوسط بمقدار ٢٠ درجة ، ولكنا حتى بعد هذا لا نستطيع معرفة مركز هذا التلميذ في النصف العلوي من الفصل . أي مدى بعد القيمة ٧٠ عن المتوسط بالنسبة لقيم المجموعة ، ولذا يحتاج الباحث الى مقارنة مدى ارتفاع القيمة أو انخفاضها عن المتوسط أي الفرق بين القيمة والمتوسط بمقياس من مقاييس التشتت ، والطريقة المتبعة لذلك هي ايجاد النسبة بين هذا الفرق والانحراف المعياري ، ويطلق على النسبة الناتجة « الدرجة المعيارية » :

فالدرجة المعيارية = الفيمة - المتوسط الانحراف المعياري

ومن الواضح أن هذه الدرجة قد تكون سالبة أو موجبة الاشارة حسب نقصها أو زيادتها عن المتوسط الحسابي ، وأن الدرجة المعيارية المقابلة للمتوسط الحسابي هي صفر . وبالرغم من أن وحدات المتوسط الحسابي والانحراف المعياري تكون من نوع وحدات القيم الأصلية ، فان كانت القيم نقودا بالريالات مثلا كان المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ريالات كذلك ، الا أن الدرجة المعيارية نسبة لا تمييز لها ، فهي تعبر عن عدد مرات احتواء انحراف القيمة عن المتوسط على الوحدات من الانحراف المعياري : وهذا يجعل للدرجات المعيارية فائدة المقارنة بين مراكز القيم في مجموعاتها .

المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للدرجات المعيارية :

اذا تأملنا ما تساويه الدرجة المعيارية جبريا أدركنا أن المتوسط الحسابي لهذه القيم صفر ، وذلك لأن حاصل جمعها كذلك صفر ، لأن مجموع الدرجات المعيارية للقيم = مجموعها – المتوسط × عددها ومجموع القيم يساوي بطبيعة الحال (متوسطها × عددها) ولزيادة الايضاح نسوق المثال العددي الآتي :

لايجاد الدرجات المعيارية للأعداد الخمسة الآتية : ٢٧ . ٢٧ ، ٩ ، ٣٥ ، ٣٣ نجد أن المتوسط الحسابي لها =

۲۰ = ۲۰ والانحراف المعياري = ۲۰۱۸
 فتكون القيم المعمارية هي على الترتيب :

. .,4V . 1.79 . ., A£ - . ., £Y - . 1,11 -

واذا حسبنا المتوسط الحسابي لهذه القيم المعيارية وجدنا أنه صفر كما أن الانحراف المعياري لها يكون واحدا صحيحا (يمكن الوصول الى هذه النتيجة الأخيرة رياضيا) ولبيان ذلك في هذا المثال نتبع الخطوات الآتية :

على اعتبار أن المتوسط الحسابي للقيم المعيارية صفر تكون مربعات انحرافها عــن المتوسط :

 $(\cdot, \forall 1 = {}^{Y}(\cdot, \lambda \xi -) \cdot \cdot \cdot \lambda = {}^{Y}(\cdot, \xi Y -) \cdot (\lambda, Y = {}^{Y}(\lambda, \lambda Y)$ $(\cdot, \xi Y -) \cdot (\lambda, Y = {}^{Y}(\lambda, \lambda Y) \cdot (\lambda, \xi Y = {}^{Y}(\lambda, \lambda Y) \cdot (\lambda, \xi Y = {}^{Y}(\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y = {}^{Y}(\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y = {}^{Y}(\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y = {}^{Y}(\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y = {}^{Y}(\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda, \xi Y) \cdot (\lambda$

$$1 = \frac{\xi,49}{0} = \frac{7-2}{0}$$

تحويل الدرجات المعيارية للقيم الأصلية :

قد يحتاج الباحث النفسي أو الاجتماعي الى تحديد قيم معيارية خاصة ومعرفة القيم الأصلية المقابلة لها ، كأن يعتبر جميع من تزيد درجته المعيارية عن ٢ أقوياء في المسادة المختبرة مثلا فهو في هذه الحالة يحتاج لمعرفة الدرجة التي تقابل ٢ درجة معيارية .

ولمعرفة الدرجة المقابلة نلاحظ أن معنى ٢ درجة معيارية أن الدرجة المطلوبة تزيد عن المتوسط الحسابي بضعف الانحراف المعياري ، فكأن الدرجة المطلوبة = المتوسط الحسابي + ٢ × الانحراف المعياري ، ومعنى -- ٢ درجة معيارية أن الدرجة المعيارية أقل من المتوسط الحسابي بضعف الانحراف المعياري . وبوجه عام فان : الدرجة المعيارية = المتوسط الحسابي + القيمة المعيارية × الانحراف المعياري .

: Percentile الرتية المينية

ذكرنا عند الكلام على الربيع أن الربيع هو النقطة التي تحدد أرباع المجموعة ، ولذلك فان في المجموعة ثلاث ربيعات وأربعة أرباع ، فالربيع الأدنى هو النقطة التي ينتهي عندها الربع الأول للقيم ، والربيع الأعلى هو النقطة التي ينتهي عندها الربع الثالث للقسيم .

وكما قسمنا المجموعة الى أربعة أجزاء في حالة الرّبيع فاننا نقسمها الى مائة جزء في حالة الرّبية المئينية وتكون الرتبة المئينية هي النقطة التي تحدد هذه الأجزاء فاذاحددنا النقط التي تقل

عنها ١٠٪ من القيم مثلا كانت هذه النقطة هي المثين العاشر ويرمز له بالرمز P10 ويمكن أن نتخذ له الرمز العربي الآتي : ٢٠٠ وعلى ذلك فان الربيع الأول ر ا هو نفسه المئين الحامس والعشرين م والربيع الثالث رم هو نفسه ٧٠٠ . لأن كلا من الربيع الأول والمئين الحامس والعشرين تقع قبلها ربع القيم ، وأما الربيع الثالث أو المئين الحامس والعشرين تقع قبلها ربع القيم ، وأما الربيع الثالث أو المئين الحامس والسبعين يقع قبله ثلاثة أرباع القيم .

وللمئين فائدة كبيرة في المقاييس العقلية فكثير من هذه المقاييس تكون نتائجها على هيئة مئين ، فيلحق بالاختبار مثلا جدول يبين المئين المقابل للدرجات المختلفة ، بحيث اذا طبق المقياس على أحد الأفراد ثم صحح فبالرجوع الى مثل هذا الجدول يمكن معرفة مركز هذا الفرد بالنسبة لمن هم في سنه أو مستواه ، أو رتبته المئينية المعينية مئوية خاصة ويكون المقصود من المئين أو الرتبة المئينية أدركنا أنه قد يكون لدينا نسبة مئوية خاصة ويكون المطلوب تحديدها بالنسبة للقيم في المجموعة أو قد يكون لدينا قيمة خاصة ويكون المطلوب تحديدها بالنسبة المقيم التي تقل عن هذه القيمة المعطاة .

حساب المئـــين في جدول تكراري :

لا تختلف طريقة حساب المئين عن طريقة حساب الوسيط أو الربيع فكل ما يستازمه الحساب هو تحويل التكرار الى تكرار تجمعي ، والمثال الآتي يوضح طريقة العمل ـ

أجري اختبار ذكاء على مجموعة من الأفراد فكانت درجاتهم فيه موزعــــة كـــالآتي : ـــ

التكرار التجمعي الصاعد	التكــرار	الغشات
٨	٨	- •
19	11	- 1.
74	١. ١٠	- 1.
1 44	١.	[- Y·
٧٦.	44	- Yo
14.	11	– ₹•
10.	۳۰	· _ 40
١٩٨	١٨	- £•
14.	17	– €•
1/4	٩	_ a.
110	٦	00
Y.,	•	Y•
	٧	المجموع

ا جدول (۱۲) درجات ۲۰۰ شغمن في اختبار لاکا آ

فاذا أردنا معرفة المئين العشرين γ , كانت رتبته = $\frac{\gamma}{111} \times \gamma$ أي أنه سيكون في الفئة (γ – γ) .

وهكذا يمكن حساب القيم المقابلة لكل مئين للاسنفادة به بعد ذلك حسب الجدول الآتي :

القيمة المقابلة	طريقة حساب القيمة	عدد القيم التي	المئين
للمثين	المقابلة للمثين	تحت المئين	المطلوب
\0,0	0 × 19 - Y.	٧٠	١٠
۲۳,7 ۷	$\circ \times \frac{10}{10} i 1$	٤٠	۲۰
۲۷,۰۰	0 × 12 - 7.	٦.	۳۰
۳۰,٤٥	• × \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ 	۸۰	٤٠
47,74	$\bullet \times \frac{77-7}{12} + 7.$	١	٥٠
٣٥,٠٠	٣٥ + صفر	14.	٦٠
۳۸,۳۳	0× 1/1 18.	12.	٧٠
٤٢,٧٨	0× 10· - 17· + £.	17.	۸۰
٥٠,٠٠	۰۰ ــ صفر	۱۸۰	٩,

جدول (٤٣) تحديد المئين في الجدول التكراري

ويلاحظ أن عمر يقع عند مبدأ التوزيع حيث لا توجد قيمة أقل منه . وأن م المجموعة أقل منها .

ايجاد الرتبة المئينية Percentile Rank لإحدى قيم المجموعة :

وكما يحتاج الباحث الى تحديد القيمة التي تقابل مئينا مجددا قد يحتاج الى عكس ذلك ، أي الى معرفة الرتبة المئينية لقيمة من القيم لتحديد مركزها وسط المجموعة . ولنفرض مثلا أننا نريد أن نحسب الرتبة المئينية لفرد حصل على درجة ٣٨ في اختبار الذكاء السابق (جدول ٤٢) ، فتكون طريقة الحساب كما يلي :

أولا ــ درجة ٣٨ تقع في الفئة (٣٥ ــ)

ثانيا ــ هناك ١٢٠ فردا درجاتهم أقل من الحد الأدني للفئة

ثالثا ــ نظر ا لأن تكر ار الفئة (٣٥ ــ) هو ٣٠

 $11 = \pi \cdot \times \frac{\pi \circ - \pi \wedge}{\circ}$ هو $\pi \circ \pi \circ \pi$ التي تقل درجانهم عن $\pi \circ \pi \circ \pi$ هان عدد أفر اد الفئة (۳۰ سالمي تقل درجانهم عن الم

رابعا ــ عدد جميع القيم التي تقل عن ٣٨ في المجموعة = ١٣٨ = ١٨٠ + ١٣٨

خامسا ـــ و نظر الأن عدد أفر اد المجموعة كلها = ۲۰۰ لذلك فان المئين المقابل للدرجة $\frac{177}{11} \times 100$ هو $\frac{177}{110} \times 100$

ويمكن أن نصف طريقة ايجاد الرتبة المئينية المقابلة لاحدى قيم المجموعـــة في الخطوات الآتية : --

١ 🔃 حدد الفئة الني يقع فيها والحد الأدنى لهذه الفئة .

٢ ــ احسب التكرار المتجمع قبل هذه الفئة .

٣ _ احسب عدد أفراد الفئة التي تقل عن القيمة وهو يساوي

القيمة - الحد الأدنى للفئة × تكرار الفئة مدى الفئة

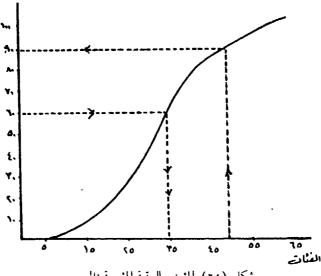
٤ - اجمع التكرار المتجمع قبل الفئة × عدد قيم الفئة التي تقل عن القيمة فينتج
 عدد جميع قيم المجموعة التي تقل عن القيمة المعطاة .

احسب الرتبة المثينية المطلوبة على الوجه الآتى :

عدد القيم التي تقل عن القيمة المعطاة × ١٠٠٠ مجموع التكرارات

ايجاد المئين والرتبة المئينية بالرسم :

الرتبة المئينية لقيمة ما هي عدد القيم التي تقل عنها في المقياس المئوي ، ولذلك فان الحطوة الأولى في أي جدول تكراري هي تحويل التكرارات في هذا الجدول الى تكرارات تجمعية مئوية (أي على اعتبار أن المجموع ١٠٠ ، ثم رسم المنحى التجمعي الناتج لهذا التوزيع ومن هذا المنحى يمكن بسهولة استنتاج أي مئين أو أي رتبة مئينية لأية قيمة . فاذا أجرينا هذه الحطوات على جدول (٤٢) الذي يبين توزيع درجات ٢٠٠ شخصا في اختبار للذكاء حصلنا على المنحى التجمعي المئوي الآتي :



شكل (٢٤) المئين والرتبة المثيمية بالرسم

ومن هذا الرسم يتضح أن المئين الستيني هو عند القيمة ٣٥ ، وأن الرتبة المئينية للقيمة • • هي ٩٠ ، وهكذا يتسنى للباحث معرفة أي مئين أو رتبة مئينية من الرسم مباشرة .

العلاقة بين الدرجة المعيارية والرتبة المثينية :

ليست هناك علاقة مباشرة بين الدرجة المعيارية والرتبة المثينية ، ولذلك فلتحويل احداهما للأخرى نرجع الى القيمة الأصلية التي تقابلها . فاذا كان المطلوب مثلا معرفة الرتبة المثينية للدرجة المعيارية ١,٥ نضرب ١,٥ × الانحراف المعياري للمجموعة ونضيف الى حاصل الضرب المتوسط الحسابي ، فتنتج القيمة الأصلية المقابلة للدرجة المعيارية المعطاة . وبمعرفة القيمة الأصلية يمكن استنتاج الرتبة المطلوبة كما سبق ايضاحه .

الا أنه في التوزيع الاعتدالي الذي سبق وصفه في الباب الأول يمكن بطريقة رياضية معرفة الرتبة المثينية المعادلة لأية درجة معيارية وبالعكس . وسيأتي تفصيل ذلك عند ذكر خواص المنحنى الاعتدالي في القادم .

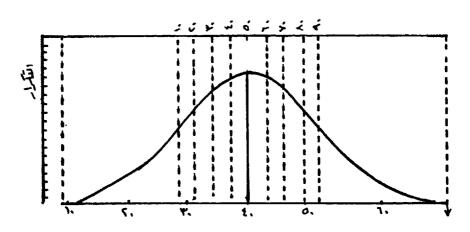
استخدام الرتبة المئينية في البحوث النفسية :

يستخدم المئين بكثرة في الاختبارات النفسية وخاصة الاختبارات الخاصة بالبالغين .

ففي اختبارات الذكاء مثلا يمكن استخدام نسبة الذكاء وهي (العمر العقلي×١٠٠)

في حالة الأطفال ، أما في حالة الكبار فالطريقة المستخدمة عادة هي الرتبة المئينية ، كما أن من المتبع عادة أن يستخدم في القياس أكثر من اختبار واحد أي ما يطلق عليه النفسيون و بطارية Battery ، بحيث يكشف كل اختبار منها عن سمة نفسية ، سواء كانت هذه السمة النفسية قدرة من القدرات أو صفة من الصفات الانفعالية كالانبساط submission والخضوع ascendance والخضوع introversion ونظرا لحاجة الباحث الى توحيد مستوى درجات كل هذه الاختبارات المتنوعة في البطارية الواحدة وسهولة مقارنتها بعضها ببعض فان طريقة الرتبة المئينية هي المستخدمة عادة في الواحدة وسهولة ، ويعمل من النتائج المختلفة لهذه الاختبارات والمقاييس النفسية ما يسمى التخطيط النفسي Psychological Profile

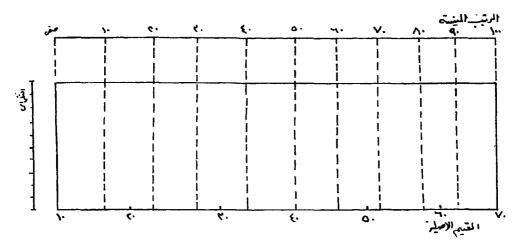
وقبل أن نوضح طريقة رسم التخطيط النفسي ينبغي أن نذكر خاصية يجب مراعاتها عند استعمال الرتبة المثينية في القياس النفسي . ذلك أن وحدات المقياس المثيني ليست متساوية في أغلب الأحيان ، وخاصة عند طرفي التوزيع ، فاذا كان توزيع القيم الأصلية يتبع التوزيع الاعتدالي الحرسي – وهو ما يحدث في أغلب القياسات النفسية – فاننا فلاحظ أن أغلب القيم في المجموعة تتركز عند الوسط بينما يقل عدد القيم المتطرفة في التوزيع . ربما أن المقياس المثيني مؤسس على عدد قيم المجموعة ينتج أن وحدات القيم المتساوية لا يقابلها وحدات متساوية في المقياس المثيني بل فلاحظ أن وحدات المقياس المثيني تضيق في المنطقة الوسطى بينما تتسع جدا في الطرفين كلما بعدت القيم عن المتوسط كما يتضح من شكل (٢٥). وهو يبن توزيعا فرضيا لقيم أصلية متوسطها ٤٠ وتمتد من القيمة ١٠ الى القيمة ٧٠ موضحة على الحط الأفقي العلوي ، وكما يتضح من هذا الرسم فلاحظ اتساع الوحدات في المقياس كلما بعدنا عن المتوسط على كل من الجانبين بينما تضيق الوحدات في المقياس المثيني كلما قربنا من الوسط . فنجد مثلا أن ١٠ / الأولى من الحالات في الحط الأفقي العلوي موزعة على مسافة من القيم الأصلية تبلغ حوالي سبعة أمثال المسافة الموزعة عليها المسافة أمثال المسافة أمث



شكل (٢٥) اختلاف الوحدات في المةياس المثيني

ولكن هل يمكن أن تقابل وحدات القيم وحدات متساوية في المقياس المثيني في أي توزيع ؟ الواقع أن هذا يحدث في حالة التوزيع المستطيل الذي يتساوى فيه تكرار الفثات ، مهما قربت أو بعدت عن متوسط المجموعة .

كما يتضح من شكل (٢٦) ولكن هذا النوع من التوريع نادر الحدوث جدا في النتائج التربوية ، ولذا يجب مراعاة ذلك دائما عند ذكر النتائج أو توضيحها



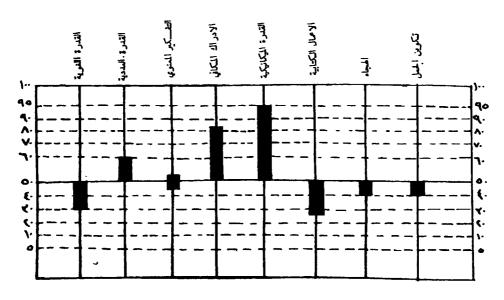
شكل (٢٦) تساوي وحدات المقياس الميثيني في التوزيع المستطيل

بالرسم أو التعليق عليها احصائيا ، فالرتبة المثينية تعطي صورة واضحة عن رتبة الفرد أو مركزه النسبي في المجموعة التي ينتمي اليها ، أو المجموعة الطبيعية التي تقنن المقياس على أساسها ولكنها لا توضح مطلقا الفرق بين الدرجة التي نالها الفرد والدرجة التي نالها فرد آخر . ولذا فان الرتبة المئينية لا تخضع للعمليات الحسابية ، كالدرجات أو القيم العادية ، الا أن سهولة حسابها وشدة وضوحها في المقارنة جعلها شائعة الاستخدام في البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية .

فاذا استخدمنا الرتبة المثينية في رسم التخطيط النفسي كان علينا أن نراعي عدم تساوي وحدات المقياس المثيني في الرسم حتى نلتزم الدقة في التعبير والمقارنة . والمثال الآتي يوضح تخطيطا نفسيا لأحد الأفراد أجرى عليه الاختبارات الفارقة للقدرات Differential Aptitude tests ، ومنه يتضح أن هدذا الفرد متميز في القدرة الميكانيكية وفي القدرة على الادراك المكاني بينما يظهر ضعفه بنوع خاص في القدرة على الأشغال الكتابية ، ولكنه عادي أو متوسط في القدرة على التفكير المعنوي .

ويستخدم المقياس المئيني كذلك بنوع خاص في مقاييس الميول interests

onverted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)



شكل (٢٧) تخطيط نفسي لقدرات أحد الأفراد

ذلك لأن هذه المقاييس تحتوي عادة على نواحي وميادين متنوعة من أوجه النشاط في الحياة. ولتوضيح طريقة استخدامه ننقل فيما يلي صورة تخطيط نفسي لنتيجة اجابات فرد على أسئلة مقياس كودر KUDER الذي يحتوي على نواحي الميول الآتية :

۱ _ أوجه النشاط الخارجي Outdoor

Mechanical الأعمال المكانيكية - ٢

۳ ـ النواحي العددية Computitional

\$ ــ النواحي العلمية Scientific

• ـ الدعاية والتأثير Persuasive

٦ ــ النواحي الفنية Artistic

٧ ــ النواحي الأدبية Literary

Musical النواحي الموسيقية ٨

Social service الحدمة الاجتماعية

10 - الأعمال الكتابية Clerical

و الأعداد العليا في الرسم توضح الدرجات التي نالها هذا الشخص في النواحي المختلفة، كما تدل الأعداد التي داخل المستطيلات على مقدار ما حصله من الدرجات في ناحية من هذه النواحي والدرجات الجانبية هي الرتب المثينية في المقياس . ومن هذا التخطيط يتضح شدة ميل هذا الشخص الى النواحي الأدبية ثم الخدمة الاجتماعية وضعف ميله في النواحي الميكانيكية والعددية .

Feminine ويلاحظ أن الحرف M في الشكل معناها مذكر Masuline ويلاحظ أن الحرف M في الشكل معناها مذكر فقد رسمت المستطيلات على اعتبار المعايير الخاصة بالذكور .

·		6	, /	~	2 /	2 1	, 3	2	43	2	s 2	<i>A</i> 1	43	0		_		_			9	7
	0 6	-		_			3 3	-	43	-	5 Z	-	4.5	0	, (5	s 5		94	4		1
	ş	5	10.000		COMPUTATIONAL		¥	.	200		u				,	.	Control		4			ļ
	900				Keto		- Annual Contract of the Contr		RESTUNDED STORE		ASTRABAC		200		to Jensey		3		CHEMEAN			
	žĄ.	F	*		*	•	A	•	м	F	M	ī	M	ş.	M	F	*	7	M	ī		I
169	90 79	74 77		13 56	33	47	70 53	41	70	61 60			42	42			6 B	7.0	6 W.		-	···
	"	171	٤,	33	::	45	40	43	75 75	67	92 51	52	40	40	30		66 45	77 76	18	33		- 1
	"	10	44	33	47	43	6.7 6.5	4.7	72 71 71	65 64	50	50	33	29		30	6.2 6.3	75 74	73	52 91	_	ł
THICKNOTES.	74	**	"	47	43	40	23	51 50 75	710	6.3	49		2	1	29		62 61	73	75 74 73	9C 81		Process
	73 74 73	1::	"	42	43	34	63	14	**	61 60 51	44	49	3	1		2,	**	72	77	87 85 83		4
-	1,	41 40 39	"	45	۱,,	\$ 6 \$ 6 2 2	47	\$\$ \$4 \$3	1	5.8 57	47 45	47		17	"		Ź	کار کار		8.3	L	
=	70	20 CA 4001 0	٠.	37 30 31	30 37 36	34	50 50	37 81 30	10101010141	54 55 54	43 47 41	25 44	17		27	20		94	44	82 81	F	
*];;	3	53	34 35 34	33	"	18 57	40	133	52 52	40	43	134		25	,,,		90	::	9099575 775	E	90
	17	7	30	22	23	31	;;	***	32	31	3,7	41	7.	30	"	26	2	/,	33	76 75 74	E	
	1/	/;)., 	31	31	23	54 57	13	50	49	35 35	33 74			::	25	12	29		73 73 71	E	
e0	1	, x	133	25	30	20 27	52 51 50	33	111111111111111111111111111111111111111	27	132	37	2	12	10	24	12	3	125	70	E	-
70			33	34	1	24	49	35	45	45	31	33	1	V	1,,	23	12	12	31	4.	E	70
infin.	X		1::	34	77	25	45	34 35 37 31	44 42 42	4	210	33	1	12	1::	21	1		43	65 63 64		
40	1%	12	41	11	25	23	47	30	L"	41	27	30		12	111	20	200		::	1		- 6-3
so -	1	1	111	1;;	124	21	1:5	ļ-:•	1 40	+37	11	21	1	1	1;	<u> </u>	1		†::	57 57 56 59	E	. 29
≪	13	13	1::	10	,,	20	1	15	37		13	21	1	1	1 ''	17	1	1	1	33	E	- 44
20 -	ľ		1;;	10	71		33	1:	1	Z	"	2:	ľ	19	1"	4		1	يرا	1	£	- 39
	Y.	1	1::	ļ.,	17,	17		بوا	Į,	1		-	K	7	}-	15	4.43		1		£	
20	1/2	2	1::	110		1,5	YZ		12	13	V	13	V.		1		ľγ			12	E	- 20
	1	12	45	1	۱۲,		1		12	1	V	8	X	1/2	1	١,	12	1		1	丰	
			22	1	14	ربل	$\frac{1}{2}$	1	X.	1	\mathscr{U}	1	X	¥)	7	7	12	1	X.		E	- 10
"-		1	1::	1	v	1	V		X	γ,	X	1	X		X	X	X.	Z	12	1	E	_
	17	$\boldsymbol{\mathcal{Y}}$		١(V	12	1	1	\mathcal{L}	y,	Ŋ	ľ	X	X	X	X	V		بزاء	//	Ł	
	1	X			\mathbf{Z}	12	V	1	X	X	K,	Z	X	Y	X	X	V.	7	X	12	*	
	1	1			ß	1	Ł	V.	Y)	X	*/	1	¥	X	X.		X		12	1	4	
1		V.	1	7	K	V.	X,	V	¥,	X	*	X	*	X	X	X	¥	Y	X	Ý,	7	
	V.	X	K)	V	X	X	Ľ	V	*	X	¥,	¥	¥,	X	X	X	X	Ŋ	V,	X,	7	
1		X	1	1	X.	1	X	1	1	X	X	X	X	X	X	X	1		Y	¥	1	
	-6	W/	12	L	1		\mathbb{Z}	¥	X	1	Z	Ł	X	1/2	1	X	1/2	Z	1	\mathcal{L}	<u>-</u>	-••
L				_						_					_	-						

شكل (٢٨) تخطيط نفسي لأحد الأفراد في اختبار الميول لكودر

أسئلة على الباب الثالث

المجموعة الأولى المنات وكان توزيع الدرجات فيها كما يلي :

تكرار البنسات	تكرار البنين	فئسات الدرجات
_	٣	- 10
γ ΄	٨	- Y·
£	۱۵	- Yo
Y0	77	* •
44	۲.	T o
٤٥	۳٥	- t ·
44	٤٠	_ t o
٣٧	**	— 0 ·
۲٥	۱۸	00
۱۸	11	- 7 •
٧	٧.	ە ت –
_	٥	۷۰ فما فوق
777	741	المجموع

جدول (٤٤) درجات مجموعة من البنين وأخرى من البنات في اختبار الهجاء

والمطلوب المقارنة بين تشتني درجات المجموعتين .

٢ _ احسب الانحراف المعياري لدرجات البنات في جدول (٤٤) .

٣ ــ أوجد الرتب المثينية المقابلة للدرجات الآتية في مجموعة البنين في جدول (٤٤) .

21 , 07 , 77 , 70 , 13

- إ ــ أوجد الدرجات المقابلة للدرجات المعيارية الآتية في مجموعة البنات في جدول
 (٤٤) .
 - ــ هره ، ۲٫۷ و صفر ، ۲٫۱ ، ۱۰۱ .
 - احسب كلاً من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم العشر الآتية :
- ه ، ٣٥ ، ٣٦ ، ٣٢ ، ٦٤ ، ٨٠ ، ٦٤ ، ٣١ ، ٣١ ، ٣١ ، ٣١ ثم أضف ٥ على كل قيمة من هذه القيم العشر واحسب كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الجديدة .
- ٦ اضرب كل قيمة من القيم العشر في المسألة السابقة في ٣ ثم احسب كل من المتوسط والانحراف المعياري للقيم الجديدة .
- الجدول الآني يبين المتوسط الحسابي والانحراف المعياري لمقاييس ثلاثة ،
 احسب معامل الاختلاف لكل منها ورتبها من حيث درجة تشتنها في كل من الجنسين على
 حدة ثم قارن بين تشتت كل مقياس في الجنسين :

ت	الثبا	ــــــ	قبضة الي	نقـــر	سرعة ال	القياس		
النساء	الرجال	النساء	الرجال	النساء	الرجال			
٥,١٣	٥,٦٤	74,4	٤٢,١	18	٤,٠١٢	المتوسط		
1,9	١,٦	٤,٨	٦,٤	19,4	۲٠,٠	الانحرافالمعياري		
170	١٠٥	177	۱۰۸	171	1.1	العـــد		

جدول (٤٥) نتائج ثلاثة مقاييس في الحنسين

٨ - مجموعتان من القيم المجموعة الأولى تشتمل على القيم الآتية :

2V : 79 : 70 : VY

والمجموعة الثانية تشتمل على القيم الآتية :

£V . TT . TT . TO . TT . £Y

فاذا رمزنا للمتوسط الحسابي للمجموعة الأولى بالرموز م ورمزنا للمتوسط الحسابي للمجموعة الثانية بالرموز م

ولعدد قيم المجموعة الأولى بالرموز ن ولعدد قيم المجموعة الثانيـــة بالرموز ن وللمتوسط الحسابي للمجموعة الكلية الناتجة عن ضم المجموعتين بالرمز م

حقق هذا القانون في المجموعتين المذكورتين .

في الجدول التكراري الآتي :

_٣٠	_ * Y	_Y £	_Y\	-14	\0	-71	-4	-7	۳-	صفر ـــ	الفئات
10	۱۸	٧٠	17	٣٣	40	**	١٤	۱۲	١.	0	التكر ار

جدول (۲۶)



(لب) (المونع

المنحى الاعتدالي وخواصه Normal curve

= نسبة الاحتمال Probability Ratio

= التوزيع الاعتدالي في المقاييس النفسية والاجتماعية

الارتفساع

= تحويل التوزيع الى أقرب توزيع اعتدالي

المسياحة

= العلاقة بين المئين والدرجة المعيارية في التوزيع الاعتدالي

= مقياس والدرجـــة التائيـــة

= تلخيص لأهم خواص المنحنى الاعتدالي

= مقاييس انحراف التوزيع عن الاعتدالي

Skewness الالتسواء

التفرطيح Kurtosis



نسبة الاحتمال:

اذا توقعنا حدوث ظاهرة من الظواهر من بين عدد من الظواهر الأخرى المحتملة بحيث لا يوجد محل لاحتمال آخر فان نسبة احتمال حدوث الظاهرة هي النسبة بين أكرار حدوثها ومجموع تكرارات حدوث جميع الظواهر المحتملة . فاذا ألقينا قطعة من قطع العملة فأنها اما أن تقع على الوجه الذي به الصورة واما أن تقع على الوجه الذي به عدد ما تساويه ، وليس هناك احتمال ثالث غير هذين الاحتمالين . وعلى ذلك تكون نسبة احتمال وقوع قطعة العملة على أحد هذين الوجهين = $\frac{1}{7}$ واذا ألقينا « زهر » اللعب الى أعلى فاما أن يقع على الوجه الذي به نقطة واحدة أو على الوجه الذي به نقطتان أو ثلاث أو أربع أو خمس أو ست نقط . وعلى هذا فتكون نسبة احتمال وقوع « الزهر » على أحد الوجوه الست = $\frac{1}{1}$ ، وفي حالة اجابة سؤال من نوع الصواب والخطأ أو أي نوع من الأسئلة ذات الوجهين : عاصمة فرنسا هي باريس (صواب — خطأ) أو الباردة (أكبر — أصغر) من المر . أو تقع عنيزة (شمال — جنوب) الرياض . فاذا كانت الاجابة تبعا لمحض الصدفة دون علم حقيقي بالاجابة الصحيحة فان نسبة احتمال كون الاجابة صحيحة أو خاطئة هي يصل الى (١) فني حالة القاء قطعة النقود يكون احتمال وقوعها على أي وجه من الوجهين يصل الى (١) فني حالة القاء قطعة النقود يكون احتمال وقوعها على أي وجه من الوجهين عصل الى (١) فني حالة القاء قطعة النقود يكون احتمال وقوعها على أي وجه من الوجهين علي الوجه من الوجهين الوجهين الوجهين الوجه الم الم الى (١) فني حالة القاء قطعة النقود يكون احتمال وقوعها على أي وجه من الوجهين الوجهين الوجهين الوجهين الوجهين الوجهين الوجه الم الم الى (١) فني حالة القاء قطعة النقود يكون احتمال وقوعها على أي وجه من الوجهين الوجهين الوجهين . الوجهين الوجهين الوجهين . الوجهين الوجهين الوجه الم الوجهين الوجهين . الوجهين الوجهين الوجهين الوجهين الوجه الم الوجه الم الوجهين الوجه الوجوء الم الوجهين الوجهين الوجهين . الوجهين الوجهين الوجهين . الوجهين الوجهين الوجهين . الوجهين الوجهين الوجهين . الوجهين الوجهين . الوجهين . الوجهين . الوجهين . الوجهي

وعلى ذلك فان نسبة الاحتمال تكون محصورة بين صفر ، ١ فاذا كانت نسبسة الاحتمال صفر اكانت الظاهرة مستحيلة الحدوث كاحتمال انطباق السماء على الأرض مثلا ، واذا كانت نسبة الاحتمال (١) كانت الظاهرة مؤكدة الحدوث كاحتمال أن شخصا معينا سيموت يوما ما .

واذا ألقينا ست قطع من قطع العملة الى أعلى فان هناك سبع احتمالات للحالة التي تقع عليها القطع جميعها . أولا : أن تقع القطع الست جميعها على الوجه الذي به الصورة .

ثانيا : أن تقع خمس قطع على وجه الصورة وقطعة واحدة على الوجه الآخر .

ثالثا : أن تقع أربعة قطع على وجه الصورة وقطعتان على الوجه الآخر .

رابعًا: أن تقع ثلاث قطع على وجه الصورة وثلاث قطع على الوجه الآخر .

خامسا : أن تقع قطعتان على وجه الصورة وأربع قطع على الوجه الآخر .

سادساً : أن تقع قطعة واحدة على وجه الصورة وخمس قطع على الوجه الآخر .

سابعا : أن تقع جميع القطع على الوجه الحالي من الصورة .

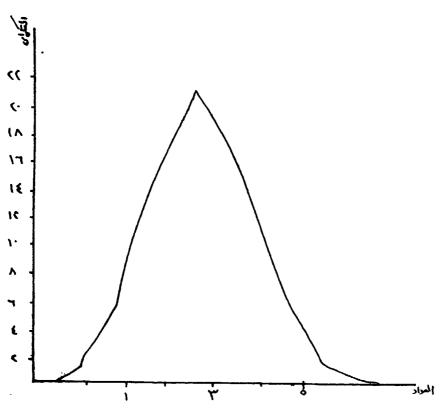
فاذا قذفنا هذه القطع الست الى أعلى ٦٤ مرة فان عدد الممرات المحتملة لحدوث هذه الحالات السبع يمكن حسابها بطريقة جبرية (هي حدود مفكوك المقدار ذي الحدين الآتي (١/٢ + ١/٢) أمضروبة في ٦٤ (١) وهي مبينة في الجدول الآتي :

المجموع	٦	o į	٣	۲	١	صفر	عدد القطع التي تقع علىوجه الصورة
7.8	17	۱۵	۲.	10	٦	١	تكرار حدوث ذلك في ٦٤ مرة

جدول (٤٧) تكرار الحالات المختلفة لوقوع ست قطع

واذا رسمنا المضلع التكراري الذي يربط بين عدد القطع التي تقع على وجــه الصورة وتكرار حدوث ذلك نحصل على الشكل الآتي :

⁽¹⁾ حدود مفکوك ($\frac{1}{7} + \frac{1}{7}$) حسب نظرية ذات الحدين هي ($\frac{1}{7}$) + 7ق ($\frac{1}{7}$) $(\frac{1}{7})$ + 7ق $(\frac{1}{7})$ $(\frac{1}{7})$ + 7



شكل (٢٩) المضلع التكراري للحالات المختلفة لوقوع ست قطع على وجه الصورة

ومن هذا الجدول يستنتج أن نسبة احتمال وقوع الست قطع على وجه واحد سواء وجه الصورة أو الوجه الآخر $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$.

وأن نسبة احتمال وقوع خمس قطع على وجه واحد وقطعة واحدة على الوجه الآخر = $\frac{1}{12}$ + $\frac{1}{12}$) .

ونسبة احتمال وقوع أربع قطع على وجه واحد وقطعتين على الوجه الآخر = $\frac{16}{15} + \frac{10}{16}$).

و نسبة احتمال و قوع ثلاث قطع على وجه والثلاث قطع الأخرى على الوجه الآخر = $\frac{\bullet}{11}$.

ومجموع نسب الاحتمالات كلها يساوي واحدا صحيحا كما سبق.

ومثل هذا التوزيع الذي يمثله الجدول يطلق عليه والتوزيع ذو الحدين، Binomial Distribution الذي Binomial Distribution الذي نحن بصدده الآن كلما كان العدد كبيرا.

والمنحى الاعتدالي منحى متماثل ، أي أنه لو أسقط خط عمودي من قمته الى المحور الأفقي فان نصفي المنحى ينطبقان على بعضهما تماما . ويقسم هذا الحط العمودي المساحة التي يحجزها المنحى تحته (وتمثل هذه المساحة مجموع القيم) الى نصفين متساويين . ونظرا لخاصية التماثل هذه فان المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لمثل هذا التوزيع يكون متحدة القيمة . والشكل الحرسي الذي يحدد التوزيع الاعتدالي يوضح أن التكرارات تكون صغيرة نسبيا عند طرفي التوزيع بينما تزداد التكرارات كلما قربت من مركز المنحنى حتى تبلغ أكبر ما يمكن عند الوسط تماما .

التوزيع الاعتدالي في المقاييس النفسية والاجتماعية :

اذا رسمنا منحنيات لتوزيع صفات جسمية أو نفسية أو اجتماعية وجدنا أنها تميل كلما زاد عدد الحالات المبحوثة الى شكل التوزيع الاعتدالي . الا أن التوزيع الاعتدالي النموذجي typical لا يمكن أن نحصل عليه تماما في أي بحث من البحوث مهما اتسع نطاقه ، ولكننا نستطيع أن نتصور بحثا مثاليا لم تشبه شائبة من حيث الظروف المؤثرة عليه ، ونستطيع أن نتصور كذلك أننا استطعنا اجراء البحث على جميع أفراد المجتمع الأصلي وعند ذلك نقط يمكن أن نصل الى التوزيع الاعتدالي النموذجي . ومن هذا نفهم أن التوزيع الاعتدالي ما هو الا تجريد Abstraction لما يجب أن يكون عليه التوزيع ، ونحن نفتر ضه دائما لأننا نلاحظ أن البحث كلما اتسع وزاد دقة قربنا من التوزيع الاعتدالي في حالات السمات نلاحظ أن البحث كلما اتسع وزاد دقة قربنا من التوزيع الاعتدالي في حالات السمات النفسية والاجتماعية . و يمكن تلخيص أهم هذه الحالات فيما يلي :

١ ـ الاحصاءات البيولوجية:

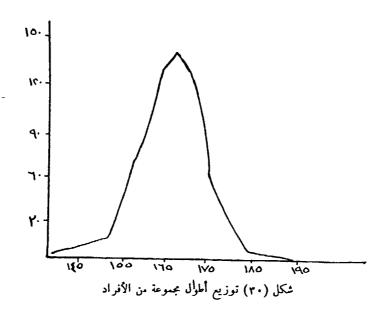
فلو حسبنا نسبة المواليد الذكور الى الاناث في بقعة محددة في عدد من السنين لوجدنا أن توزيع هذه النسبة يتبع توزيعا شبيها بالتوزيع الاعتدالي .

٢ ــ المقاييس العضوية :

فالطول والوزن مثلا في مجموعة من أفراد متماثلين في السن والجنس والبيئة موزع توزيعا قريبا من الاعتدالي .

٣ ـ الظواهر الاجتماعية :

كنسبة الزواج والطلاق في ظروف عادية محددة أو الدخول أو الأجور أو مستوى / الانتاج الصناعي لعمال متحدي الظروف .



٤ ـــ المقايس النفسية والتعليمية :

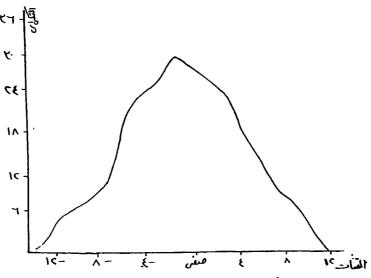
كالذكاء حسب نتائج اختبارات الذكاء المقننة . ونتائج اختبارات القدرات وسرعة الترابط وزمن الرجع ومدى الانطواء أو الانبساط ونتائج الاختبارات التحصيلية المختلفة كاختبار الحساب أو القراءة مثلا .

اخطاء التقرير والملاحظة :

فملاحظة الأطوال والصفات العضوية أو النفسية أو الاجتماعية المبنية على التقديرات الشخصية تحتوي على أخطاء قد تجعلها تزيد أو تنقص عن قيمها الحقيقية ، وتكون هذه الانحرافات عن القيم الحقيقية عادة موزعة توزيعا اعتداليا ، حيث يكون نصفها سالبا يجعل التقدير الشخصي أقل من القيم الواقعية ونصفها موجب يزيد التقدير الشخصي فيها عن القيم الحقيقيسة .

وبالاختصار نستطيع أن نقول أنه ما دام البحث النفسي أو الاجتماعي خاليا من العوامل التي قد ترجح احدى كفتي نسبة الاحتمال على الكفة الأخرى فان الظواهر الطبيعية سواء كانت نفسية أو اجتماعية تميل دائما الى أن تتبع التوزيع الاعتدالي .

الا أنه ينبغي ألا يسوقنا هذا التعميم الى أكثر مما ينبغي ، فهناك احتياطات ينبغي أن نتخذها قبل أن نتوقع مثل هذا التوزيع ، فظروف البحث قد تجعل مثل هذا التنبؤ بنوع التوزيع بعيدا عني الصحة كما سيتضح فيما بعد .



شكل (٣١) مضلع لأخطاء تقدير شخص لطول خط طوله ١٠ سم (٢٠٠) محاولة

جداول المنحني الاعتدالي ــ الارتفاع :

ونظراً لأن المنحى الذي يحدد التوزيع الاعتدالي يتبع شكلاً هندسيا محددا فان مسيره يمكن أن يعبر عنه بمعادلة كأي منحى آخر ومعادلة المنحى الاعتدالي هي :

$$\frac{v_{ov}}{2\sqrt{2}} = \frac{v_{ov}}{2\sqrt{2}} = \frac{v_{ov}}{2\sqrt{2}}$$

على اعتبار أن ص = ارتفاع المنحنى عند القيمة التي انحرافها عن المتوسط س. في المجموعة .

- ، ع = الانحراف المعياري للتوزيع .
 - ، ط = ۲,۱٤١٦
- - ، س = انحراف القيمة عن المتوسط.

ونظرا لأن قيمة كل من ط ، ه ثابتة ومعروفة فتصبح المعادلة كما يلي :

$$\frac{v}{Y + \frac{v}{Y}} = \frac{v}{Y + \frac{v}{Y}} = \frac{v}$$

واذا كان الانحراف المعياري للتوزيع هو الواحد الصحيح كما هو الحال فيما اذا حولت جميع قيم المجموعة الى درجات معيارية كما سبق ، نصبح المعادلة كما يلي

$$\frac{v_{out}}{Y} = Y, V \setminus A \times \frac{v_{out}}{Y, out} = \omega$$

أي أن الارتفاع عند أية نقطة في المنحى الاعتدالي يتوقف على عدد القيم في المجموعة وعلى بعد النقطة عن مركز المنحى ، وهذا بديهي فعدد القيم في المجموعة هو الذي يحدد المسافات التي يحدها المنحى ، وبعد النقطة عن المركز بحدد مدى ابتعاد الارتفاع عن أكبر ارتفاع في المنحى وهو المعبر عن تكرار المنوال في التوزيع .

ولن يحتاج الباحث الى حساب هذه الارتفاعات في النقط المختلفة ان أراد أن يحصل على توزيع اعتدالي نموذجي ، فان هذه الارتفاعات قد حسبت ورتبت في جلول احصائي خاص هو جلول (٤٩) . وما على الباحث الاحساب انحراف القيمة عن المتوسط وبالرجوع الى هذا الجلول يستطيع معرفة تكرار هذه القيمة على اعتبار أن التوزيع اعتدالي نموذجي .

وبهذه الوسيلة يمكن تحويل أي توزيع الى أقرب توزيع اعتدالي . الا أنه يجب ألا يكون التوزيع الأصلي بعيدا بعدا له دلالة احصائية عن هذا التوزيع الاعتدالي النموذجي . فاذا أجرى الباحث اختبارا نفسيا على مجموعة من الأشخاص ، ثم صنف درجات هذا الاختبار في جدول تكراري فان من الطبيعي أن يجد أن هذا التوزيع ينحرف قليلا أو كثيرا عن التوزيع الاعتدالي . الا أنه اذا كان الانحراف قليلا ليس له دلالة احصائية فانه يحتاج في كثير من الأحيان الى تعديل التوزيع حتى ينطبق على التوزيع الاعتدالي النموذجي أي على اعتبار أن سبب انحراف التوزيع الأصلي عن التوزيع النموذجي راجع الى أن البحث قد أجري على عينة محددة ولم يجر على المجتمع الأصلي مثلاً . وهو يفترض في هذه المحالة أن السمة التي يقيسها موزعة توزيعا اعتداليا في المجتمع الأصلي . الا أننا ينبغي أن الحالة أن السمة التي يقيسها موزعة توزيعا اعتداليا في المجتمع الأصلي . الا أننا ينبغي أن أنحذر من الوقوع في افتراض خاطىء في بعض الأحيان ، فقد يتسبب انحراف التوزيع عن أسباب حقيقية جوهرية في التجربة أهمها :

(١) أن البحث يجري على عينة محددة بأوصاف لا تنطبق على أوصاف المجتمع الأصلي فاذا أجرينا اختبارا للذكاء على مجموعة أغلبها من ضعاف العقول فلا بد أن ينحرف التوزيع عن الاعتدالي . كما نتوقع ذلك أيضا اذا طبق نفس الاختبار على مجموعة

أغلبها من أفراد ممتازي الذكاء . ولا يمكننا في مثل هذه الحالات أن نعدل التوريع على أساس افتراض أن الذكاء موزع توزيعا اعتداليا في المجتمع الأصلي .

(٢) أن المقياس يكون متحيزا Biased لناحية خاصة كأن يكول الاختبار الذي يجري على مجموعة من الأفراد أعلى من مستواهم أو أقل منه بدرجة كافية لأن يجعل التوزيع ملتويا التواء موجبا أو سالبا . أو أن الأسئلة التي تشتمل عليها الاختبار لم تكن من النوع المميز بين الضعيف والقوي مثلا .

(٣) أن السمة التي يهدف الباحث الى قياسها لا تكون موزعة توزيعا اعتداليا في المجتمع الأصلي ، فاذا طبقنا مقياسا للانجاهات العقلية يتعلق بالاتجاه نحو اليهود في الوقت الحاضر على جماعة من العرب فان درجات هذا المقياس لا يمكن أن تكون موزعة توزيعا اعتداليا ، حيث تميل أغلب الاتجاهات الى الناحية المعادية لليهود . فمن الطبيعي اذن أن نحصل على توزيع غير اعتدالي . وأن أية محاولة لتعديل هذا التوزيع تكون محاولة صناعية تبعد التوزيع عن صورته الحقيقية .

لهذا كان علينا أن ندرك أن الموقف في أي اختبار يتوقف على ثلاثة عوامل: السمة التي نقيسها — والأداة التي تستخدمها في القياس — والعينة التي نقيس السمة فيها. وكل من هذه العوامل الثلاثة تحتاج الى فحص قبل أن يقرر الباحث تعديل التوزيع الذي حصل عليه ليطابق التوزيع الاعتدالي النموذجي . فالعامل الأول يستفيد الباحث في فحصه بخبر انه السابقة بالبحوث الأخرى في نفس الميدان ، والتي على أساسها يستطيع أن يفتر ض أن السمة موزعة في المجتمع الأصلي توزيعا اعتداليا ، وأما العامل الثاني فيحتاج في فحصه الى خبرة بالقياس النفسي والشروط الاحصائية لصلاحية المقياس الذي يستخدمه . وأمسا العامل الثالث الحاص بالعينة فله شروط خاصة لضمان عدم انحياز الباحث الى صفات العامل الثالث الحاص بالعينة فله شروط خاصة لضمان عدم انحياز الباحث الى صفات خاصة في اختيارها وشروط صلاحية المقياس ستبحث بالتفصيل فيما بعد .

الا أن الاحصاء يعاون الباحث خطوة أخرى ، فهو يدله بعد أن يعدل التوزيع الذي حصل عليه عما اذا كان محقا في هذا التعديل أم أن التوزيع الأصلي مختلف اختلافا كبير ا عن التوزيع المعدل مما قد يظن معه أن هناك خطأ ما في أحد العوامل الثلاثة السابقة .

تحويل التوزيع الى أقرب توزيع اعتدالي :

عرفنا أن الباحث يهدف في كثير من الأحيان الى اجراء عملية (تصحيح) للتوزيع

الذي يحصل عليه في محثه ، فيعمل الى تحويله الى أقرب توزيع اعتدالي نموذجي ، وفي هذه الحالمة يستفيد من الحدول الذي يوضح ارتفاع المنحى الاعتدالي عند النقطة المختلفة من التوزيع . ومن الواجب ألا يختلف التوريع الجديد عن التوزيع الأصلي في كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري .

ونظرا لأن الحدول يعطي الارتفاعات عند النقط المعبرة عن انحراف القيم عسن المتوسط الحسابي فان الارتفاعات فيه محسوبة في توزيع انحرافه المعياري هو الوحدة . لذلك كان من اللازم تحويل القيم الى درجات معيارية حتى تناسب الحداول المعدة للمنحى الاعتدالي

ولتوضيح طريقة التحويل نتبع الخطوات التي أجريت في الجدول الآتي وهو يبين توزيع درجات ٢٦٠ شخصا في اختبار للذكاء :

١٠	1	٨	٧	٦	٥	٤	٣	*	1
Ţ	ص	ر ای	ح (س-ر)	72 م	ټ2	حَ	مراكز الفثات	التكرار ك	الفئات
			,				س		
1,17	٠,٠٤	۲,۲۱	۰۲ _						
۸,۸۵	٠,٠٨	1,89	£ Y	707	78 -	٤ _	40	17	_4.
17,71	٠,١٦	1,47-	٣٢_	144	77-	۳ –	20	77	_£•
۲۸,۸۲	٠,٢٦	۰,۹۳	YY —	۱۰۸	01 _	۲ –	٥٥	**	٠٥-
۳۸,۷۲	۰٫۳٥	٠,٥١	14-	40	To _	١	70	٣٥	-۲۰
22,72	٠,٤٠	٠,٠٩	۲	_	صفر	صفر	۷٥	20	_V•
14,00	٠,٧٨	٠,٣٤	٨	٤Y	٤٢	١	٨٥	27	-۸۰
14,14	۰٫۳۰	۰,۷۷	۱۸	111	٥٦	۲	40	7.4	_4•
77,17	٠,٢٠	1,19	44	171	٧٥	٣	1.0	19	-1
17,17	٠,١١	1,77	٣٨	448	۲٥	٤	110	١٤	-11•
0,04	٠,٠٥	٣,٠٤	٤٨	۳.,	٦.	٥	140	17	-17.
7,71	٠,٠٢	٧,٤٧	۸۵					<u> </u>	
Y04,44				1227	۱۷۱			77.	
					Y14 -				
					۲٥				

جدول (٤٨) تحويل التوزيع إلى اعتدالي نموذجي

المتوسط الحسابي ۷۰ + $\frac{70}{77}$ × ۲۰ = ۷۷ و المتوسط الحسابي ۱۰ + $\frac{70}{77}$ $\frac{70}{77}$ $\frac{70}{77}$ $\frac{70}{77}$ $\frac{70}{77}$

1:- \$11		1.	V	
الار تفاع	المساحة	المساحة	المساحة من	الدرجة
(ص)	الصغرى	الكبرى	المتوسط	المعيارية
٠,٣٩٨٩	٠,٥٠٠٠	•,0•••	.,	٠,٠٠
٠,٣٩٨٤	٠,٤٨٠١	•,0199	•.0144	٠,٠٥
۰,۳۹۷۰	٠,٤٦٠٢	۰,۵۳۹۸	•,•٣٩٨	۰٫۱۰
.,4450	٠,٤٤٠٤	٠,٥٥٩٦	1,1097	۰٫۱۵
.,٣41.	٠,٤٢٠٧	۰,۵۷۹۳	•,•٧٩٣	۰٫۲۰
۰ ٫۳۸٦۷	۰٫٤٠١٣	۰,٥٩٨٧	•,•٩٨٧	٠,٢٥
٠,٣٨١٤	۱۲۸۳،۰	•,7174	•-1174	٠,٣٠ -
7077,	٠,٣٦٣٢	• ,٦٣٦٨	٠,١٣٦٨	ه٣٠،٠
*, * *1ለ۲	• ,4887	١,٦٦٥٤	3001.	٠,٤٠
٠٠٢٣,٠	۶۲۲۲, ۰	۰٫٦٧٣٦	•,1٧٣٦	٠,٤٥
٠,٣٥٢١	۰٫۳۰۸۰	0197.	1,1910	٠,٥٠
٠,٣٤٢٩	٠,١٩١٢,٠	۰٫۷۰۸۸	۰٫۲۰۸۸	٠,٥٥
٠,٣٣٢٢	٠,٢٧٤٣	۰,۷۲۵۷	۰٫۲۲۰۷	٠,٣٠
٠,٣٢٣, ٠	۸۷۵۲٬۰	٠,٧٤٢٢.	٠,٧٤٢٢.	ه۶٫۰
٣٢١٣.،	.787.	۰٫۷۵۸۰	٠,٢٥٨٠	۰٫۷۰
٠,٣٠١١	1777,	۰٫۷۷۳٤	•, ٢٧٣٤	ه٧٫٠
۰ , ۲۸۹۷	٠,٢١١٩	۱۸۸۷,۰	٠,١٨٨١	۰٫۸۰
۰٫۲۷۸۰	•,14٧٧	۰٫۸۰۲۳	۰,۳۰۲۳	۰٫۸۰
1777,	٠,١٨٤١	٠,٨١٥٩	٠,٣١٥٩	٠,٩٠
.,40\$1	۱۱۷۱۰،	٠,٨٢٨٩	۰,۳۲۸۹	۰,۹۵
•,727•	۰٫۱۵۸۷	٠,٨٤٢٣	٠,٣٤١٣	1,21
٠,٢٢٩٦	•,1279	۰٫۸۵۳۱	١٣٥٣١.	١,٠٥
٠,٢١٧٩	•,1404	٠,٨٦٥٣	7377, •	١,١٠
٠,٢٠٥٩	.,1701	.,4129	., 474	1,10

_				
٠,٢٠٥٩	1071,	•,٨٨٤٩	٠,٣٧٤٩	1,10
.1984	١١٥١,٠	·.AV£4	P3A77.	1.7.
۲۲۸۱٬۰	۲۵۰۱.۰	.,448	33.07.	1.70
٠,١٧١٤	٠,٩٦٨	٠,٩٠٣٣	٠,٤٠٣٢	1,4.
1,17.8	۰٫۰۸۸۵	.,4110	1,8110	1,40
.,1897	٠,٠٨٠٨	1.4144	٠,٤١٩٢	1,2.
٠,١٣٩٤	٠,٠٧٣٥	٠,٩٢٦٥	٠,٤٢٦٥	1,50
.,1790	٠,٠٦٦٨	٠,٩٣٣٢,٠	•,2444	1,00
.,17	٠,٠٦٠٦	.,9498	•,2445	1,00
.,11.4	٠,٠٥٤٨	1.4804	Y033,•	1,7•
۰٫۱۰۲۳	1,1110	1.40.0	.,20.0	1,70
1,1981	•,•£٤٦	3000,	•, \$00\$	1.7.
٠,٠٨٦٣	٠,٠٤٠١	٠.٩٥٩٩	.,2099	1.70
•,•٧4•	٠,٠٣٥٩	.,478.	.,2751	١,٨٠
•,•٧٢١	•,•٣٢٢	٠,٩٦٧٨	*.£7VA	١,٨٠
1,.707	•,• ٢٨٧	٠,٩٧١٣.	٠,٤٧١٣	1.9.
1,.047	.,. 407	.4788	•, 141	1,40
.,	•,• •	•.4٧٧٢	•,£٧٧٢	٧.٠٠
•,• \$	•,•••	·.474A	•,2744	٧,٠٠
1,1221	•,•1٧٩	1,9471	1783.	٧,١٠
1,1490	•,•\•٨	.,412	•, £ \ £ \	7,10
•,•٣00	•,•174	1,4471	٠,٤٨٦١	۲,۲۰
٠,٠٣١٧	•,•177	•,4٨٧٨	• ,٤٨٧٨	7,70
٠,٠٢٨٣	•,• \• ٧	٠,٩٨٩٣.	٠,٤٨٩٣	۲,۳۰
•,•٢٥٢	.,48	٠,٩٩٠٦	٠,٤٩٠٦	٧,٣٥
٠,٠٧٢٤	•,••	٠,٩٩١٨	٠,٤٩١٨	٧,٤٠
•,•14٨	•.••٧١	٠,٩٩٢٩	*>£949	Y,£0
۰,۰۱۷۵	٠,٠٠٦٢	•,44٣٨	• , ٤ ٩ ٣٨	۲,۵۰
30/1.1	•.••	• 4487	•, ٤٩٤٦	۲,٥٥
, and the second second	l l	1	' 1	•

.,.147	٠,٠٠٤٧	٠,٩٩٥٣	., ٤٩٥٣	۲,٦٠
٠,٠١١٩	٠,٠٠٤٠	٠,٩٩٦٠	٠,٤٩٦٠	4,70
٠,٠١٠٤	٠,٠٠٣٥	٠,٩٩٦٥	٠,٤٩٦٥	۲,۷۰
•,••٧٩	٠,٠٠٢٦	٠,٩٩٧٤	٠,٤٩٧٤	۳ ,۸۰
٠,٠٠٩٠	٠,٠٠١٩	٠,٩٩٨١	۰٫٤٩٨١	۲,۹۰
.,	٠,٠٠١٣٥	٠,٩٩٨٦٥	۰,٤٩٨٦٥	٣,٠٠
.,٣٣	٠,٠٠٠٩٧	۰,۹۹۹۰۳	٠,٤٩٩٠٣	۳,۱۰
٠,٠٠٧٤	٠,٠٠٠٦٩	٠,٩٩٩٣١,	٠,٤٩٩٣١.	۳,۲۰
٠,٠٠١٢	٠,٠٠٠٣٤	•,44477	* •,89977	٣,٤٠
٠,٠٠٠	٠,٠٠٠١٦	۹,499۸٤	٠,٤٩٩٨٤	٣,٦٠
٠,٠٠٠٣	٠,٠٠٠٧	٠,٩٩٩٩٣	٠,٤٩٩٩٣	" አለ•
•,•••	•,••••	٠,٩٩٩٩٦٨٣	٠,٤٩٩٩٦٨٣	٤,٠٠
٠,٠٠٠١٥	.,	٠,٩٩٩٩٩٦٦	٠,٤٩٩٩٩٦٦	٤,٥٠
.,	٠,٠٠٠٠٣	۰,۹۹۹۹۹۹۷,۰	٠,٤٩٩٩٩٩٧	٥,٠٠
٠,٠٠٠٠٦	٠,٠٠٠٠١	11111111	٠,٤٩٩٩٩٩٩	٦,٠٠

جدول (٤٩) الارتفاعات وأجزاء المساحة في المنحني الاعتدالي

وتنحصر خطوات العمل بعد معرفة المتوسط والانحراف المعياري في تحويل القيم الى درجات معيارية ، ثم تحديد أطوال الارتفاعات لمختلفة للمنحى الاعتدالي النموذجي عند النقط المعبرة عن الدرجات المعيارية . وذلك بالكشف عن هذه الارتفاعات في الحدول المعد لهذا الغرض (جدول ٤٩) وتكون الحطوة التالية بعد ذلك تصحيح هذه الارتفاعات بما يناسب عدد القيم (ن) والانحراف المعياري للمجموعة (ع) ومدى الفئة (ف) وتتلخص الحطوات فيما يأتي : —

- ١ احسب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للمجموعة (م،ع).
- ٢ حول مراكز الفثات الى قيم معيارية أي أوجد لكل منها (س 1) على اعتبار أن س هي مركز الفئة وم هي المتوسط الحسابي و ع هي الانحراف المعياري المجموعة .

٣ ــ ونظرا لأن الحدول التكراري الذي تحصل عليه من الأبحاث العلمية يكون ناقصا من طرفه أي أن هناك احتمالا كبيرا في عدم اشتمال العينة المختارة على أقل القيم وأعلاها في المجتمع الأصلي فان من المتبع عادة أن نضيف الى الجدول فئتين احداهما قبل أقل الفئات قيمة والأخرى بعد أعلاها قيمة .

٤ ــ باستخدام (جدول ٥٥) أوجد الارتفاعات (في العمود ص) المقابلة للقيم الدالة على الدرجات المعيارية .

ويلاحظ أن هذا الجدول لا يشتمل على جميع القيم المعيارية ، بل تتابع هذه القيم فيه كل ٠,٠٥ في أغلب الحالات ، ومن الطبيعي أن الجدول الكامل يمكن اعداده بحيث يشتمل على جميع القيسم في أغلب الإحيان الا أنه بعملية حسابية بسيطة يمكن استخدام هذا الجدول المختصر لتحديد أي ارتفاع عند أية قيمة معيارية ولنضرب لللك المثالين الآتين :

الارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٠,٩٠ = ٢٦٦١. والارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٠,٩٠ = ٢٥٤١.

فاذا أردنا معرفة الارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٠,٩٣ مثلا فاننا نوجد الفرق في الارتفاع المقابل لفرق ٠,٠٠ في القيمة المعيارية عند هذه النقطة من المنحى وهو هنا = ٠,٠١٢٠.

ونظرا لأن الفرق المطلوب هو ۰,۰۳ فقط في الدرجة المعيارية (زيادة ,47 عن ,47 عن الارتفاع الارتفاع المطلوب = ,47 فان فرق الارتفاع المقابل له ,47 ,47 ,47 المطلوب = ,777 ,4

وبنفس الطريقة نستطيع ايجاد (ص) المقابل لقيمة معيارية ٢,٦٨ :

الارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٢,٦٥ = ٢٠١٩.

والارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٢,٧٠ = ٠,٠١٥ فيكون الفــرق

ويكون الارتفـــاع المطلوب = ۰,۰۱۱۹ ـــ ۲,۰۰۱۰ × ـــــ ويكون الارتفـــاع المطلوب = ۰,۰۱۱۰ ـــ ۲

$$\frac{r}{\bullet} \times \cdot, \dots + \cdot, \dots = \frac{r}{\bullet}$$

(ه) للحصول على التكرار المتوقع حسب التوزيع الاعتدالي النموذجي الذي يناسب عدد القيم الأصلية والانحراف المعياري يضرب كل ارتفاع وجد من الجدول في عامل مقدداره.

وهذا المقدار يساوي في الجدول التكراري $\frac{77. \times 1.}{77.0.}$

ولنتتبع الآن في نفس الجدول التكرار النظري (آ) لاحدى الفئات وهي الفئة (٠٠ -). خطوات الحصول على آك للفئة (٠١٠ –) تنحصر فيما يأتي :

- (١) مركز الفئة (العامود الثالث) ٤٥
- (٢) انحراف هذا المركز عن المتوسط الحسابي (س م عامود ٧) ١٢
- (٣) القيمة المعيارية لهذا المركز وهي خارج قسمة -- ١٧ على الانحراف المعياري وه.
 ٢٣.٥ تساوي -- ١٥.١
- (٤) الارتفاع عند القيمة المعيارية ٥٠،٥١ (ويلاحظ أن الاشارة هنا ليست ذات أهمية ، فنظرا لتماثل المنحني فان الارتفاع عند ١٥،٥١ هو نفسه عند ١٥،٠ معيارية) يمكن الحصول عليه من جدول (٤٩) كما يأتي :

ص عند ۱۹۵۰ = ۳۰۲۱،

ص عند ٥٥٠٠ = ٢٤٤٢٩٠٠

الفسرق = ۰٫۰۰۹۲

۱×۰,۰۰۹۲ مند ۱۵۲۱ = ۲۵۲۱ مند ۱۵۲۱ مند ۱

= ۳۰,۳۵۰۳ (وهي المقابلة للفئة في عامود ٩)

(٥) التكرار البطري ك عامود ١٠) يمكن الحصور عليه بضرب ٢٠٠٠ × عامل قدره

$$\frac{e}{3}$$
 = ۱۱۰ مدا الحدول فينتج ۳۸،۷۲

واذا قاربا التكرار الأصلي للفئات في هذا الجدول بالتكرار المعدل النموذجي وجدفا تقاربا كبيرا بينهما ، وذلك لأن التوزيع الأصلي قريب من التوزيع الاعتدالي ونلاحظ في التكرارات النظرية الحديدة أن المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ومجموع التكرارات لم تتغير نتيجة لهذا التعديل وبمثل هذه الطريقة يتسي للباحث أن يقرر ما اذا كانت سمة من سمات الشخصية مثلا موزعة توريعا قريبا من الاعتدالي أو أن الانحراف عن هذا التوزيع النموذجي كبير بدرجة لا يمكن ارجاعها الى مجرد أخطاء العينة أو عامسل الصدفة ، والاحصاء لا يقف في هذه المقارنة عند مجرد التأمل السطحي لكل مسن التوريعيس ، ولكنها تستخدم في ذلك مقياسا (۱) احصائيا خاصا سيأتي الكلام عنه عند الكلام في مقاييس الدلالة .

وقد يفيد في هذه المقارنة رسم المنحى الاعتدالي ومقارنة مواضع النقط المعبرة عن التكرار بسير المنحى الاعتدالي المعدل واذا كان هدف الباحث محددا برسم المنحى الذي يقترب بأكبر قدر ممكن من التوريع الاعتدالي فيمكن تبسيط الطريقة السابقة وذاك بتحديد الارتفاعات من جدول (٤٩) المقابلة لدرجات معيارية منتظمة دون الحاجة الى البحث عن الارتفاعات المقابلة لمراكز الفئات ، ثم التكرارات المناسبة لكل من هذه الارتفاعات . وتكون الحطوة التالية تحويل الدرجات المعيارية التي بدأت بها الطريقة الى القيم الأصلية المقابلة لها . أي أن هذه الطريقة تسير عكس الطريقة السابقة ، فبينما تبدأ الطريقة السابقة مراكز الفئات وتم بتحويل هذه المراكز الى الدرجات المعيارية المقابلة لها ثم بالبحث عن ارتفاعات المنحى عند هذه النقطة ثم حساب التكرارات المناسبة ، تبدأ هذه الطريقة بقيم معيارية يمكن ايجادها بسهولة من جدول الارتفاعات ، دون الحاجة الى عمليات حسابية وتنتهي بمعرفة القيم الأصلية المقابلة لهذه الدرجات المعيارية ، واليك تطبيق هذه الخطوات في جدول (٥٠) :

⁽١) يطلق على المقياس المستخدم في هذه الحالة اختبار كالا Chi Square Test فهو يدل على نسبة اختمال أن ال-وريع المختبر قد أتى من أصل مورع توزيعاً اعتدالياً عمودجياً .

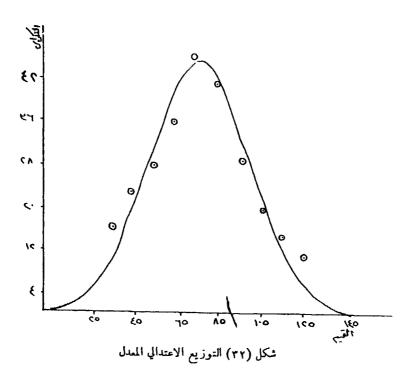
القيمة الأصلية	٤	٤١	ص	الدرجة المعيارية
٦,٥٠	۷۰,0۰_	٠,٤٩	1.1128	۳
۱۸,۲۵	۵۸,۷۵ _	•,4٤	۰,۰۱۷۵	Y,0 _
۳٠	٤٧,٠٠ ــ	۰,۹۷	٠,٠٥٤٠	٧ _
٤١,٧٥	70,70	11,77	٠,١٢٩٥	1,00
٥٣,٥٠	۲۳,0٠	۲٦, ۷۷	٠,٧٤٧٠	1 -
70,70	ــ ۵۷٫۷۵	۳۸,۹ ٦	۲۱۵۳۱،	- ه.٠
VV	صفر	\$8,18	۳۹۸۹،	صفر
۸۸,۷۵	11,70	۳۸, ۹ ٦	۲۹۵۲۱،	٥,٠
1,0.	74,00	Y7,VV	٠,٧٤٧٠	١ .
117,70	40,40	18,74	1,1790	١٫٥
172,	٤٧,٠٠	۰,۹۷		٧ .
140,40	۸۵,۷۵	1,48	۰٫۰۱۷۵	٧,٥
124,00	٧٠,٥٠	٠,٤٩	٠,٠٠٤٤	٣

جدول (٠٠) العمليات اللازمة لرسم أقرَّب منحى اعتدالي

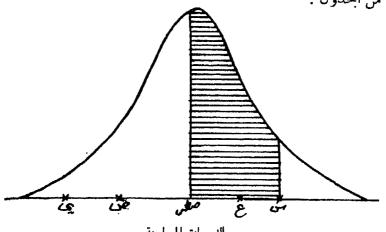
وبناء على هذا الجدول يصبح المنحنى الاعتدالي المطلوب كما هو مبين في شكل (٣٢) ومنه نرى أن التوزيع الاصلي لا يبعد كثيرا عن التوزيع المعدل .

جدول المنحني الاعتدالي ــ المساحات :

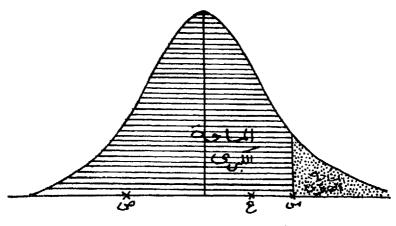
لدراسة خواص التوزيع الاعتدالي دراسة أكثر شمولا يمكن حساب النسب المثوية من التكرار الكلي التي تقع بين قيمتين من قيم التوزيع ، أو التي قد تكون أقل أو أكبر من قيمة محددة ، وهذه البيانات يتطلبها البحث في كثير من الأحيان فيتحول التوزيع الذي نتج عن البحث التجريبي الى التوزيع الاعتدالي يستطيع الباحث أن يحسب هذه النسب المتوية لو لم يتعرض بحثه لأخطاء العينة أو الصدف ، وجدول (٤٩) يعطي نسب المساحة بين نقط محددة والنقطة المعبرة عن المتوسط الحسابي للتوريع (عامود ٢) ، كما يعطي أيضا المساحة الكبرى تحت المنحى الاعتدالي (عامود ٣) . والمساحة الصغرى (عامود ٤) عند نقطة الكبرى تحت المنحى الاعتدالي (عامود ٣) . والمساحة الصغرى (عامود ٤) عند نقطة



معينة . ويلاحظ كما سبق بيانه أن النقطة المحددة ينبغي أن تكون معبرة عن درجة معيارية لا عن قيمة من القيم الأصلية ، أي أن القيمة ينبغي أن تحول أولا الى درجة معيارية قبل استخدام جدول (٤٩) سواء كان ذلك لمعرفة الارتفاع أو المساحات المختلفة . وشكل (٣٢) يوضح ما يدل عليه العامود الثاني من جدول (٤٩) أي المساحة بين الدرجة المعيارية والمتوسط الحسابي . وشكل (٣٣) يوضح ما يدل عليه كل من العامود الثالث والرابع من الجدول .



الدرجات المعيارية شكل (٣٣) المساحة بين الدرجة أو المتوسط



ب شكل (٣٣) المساحة الكبرى والصغرى في المنحنى

ومن الجدول يمكن للباحث أن يحدد النسبة المئوية للحالات التي تقع بين درجتين معيارتين ، فالمساحة المحصورة بين س ، ص يمكن معرفتها من شكل (٣٢) فهي تعادل حاصل جمع المساحتين : المساحة بين س والمتوسط والمساحة بين ص والمتوسط لأن احدى النقطتين أقل من المتوسط (سالبة الاشارة) والأخرى بقدة (موجبة الاشارة) أما اذا كانت النقطتان على جهة واحدة من المتوسط (كلاهما موجب الاشارة أو كلاهما سالب الاشارة) كالمساحة المحصورة بين س ، ع أو ص . م مثلا فان المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحتين (بين كل درجة والمتوسط) ، واذا بحثنا في شكل (٣٣) فان المساحة بين درجتين على جهتين مختلفتين من المتوسط كالقيمتين س ، ص (احداهما موجبة والثانية سالبة تكون الفرق بين المساحة الكبرى للقيمة المعيارية الموجبة والمساحة الصغرى للقيمة المعيارية الموجبة والمساحة الصغرى للقيمة السالبة . أما اذا كانت القيمتان موجبتين كالمساحة بين س ، ع فان المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحتين الكبريين . وفي حالة الدرجتين السالبتين مثل المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحتين المساحتين الصغريين عند القيمتين .

ولبيان كيفية استخدام جدول (٤٩) لمعرفة المساحة بين درجتين معياريتين نضرب لذلك الأمثلة الآتية :

(۱) المساحة المحصورة بين ــ ه.٠ درجة معيارية و + ٠,٧ درجة معيارية يمكن الجادها من الجدول بطريقتين :

من عامود (۲) تكون المساحة المطلوبة = ۱۹۱۰، + ۱۹۱۰, = ۵٫۶۶۹، مــن عامودي (۲٫۳) = ۲۰۸۰، ـــ ۵٫۰۰۸، ـــ ۵۰۰۸، ــ عامودي (۲٫۳) = ۲۰۸۰، ــ ۵۰۰۸، ــ ۵۰۸، ــ ۵۰

(ب) المساحة المحصورة بين + ١,٥ درجة معيارية و + ٥,٠ درجة معيارية من عامود (٢) تكون المساحة = ٠,٤٣٣٢ ــ ٠,٤٣٣٠ ... ٢٤١٧ ..

ومن عامود (٣) تكون المساحة = ٩٣٣٢. - ١٩١٥. = ٢٤١٧. .

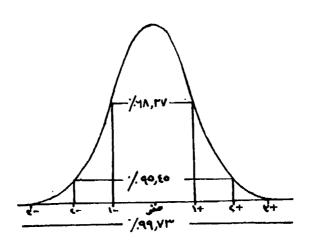
(ج) المساحة المحصورة بين ــ ٢,٠٠٠ درجة معيارية ، ــ ١,٠٠٠ درجة معيارية . من عامود (٢) ، تكون المساحة = ٤٧٧٢, ــ ٣٤١٣, = ١,١٣٥٩.

ومن عامود (٤) تكون المساحة = ١٥٨٧ - ٢٢٨ - ١٩٣٥, = ١٩٣٥,

ومن ذلك نستطيع أن نعرف بعض خواص أخرى للمنحى الاعتدالي ، فالمساحة المحصورة بين المتسوسط انحراف معياري واحد . والمتوسط انحراف معياري واحد . والمتوسط انحراف معياري واحد . رائد المحصورة بين هاتين القيمتين تعادل ٢٨,٢٧٪ من مجموع القيم .

والمساحة المحصورة بين المتوسط + ضعف الانحراف المعياري والمتوسط ــ ضعف الانحراف المعياري = ٩٥,٤٥٪ من المساحة الكلية .

والمساحة المحصورة بين المتوسط + ثلاثة أمثال الانحراف المعياري والمتوسط ــ ثلاثة مثال الانحراف المعياري = ٩٩,٧٣٪ من المساحة الكلية .



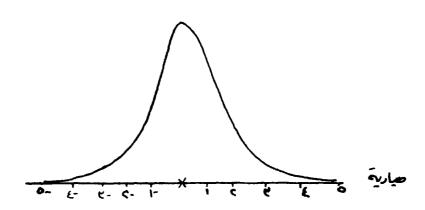
شكل (٣٤) النسبة المثوية المحسورة بين القيم المميارية الصحيحة .

العلاقة بين المثين والدرجة المعيارية في التوزيع الاعتدالي :

ذكرنا سابقا أنه ليست هناك علاقة مباشرة بين المثين والدرجة المعيارية في أي توزيع ، ولكن في التوزيع الاعتدالي نظرا لأن التكرارات محددة بقانون رياضي يربط بينهما وبين الدرجات المعيارية ، فان العلاقة بين المثين والدرجة المعيارية تكون محددة في مثل هذا التوزيع ، وبمساعدة جداول التوزيع الاعتدالي يمكن معرفة الرتبة المثينية لأي درجة معيارية ، أو على العكس من ذلك يمكن معرفة الدرجة المعيارية المقابلة لأي رتبة مثينية ، فالرتبة المثينية المدرجة معيارية قيمتها (+ ١) يمكن معرفتها من عامود المساحة الكبرى في جدول (٤٩) هي = ٨٤,٢٣ وهكذا في كل درجة معيارية موجبة الاشارة فان الرتبة المثينية لها يمكن معرفتها من المساحة الكبرى للتوزيع ، وفي حالة الدرجات المعيارية المشائية الما يمكن معرفتها من عامود المساحة الكبرى من الجدول . فالمثين المقابل للدرجة المعيارية (- ١) = ٧٨,٥١ وعلى العكس من المساحة المعيارية المقابلة للمئين عن طريق هذا الجدول تحويل الرتبة المثينية الى الدرجة المعيارية المقابلة للمئين ١٩٤٠ مثلا هي + ٧٠٠ والمقابلة للمئين ٢٤,٢٠ هي - ٧٫٠ والمقابلة للمئين ٧,٠٠ والمقابلة المئين ١٩٤٠ هي - ٧,٠ والمقابلة للمئين ٧,٠٠ والمقابلة المئين ١٩٤٠ هي -٧٠٠ والمقابلة للمئين ٧,٠٠ والمقابلة للمئين ١٩٤٠ هي -٧٠٠ والمقابلة للمئين ٧,٠٠ والمقابلة المئين ١٩٤٠ هي -٧٠٠ والمقابلة للمئين ١٩٤٠ هي -٧٠٠ والمؤبلة المؤبلة المؤ

مقیاس T

ذكرنا عند الكلام عن عيوب الدرجة المعيارية أنها تعطي مقياسا نصف قيمة سالبة الاشارة وأن المرحلة في هذا القياس كبيرة نسبيا . فهي تعادل انحرافا معياريا . ومقياس T الذي اقترحه McCall يتفادى هذين العيبين علاوة على ما له من مميزات أخرى فهو يتخذ وحداته معادلة به الانحراف المعياري للتوزيع ففي التوزيعات العادية التي يصادفها الباحث كثيرا يبلغ مدى الانتشار حوالي ٥ أو ٦ انحرافات معيارية ، ولكن في هذا المقياس يكون المدى حوالي ٥ أو ١٠ وحدة ، وأكثر من ذلك فان اتساع توزيع مقياس T يمتد أكثر مما يمتد اليه أي مقياس متوقع حيث يبلغ مدى التوزيع في هذا المقياس ١٠ انحرافات معيارية أو ١٠ وحدة من مقياس T وقد دلت التجارب العملية أن مثل هذا الاتساع في التوزيع قل أن تحرج عنه أية قيمة . ويبدأ مقياس T لا بقيم سالبه الاشارة كما هو الحال في المقياس المعماري بل يبدأ بنقطة الصفر ويمتد حتى ١٠٠ جاعلا المتوسط عند ٥٠ كما يتضح ذلك من شكل (٣٥) .



تاثیة ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ مهور شکل (۳۵) المتیاس التائی

وقد أعد جدول يساعد الباحث على تحويل القيم العادية في أي جلول تكراري الى درجة تائية بعد معرفة ما يبلغه عدد القيم التي أقل من القيمة المطلوبة بالنسبة للمجموع الكلي للقيم . ولذلك فان تحويل أية قيمة الى قيمة تائية يتطلب حساب التكرار المتجمع والتكرار التجمعي المثوي . هذا ويمكن توضيح الحطوات اللازمة لهذا الحساب بما هو مبين في الجدول الآتي وهو يبين توزيع درجات ٢٠٠ طالب في اختبار القبسول :

وتنحصر الخطوات التي اتبعت في تحويل القيم الى درجة تاثية فيما يأتي :

- ١ تحسب الحدود العليا للفئات (عامود ٣).
- ٢ حول التكرارات في الجدول الى تكرارات تجمعية (عامود ٤) .
- ٣ ــ حول التكر ارات التجمعية الى تكر ارات تجمعية نسبية (عامود ٥) أي عسوبة بنسبة مجموع القيم .

(٦) الدرجة التائية	(٥) التكرار التجمعي النسبي	(\$) التكرار المتجمع الصاعد	(۳) الحدود العليا للفئات	(۲) التكرار	(۱) الدرجات
77,V 77,V 77,Y 70,Y 74,£ ££,4 £•,4 •7,7 •7,7	*,* \ * *,* \	Y Y 15 Y9 71 97 1YA 10A 1V7	7 1 17 10 10 10 10 10 71 72 77 77	Y 1 10 77 70 77 70 11	صفر ٣ - ٦ - ١٢ - ١٥ - ١٨ - ٢١ - ٢٤ - ٢٧
VΦ,Λ —	1,***	199	44 44	۸ ۱	- 44 - 47 المجموع

جدول (١٥) تحويل القيم إلى درجات تائية

الخطوة الأخيرة تحتاج الى الجدول الذي يساعد في تحويل التكرارات التجمعية النسبية الى قيم تائية . واليك فيما يلي هذا الجدول المساعد :

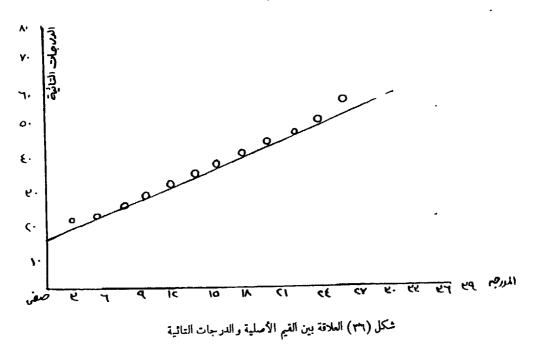
	,		 	, 	,
الدرجة	الحرء قبل	الدر حة	الجزء قبل	الدر جة	الجزء قبل
التائية	القيمة	التائية	القيمة	التائية	القيمة
70,0	,41.	٤٠.١	٠٢١,	۱۷٫۱	,•••
77,8	,۹۵۰	٤٠,٨	،۱۸۰	14,1	,•••٧
۹۷,۵	,41.	٤١,٦	,۲۰۰	14,1	,••١•
٦٨,١	,470	٤٢,٣	,۲۲۰	۲۰,۳	,••١٥
٦٨,٨	,4٧٠	٤٣,٣	۰ ۲۰,	۲۱٫۲	, , , , , ,
74,7	,470	٤٤,٨	,٣••	41,4	۰۰۲۵,
۵,۰۷	۹۸۰,	٤٦,١	۰ ۳۵۰	44,0	,••٣٠
٧١,٧	,400	٤٧,٥	, ٤٠٠	۲۳,٥	,•• ٤ •
۷۳,۳	۹۰۰,	٤٨,٧	, ٤ 0 •	72,7	,••••
٧٤,٦	,19٣	۰,۰	,•••	Y0,2	,••٧•
۸,۵۷	,110	۹۱٫۳	,00+	۲ ٦,٧	,• 1 •
۷٦,٥	,447.	٥٢,٥	,4 • •	۲۸,۳	۰۱۵,
۷۷,۰	,44٧٠	٥٣,٩	۰۵۲,	44,0	,• • •
٧٨,١	,49٧0	٥٥,٢	,٧٠٠	٣٠,٤	,• ۲٥
٧٨,٧	,444.	٥٦.٧	۰,۷۱۰	۳۱,۲	,•٣•
٧٩,٧	,4460	۰۷,۷	۰۸۷٫	۳۱,۹	,•٣0
۸۰,۹	,999•	۵۸,٤	,٨••	۳۲,۵	٠٤٠
۸۱٫۹	,444٣	٥٩,٢	۸۲۰,	۳۳,٦	,•••
۸۲٫۹	,9990	09,9	۰,۸٤٠	۳٤,٥	,•4•
		٦٠,٨	,ለ٦٠	۳۵,۲	,•٧•
		٦١,٧	,۸۸۰	40,4	۰,۰۸۰
		۸۲۲۸	,4 • •	۳٦,٦	,•4•
		٦٣,٤	۹۱۰,	۳۷,۲	,1••
		78,1	,۹۲۰	۳۸,۳	,14.
		٦٤,٨	،۹۳۰	79,7	,18•

جدول (٢٥) للتحويل إلى الدرجات التائية

فمثلا الدرجة التائية المقابلة للجزء ٠,٠٠١٠ في الجدول هي ١٩٫١ والمقابلة للجزء .٦٥٠٠ هي ٥٣٫٩ .

ولكي يتسنى تحويل أية درجة من درجات التوزيع مباشرة الى الدرجة التائية المقابلة لها يرسم عادة تخطيط يوضح العلاقة بين القيمة الأصلية والدرجات التائية ، ويمثل هذه العلاقة عادة خط مستقيم ، الا أن بعض التكرارات الشاذة في الجدول قد تبعد قليلا من النقط بعض الشيء عن المستقيم الذي يصف هذه العلاقة .

٦ - ومن هذا المستقيم الذي يربط بين القيم الأصلية والدرجات التائية يمكن بعد
 ذلك تحويل أية قيمة الى الدرجات التائية المقابلة لها .



تلخيص لخواص المنحني الاعتدالي :

بناء على كل ما سبقت دراسته يمكن أن نلخص خواص المنحني الاعتدالي فيما يلي :

المنحى الاعتدالي منحى متماثل يرتفع عند الوسط تماما وينخفض تدريجيا
 يقل ارتفاعه جدا عند الطرفين .

٢ — المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال للتوزيع الاعتدالي لها قيمة واحدة .

٣ - في التوزيع الاعتدالي تكون نسبة حالات التوزيع المحصورة بين المتوسط الحسابي + ١ انحراف معياري = ٦٨,٢٧٪من الحسالات

وبين المتوسط الحسابي - ٢ انحراف معياري والمتوسط الحسابي = ٢ انحراف معياري = ٢ انحراف معياري = ٢ انحراف معياري = ٢ ١٠,٤٤ /

وبين المتوسط الحسابي – ٣ انحراف معياري والمتوسط الحسابي + ٣ انحراف معياري = ٣ المحروب على المحموعة تقريباً) أي أن مدى القيم في هذا التوزيع يبلغ حوالي ثلاثة أمثال الانحراف المعياري على جانبي المتوسط .

النقطتين اللتين يبدأ يحول المنحى أي النقطتين اللتين يبدأ يهما المنحى أن يغير اتجاهه تقابل القيمتين م +ع ، م -ع

مقاييس الانحراف عن التوزيع الاعتدالي :

۱ ـ الالتواء Skewness

ذكرنا سابقا أن توزيع القيم في أي بحث عملي لا يمكن أن ينطبق انطباقا تاما على التوزيع الاعتدالي النموذجي ، ولكن انحراف التوريع عن هذا النموذج قد يكون قليلا ليس له دلالة احصائية ناتجا عن ظروف البحث الحاصة ، أو قد يكون كبيرا لدرجة لا يستطيع الباحث معه افتراض التوزيع الاعتدالي في القيم التي يحصل عليها . وانحراف التوزيع عن الاعتدالي قد يتخذ شكلا بحيث يجعل المنحى يميل ناحية القيم الصغيرة يوصف بأنه موجب الالتواء والذي يميل ناحية القيم الكبيرة بأنه سالب الالتواء .

ولفهم الأساس الذي ينبني عليه مقياس الالتواء نعيد الملاحظة التي سبق ذكرها في خواص المنحنى الاعتدالي ، وهي أن المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال تكون متحدة القيمة وأما في المنحنيات الملتوية فان هذه المعاملات تكون مختلفة القيمة . وقد سبق توضيح المواضع النسبية لها في نوعي المنحنيات الملتوية فنحن نلاحظ أنسه في المنحني السالب الالتواء يكون المنوال أعلىقيمة من المتوسط الحسابي ، بينما العكس في الالتواء الموجب.

وعلى هذا الأساس يمكن حساب معامل الالتواء على أنه الفرق بين المتوسط والمنوال أي = المتوسط ـــ المنوال ، الا أن معاملا كهذا يعطي قيمة مطلقة تتوقف على تشتت القيم فهو لا مصلح الا في مقارنة التواء مجموعتين متحدثي الانحراف المعياري . أما اذا أردنا الحصول علىمقياس نسبي للالتواء فانهذا المقياس يكون معادلا المتوسط الحسابي-المنوال الحصول علىمقياس نسبي للالتواء فانهذا المقياس يكون معادلا الانحراف المعياري

ولكن الصعوبة في مثل هذا المقياس أن المنوال ليس من السهل تحديد قيمته بدقة ، ولهذا يستعاض عنه بالوسيط مع تعديل طفيف في المعامل السابق فيصبح معامل الالتواء ==

۳ (المتوسط الحسابي ــ الوسيط) الانحراف المعياري

وهذا المعامل استنتجه K. Pearson

ففي الجدول التكراري الآتي الذي يوضح توزيع العمر وقت الوفاة لعدد مــن، الاشخاص يمكن حساب معامل الالتواءكما يلي :

			 		,
كنح	لاح ا	$\widetilde{\mathcal{z}}$	التكرار المتجمع	التكرار	الفئسات
}			الصاعد	<u>.</u>	
744	٤٩	٧ ~	٧	٧	- 40
٣٦.	٦٠	٦ -	۱۷	١٠	- 4.
770	140 -	o	٤٢	40	_ 20
.70	14	٤	٧٧	40	_ 0.
10.	10	٣ -	١٢٧	٥٠	_ 00
44.	17	۲ -	4.4	٨٠	- 1.
4.	4	١	4.4	4.	~ 70
_	صفر	صفر	٤١٧	110	- V•
140	140	١	700	۱۳٥	Yo
٤٢٠	71.	Y	7 07	1.0	۸۰
£VV	104	٣	۷۱۰	٥٣	- Ao
١٠٢٥	12.	٤	V£0	40	1 1
٧٥	١٥	٥	V\$A	٣	_ 40
74	١٢	٦	٧٥٠	ق(۱) ۲	١٠٠ فمافو
	771				
£ £ A Y	ካለ \$			۷۵۰	المجموع
	14 -				
		1 11	(1 (

جدول (٥٣) توزيع السمر وقت الوفاة لبعدد من الاشخاص

⁽١) هذه الفئة اعتبرت قيمتها المركزية تجاووا ١٠٢٠٥

هذا ويمكن قياس التواء التوزيع باستخدام معامل آخر مبنى على ايجاد الربيعات Quartiles ، فاذا كان التوزيع باستخدام معامل آخر مبنى على ايجاد منتصف المسافة بين الربيع الأول والثالث تماما ، اذا كان التوزيع ملتويا نحو القيم الصغيرة ، أي موجب الالتواء ، كان بعد الربيع الثالث عن الربيع الثاني أكبر من بعد الربيع الثاني عن الربيع الأول . وتبعا لهذا الأساس فان (سر سسر) سر (سر سر) يصلح مقياسا للالتواء أو سر ، + سر + س

وقد وجد أن هذا المعامل تتراوح قيمته بين ـــ ٢ ، + ٢ ولذلك يكون الأفضل أن يصبح المعامل :

$$\frac{x^{4}-x^{5}}{x^{7}+x^{4}-x^{5}}$$

على أن تتراوح قيمته بين ــ ١ ، + ١

فاذا طبقنا هذا المعامل على جدول (٥٧) نجد أن :

فيكون معامل الالتواء تبعا لهذا القانون

·, 17 - =

وهذا المعامل لا يتأثر مطلقا بالقيم الموجودة في الربع الأول أو الربع الأخير مسن المجموعة ، بل يقصر حسابه على النصف المتوسط من القيم . فلكي نستخدم مقياسا أكثر حساسية يمكننا أن نستخدم المثين العاشر والمثين التسعين ، ونقارن بين بعديهما عن المثين الخمسين (أي الوسيط) ويكون حدي هذا المعامل كذلك ــ ١ ، + ١ .

والمعامل في الحالة الأخيرة .

وتصبح خطوات ايجاد هذا المعامل في جدول (٥١) كما يلي :

$$(ective = e \times \frac{rr}{r_0} + e + e \times \frac{rr}{r_0})$$
) روزنیته = ۷۵)

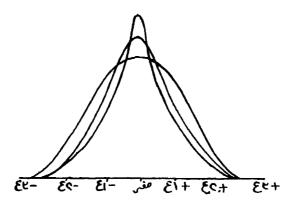
فيكون معامل الالتواء

$$\bullet, \bullet = \frac{\forall \forall, \forall x \ Y - \lambda \forall, \forall \cdot + \delta \xi, \forall 1}{\delta \xi, \forall 1 - \lambda \forall, \forall \cdot} =$$

X - التفرطــح Kurtosis

ان معامل التفرطح ببين ما اذا كان للتوزيع قمة حادة رفيعة أو قمة عريضة مسطحة ، ويطلق على التوزيع الذي من النوع الأول اسم التوزيع مدبب التفرطح Platy Kurtic .

ومن الطبيعي أن صفة التفرطح ليست لها علاقة بالمتوسط الحسابي للتوزيع ، فقد يكون التوزيع رفيعا أو مسطحا أو اعتداليا ويكون له متوسط حسابي محدد كما في شكل (٣٧) كما أن زيادة التفرطح أو قلته لا تتعارض مع تماثل التوزيع أي أن التوزيع المتماثل قد يكون رفيع التفرطح أو مسطحه أو متوسطه (Meso Kurtic) .



شكل (٣٧) منحنيات متحدة المتبوسط مختلفة التفرطح

و يمكن قياس التفرطح بالمعامل الآتي :

فلكي نحسب معامل التفرطح للتوزيع السابق (جدول ٥٩)

$$\Lambda, \pi = \frac{7\pi, V\Lambda - \Lambda^{0,0}}{Y} = \frac{7\pi, V\Lambda - \Lambda^{0,0}}{Y}$$
 خدأن نصف المدى الربيعي (س

معامل التفرطح=
$$\frac{\Lambda, \pi}{\pi 1.44}$$
 = ۲۲۱،۰

ولمعرفة درجة تفرطح أي توزيع ونوعه ينبغي أن نقارن هذا المعامل بمقياس يتخذ أساسا لذلك . ومن المتبع أن يقارن هذا بمعامل التفرطح المقابل له في المنحى الاعتدالي ، وبحساب هذا المعامل في المنحى الاعتدالي نجد أن قيمته تعادل ٢٦٣، فاذا زاد المعامل عن هذه القيمة يكون التوزيع مسطحا Platy Kurticواذا قل عنها كان التوزيع مدببا هذه القيمة يكون التوزيع (جدول٥٩) نجد أن المعامل قريب قربا كافيا من القيمة المقابلة له في المنحى الاعتدالي .

والمهم بعد حساب معامل الالتواء أو المعامل التفرطح معرفة ما اذا كان انحراف شكل التوزيع عن الاعتدالي كبيرا لدرجة تحتم علينا أن نصف التوزيع بأنه ملتو أو مفرطح . فمن الطبيعي أن هناك حدا لأي معامل من هذا القبيل نتغاضى عما دونه ، بحيث لو زاد الانحراف عنه قيل أن للانحراف دلالة احصائية وسيأتي تفصيل ذلك عند الكلام عن مقاييس الدلالة.

أسئلة على الباب الرابسع

(١) طبق اختبار للهجاء على مجموعة من التلاميذ فكان توزيع درجاتهم كما هو مبين في الجدول التكراري الآتي :

التكرار	فئـــــات
10	- 1.
**	<u> </u>
٣٥	- 18
00	\7
٧٥	_ 1 A
71	- Y•
٣٩	 YY
٧٠	¥ 7, =
40	 ۲ ٦
١٨	YA
٧	— ۳۰
- -	٣ ٢
Y	48
۳ ٦٠	المجموع

جدول (؛ ه) توزيع درجات اختبار الهجاء

حول هذا التوزيع الى توزيع اعتدالي . (٢) قارن بالرسم بين التوزيع الأصلي والتوزيع الاعتدالي المعدل .

- (٣) احسب كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للتوريع الاعتدالي المعدل
 لجدول (٤٥) وقارن بينها وبين المتوسط الحسابي والانحراف المعياري الأصلي
- (٤) احسب معامل الالتواء للتوزيع الأصلي (جدول ٦٠) بطريقتين مختلفتين وقارن بين الناتجين .
- (٥) أوجد المساحة المحددة تحت المنحى الاعتدالي بين الدرجات المعيارية الآتيسة والمتوسط مستخدما في ذلك جدول (٥٥) .

Y,0 (1,2 - (1,7 (Y,V - (,.4

(٦) أوجد المساحة المحددة تحت المنحنى الاعتدالي بين كل درجتين معياريتين مما يــــأتي :

أ _ بين ٥٠٢، - ١٠٣

ب - بین - ۴٫۱ ، ۱٫٤

ج ـ بين - ١,٧ ، ٢,٩

د ــ بين ١,٤ ، ٣,١

(٧) في جدول (٦٠) أوجد عدد الحالات التي يتوقع لها أن تقع قبل الدرجات الآتية
 حسب ما ينتظر في التوزيع الاعتدالي :

. 41 . 47 . 14 . 10

- (٨) في جدول (٦٠) احسب النسب المثوية للقيم التي تقع بين :
- أ) المتوسط الحسابي ــ انحراف معياري والمتوسط الحسابي + انحراف معياري .
- ب) المتوسط الحسابي ــ ضعف الانحراف معياري والمتوسط الحسابي + ضعف الانحراف المعيــــاري .
- ج) المتوسط الحسابي ثلاثة أمثال الانحراف المعياري والمتوسط الحسابي + ثلاثة أمثال الانحراف المعياري وقارن بين هذه النسب وما يتوقع لها اذا كان التوزيع اعتدالياً .

Converted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

الباب الخالي

الارتباط Correlation

= مقدمـة

المعامل الارتبـاط

الخطيط الانتشـار

معامل ارتباط الرتب

معامل ارتباط بيرسون

الارتباط الننـائي

معامل التـوافق

خاتمة في معامل الارتباط

تفسير نتائج الارتبـاط



مقدمــة:

كانت الأجزاء السابقة متعلقة بدراسة وقياس متغير واحد ، فمقاييس النزعة المركزية توضح القيمة التي يتجمع عندها متغير في مجموعة من المقاييس . ومقاييس التشتت توضح درجة انتشار وتوزيع قيم المتغير ، الا أن البحث العلمي لا يقف عند جد الوصف والتصنيف بل يتعدى ذلك الى بيان نوع العلاقة بين الحقائق والمفهومات العلمية ووصفها وصفا علميا دقيقا ، وهذا يدخل ضمن مجال الاحصاء الوقوف على طبيعة العلاقة بين أكثر من متغير واحد والوصول الى معامل عددي لوصف هذه العلاقة .

وقد سبق أن ذكرنا في الباب الأول عند الكلام عن طريقة التلازم في التغير كيف يستطيع الباحث أن يعبر تعبيرا علميا عن وصف نوع التلارم في تغيير عاملين أو متغيرين ومداه ، و نبحث في هذا الباب الطرق الاحصائية للحصول على معامل عددي يصف نوع ومدى هذا التلازم . وعن طريق هذا التعبير العددي يتسى للباحث أن يصدر تنبؤات عن أحد المتغيرات بفضل ما يعرفه عن متغير آخر . وقد ذكرنا أن أنواع العلاقة بين متغيرين يمكن تلخيصها فيما يلى :

- ١ _ علاقة مطردة كاملة .
- ٢ _ علاقة مطردة ناقصة .
- ٣ _ علاقة صفرية أو معدومة .
 - ٤ علاقة عكسية ناقصة .
 - ه ـ علاقة عكسية كاملة .

معسامل الارتبساط:

ويطلق على المعامل الذي يصف نوع العلاقة بين متغيرين و معامل الارتباط و Correlation Coefficient و تنحصر قيمته بين + ، - افاذا كانت العلاقة مطردة كاملة

onverted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

(كالعلاقة بين قطر الدائرة ومحيطها) كانت قيمة معامل الارتباط + 1 واذا كانت العلاقة عكسية كاملة (كالعلاقة بين حجم الغاز وضغطه في حدود معينة) كسانت قيمته - 1 ، وقد ذكرنا أن الارتباط الكامل لا وجود له في الظواهر الطبيعية ، وأن المعامل الناتج في الأبحاث النفسية أو التربوية أو الاجتماعية يكون عادة كسرا موجبا أو مسالبا .

تخطيط الانتشار:

لنفرض أن باحثا أراد ايجاد معامل الارتباط بين عمر الزوج وعمر الزوجة في مجموعة من الأشخاص وكانت الأعمار كما هي مبينة فيما يأتي :

عمر الزوجة	عمر الزوج	عمر الزوجة	عمر الزوج
00	٥٨	٣٢	۳۷
٣٧	14	44	٤٥
٥٢	70	۲.	77
1.8	44	• ٢	٤٩
٧٠	VY	٧.	٣٦
40	44	٣.	40
۱۸	١٨	٣٩	٤٦
٤٧	" ለ	**	79
٤٠	٤٦	**	40
20	٤٩	٥٢	۸۱
40	44	Ye	77
74	٤A	۲.	11
٣٠	40	٤٠	**
40	40	۳۲	٤٦
٣٦	۳۸	**	Y4
۸٠	۸٩	44	٤ŧ
10	٤٧	٣٢	40
14	••	۳.	۳٦

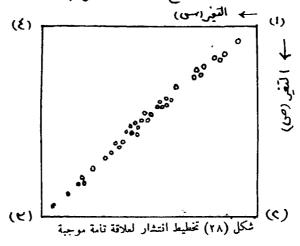
عمر الزوجة	عمر الزوج	عمر الزوجة	عمر الزوج
. {A	74	٥٢	٧٦
**	44	17	١٨
γ.	Y 0	٣٢	٣٩
19	۵٥	٧٠	۲۸
۳.	19	75	77
٥٨	٦٢	٤٣	٤٥
۰۰	۵۸	71	79

فان هذه البيانات بمكن تفريغها في جدول تكراري مزدوج ببين العلاقة بين هذين المتغيرين (جدول ٥٥) بحيث يمثل كل خط فيه أحد هذه البيانات الحمسين ، أي يمثل كل خط عمر الزوج وعمر الزوجة معا . فالبيان الأول الذي فيه عمر الزوج ٣٧ وعمر الزوجة ٣٢ يمثل بخط عند تلاقي العامود الذي يمثل عمر الزوج عند ما يكون محصورا بين ٣٠ ، ٣٠ مع الصف الذي يمثل عمر الزوجة عند ما يكون محصورا بين ٣٠ ، ٣٠ والبيان المشتمل على عمر الزوج ٨٥ وعمر الزوجة ٥٥ يمثله خط عند تلاقي العامود الذي يمثل الزوج عندما يكون محصورا بين ٥٥ ، ٢٠ والصف الذي يمثل عمر الزوجة عند ما يكون محصورا بين ٥٥ ، ٢٠ والجدول التكراري المزدوج لهذه البيانات يكسون يكون محصورا بين ٥٥ ، ٢٠ والجدول التكراري المزدوج لهذه البيانات يكسسون يكون محصورا بين ٥٥ ، ٢٠ والجدول التكراري المزدوج لهذه البيانات يكسسون

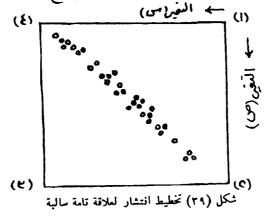
4	-40	-A·	-40	- \	-T.	٦٠.	-00	-0.	-80	-٤.	-40	-Y.	-50	-5.	-10	الزوج
7													1		11	-10
V										1	1		MY			6.
0							1						111/			- 60
4										7	1 110	<u> </u>	<u> </u>			4.
Y									H		11		L			-40
¥									-				<u> </u>	1		-£
1					7		7		#							-{0
12		7	7		\Box		7		7							0
1						7	1									-00
7																– 7.
																4F-
5	1			/									L			-7:
																-49
																-4-
•	5	1	ı	1	٤.	1	٤	-	11	7	1.	_	1.	1	7	المجوي

جدول (ه٥) جدول مزدوج لأعمار الزوج والزوجة

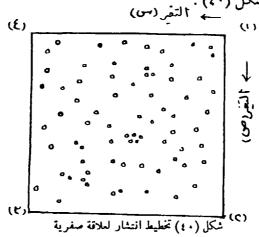
ومن هذا الجدول يمكن عن طريق ملاحظة اتجاه تجمع التكرارات تكوين فكرة تقريبية عن نوع الارتباط وقدره ، ولكي نقرب هذا للأذهان تفترض احدى الحالات التي يكون فيها الارتباط تاما موجبا بين متغيرين (س) (ص) فاننا نلاحظ أن جميسع التكرارات تكون متجمعة في خط مستقيم هو قطر الشكل الذي يصل بين الركن (١) والركن (٣) . وذلك لأن جميع القيم الصغيرة في أحد المتغيرين يتبعها قيم صغيرة في المتغير الآخر . وكلما كبرت القيمة في أحد المتغيرين كبرت القيمة المقابلة لها في المتغير الآخر . وفي شكل (٣٨) تخطيط انتشار يوضح هذه العلاقة الموجبة النامة .



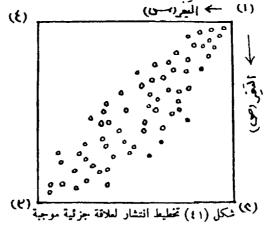
أما اذا كانت العلاقة تامة سالبة (– ١) تجمعت نقط التكرار في القطر الذي يربط بين الركنين (٤) ، (٢) في تخطيط الانتشار . وذلك لأن القيم الكبيرة في أحد المتغيرين تتبعها قيم صغيرة في المتغير الآخر . وكلما كبرت القيم في أحدهما صغرت في الآخر والعكس بالعكس ، وفي شكل (٣٩) تخطيط انتشار يوضح هذه العلاقة السالبة التامة .



أما اذا كانت العلاقة صفرية ، أي أنه ليس هناك أي اتجاه للاتفاق أو التضاد بين المتغيرين ، فان نقط التكرار تكون موزعة على الشكل دون أن يبدو أي اتجاه في تجمعها كما هو الحال في شكل (٤٠) . التقرص)

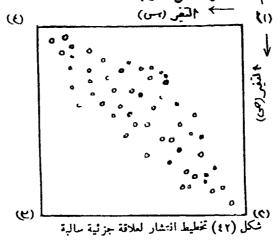


وفي حالة العلاقة الجزئية ، سواء كانت موجبة أو سالبة ، نجد أن انتشار التكرار يتخذ اتجاها عاما ، الا أن هذا الاتجاه يتبع عادة شكلا بيضيا . وكلما اتسع الشكل البيضي قلت قيمة الارتباط بين المتغيرين ، وكلما ضاق زادت قيمته ، حتى تصل أقصاها عند ما يصبح الشكل البيضي خطا محددا كما هو الحال في شكل (٣٨) ، (٣٩) . وشكل (٤١) يوضح تخطيطا انتشاريا لعلاقة جزئية موجبة وشكل (٤١) لعلاقة جزئية سالبة .



فكأن مجرد ملاحظة التوزيع في تخطيط الانتشار يفيد في معرفة مدى العلاقة بين المتغيرين ونوعها : ولكن الاحصاء لا يقف أيضا عند حد ملاحظة التوزيع ووصف

العلاقة وصفا تقريبيا بل تهدف دائما الى التوصل الى قياس عددي لهذه العلاقة . وقد ذكرنا أن المعامل المستخدم لذلك هو معامل الارتباط .



وهناك وسائل أخرى كثيرة لايجاد معامل الارتباط بين متغيرين تختلف باختلاف هدف البحث وظروفه ، فقد لا يكون من الممكن سوى تقسيم كل من المتغيرين أو أحدهما تقسيما نوعيا ، أو ترتيبها من حيث القيمة دون التوصل الى تحديد قيمة عددية لكل رتبة من رتب المتغير ، مثل هذه الظروف تحتم على الباحث استخدام احدى طرق ايجاد معامل الارتباط دون غيرها . واليك أهم الطرق المستخدمة في ذلك :

معامسل ارتباط السرتب:

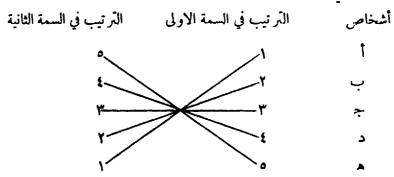
في كثير من الأحيان لا يستطيع الباحث أن يحدد قيم المتغير أثناء تغيره بل يكون من الأيسر له أن يعبر عن مراحل تغيره برتب نسبية ، كأن يحدد أيها الأول وأيها الثاني ، وأيها الأخير . ولنفرض أن هدف الباحث ايجاد معامل الارتباط بين سمتين من سمسات الشخصية وشمل هذا البحث تقدير خمسة أشخاص بالنسبة لهاتين السمتين فانه يستطيع بمقدار ما بين ترتيب هؤلاء الأشخاص الحمسة في السمتين من تشابه أو اختلاف تقدير مدى الارتباط بين هاتين السمتين ، ولنفرض أيضا أن الباحث قد حصل على احدى النتائج الآتية في بحثه .

الحالة الأولى :

الترتيب في السمة الثانيــة	الترتيب في السمة الأولى	أشخاص
į	<u> </u>	1
Y	Υ	ب
•	o	ج
1	1	د
۳ .	٣	

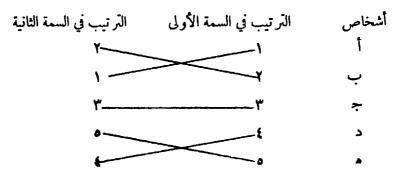
وفي هذه الحالة فلاحظ تطابقا تاما بين رتب الأشخاص في السمتين ، ومن هذا يمكن احث دون القيام بأية عملية حسابية استنتاج أن معامل الارتباط بين السمتين + ١

الحالة الثانية:



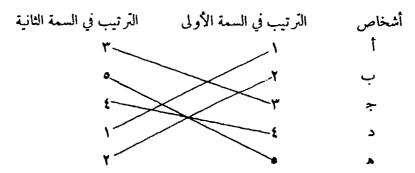
وهنا نلاحظ أن الرتب في المتغيرين مختلفة اختلافا تاما ، وقد وصل الاختلاف بينهما الى حد التضاد ، فالأول في أحدهما هو الأخير في الثاني وهكذا ... ولذا معامل الارتباط في هذه الحالة يكون ١

: تثالثا تالك



نلاحظ هنا أن هناك اتفاقا جزئيا بين الترتيب في السمتين ، ولذلك فان معامـــل الارتباط يكون + كسر .

الحالة الرابعـة:



في هذه الحالة نلاحظ تضادا جزئيا بين الترتيب في السمتين ولذلك فان معامـــل الارتباط = ــ كسر .

_ وطريقة معامل ارتباط الرتب لسبير مان تقوم على نفس هذا الأساس فكلما كان الفرق بين رتب القيم المتقابلة في المتغيرين كبسيراً قلت درجسة الارتباط بين المتغيرين ، والعكس بالعكس لهذا كانت الخطوة الأولى ي مصريسه تشتمل على ايجاد الفروق بين رتب القيم المتقابلة . فاذا فرضنا وجود ثلاث قيم متقابلة لكل من المتغيرين وأوجدنا رتبها كما هو الحال في المثال الآتي :

	المتغير (س)	المتغير (ص)	الفرق بين الرتب
حالة (أ)	٣	١	Y +
حالة (ب)	۲	4	۲ —
حالة (ج)	1	٣	١ –

فان الفروق بين الرتب تكون موجبة الاشارة أو سالبتها بحيث أن مجموع الفروق الموجبة يعادل مجموع الفروق السالبة كما في المثال (+ ٢ ، – ٢) ، ولايجاد معامل الارتباط بين رتب المتغيرين علينا أن نعتبر هذه الفروق مجتمعة ، الا أن الجمع الجبري في هذه الحالة يكون عديم الفيمة حيث أن حاصل الجمع يكون دائما صفرا ، ولهذا تشتمل الطريقة على خطوة أخرى وهي تربيع هذه الفروق حتى نتخلص من الاشارات بجعلها جميعا موجبة .

مثال : اختبر ١٠ أطفال في مادتي اللغة العربية والحساب وكانت درجاتهم في المادتين كـــالآتي :

درجـــة الحساب	درجة اللغة العربيــــة	الاسم
٤٥	77	محمد
٧,	10	حسن
٤٠	٤٧	أحمد
۳۷	٣٣	ابر اهيم خالد
۳٠	7 £	خالد
۳۲	٤Y	فائسق
٣٤	۲٥	حلمي
70	٧,	حلمي خليل
٣٥	٣٦	قاسم
٤١	£ £	عــــلي

جدول (٥٦) درجات ١٠ أطفال في مادتين

والمطلوب حساب معامل ارتباط الرتب بين مادتي اللغة العربية والحساب . لايجاد هذا المعامل نتبع الخطوات الآتية :

الفرق	الفرق		رتبة اللغة	درجة	درجــة	الاسم
مربع		الحساب	العربية	الحساب	اللغة العربية	
70	٥	١	7	٤٥	٣٢	محمد
		١٠	١٠	۲٠	10	حسن
٤	۲ —	٣	١ ،	٤٠	٤٧	أحمد
١	١	٤	٥	٣٧	٣٣	ايراهيم
-	_	٨	۸	۳۰ '	45	خالد
١٦	٤	٧	٣	44	2.4	فائق
(\	١	٦	V	74	40	حلمي
_ '	-	١ ،	4	Yo	٧.	خليل
١	١	٥	٤	٣٥	٣٦	
_	_	۲	۲	٤١	£ £	قاسم علي
	٧					المجموع
٤٨	٧ -	1	}			
	•••					<u>.</u>

جدول (۷۵) حساب معامل ارتباط الرتب

وتكون الحطوة الثالثة بعد حساب مجموع مربعات الفروق تطبيق القانون الذي توصل اليه سبيرمان Spearman لحساب معامل الارتباط وهو :

$$\frac{r + \frac{1}{2}}{(1 - \frac{1}{2})} - 1 = 0$$

على اعتبار أن ر = معامل ارتباط الرتب .

، مح ف ٢ = مجموع مربعات الفروق (ف الفرق بين رتبتي الحالة الواحدة) ن = عدد الحالات .

$$^{\circ}$$
نهو في هذا المثال $-1 - \frac{1 \times 1}{41 \times 1}$

ومن الطبيعي أن مثل هذا القانون يجعل معامل الارتباط عندما تنطبق الرتب (+1) ، وذلك لأن الفروق في هذه الحالة تكون معدومة فتكون قيمة الكسر \mathbf{r} يحف \mathbf{r} مساوية صفرا ويكون معامل الارتباط \mathbf{r} ي مساوية صفرا ويكون معامل الارتباط \mathbf{r} .

وعلى العكس من ذلك في حالة تعاكس الرتب فان هذا القانون يجعل معامل الارتباط - ١ كما هو في الحالة الآتية : -

مربعات الفروق	الفروق ــ	رتب المتغير	رتب المتغير
		(ص)	(س)
17	٤	٥	١
٤	۲	٤	۲
_	-	٣	۴
٤	۲	Υ	٤
١٦	٤	, 1	•
	٦		
- 4.	٧		المجموع
	• • •		

جدول (٨٥) حالة تماكس الرتب

$$V = V - V = \frac{2 \cdot x}{1 \cdot x} - V = V - V = V$$

واليك مثالا يشتمل على القيم ذات الترتيب المتكرر :

فيما يلي أطوال عشرين شخصا وأوزانهم ، والمطلوب ايجاد معامل ارتباط الرتب بين الطول والوزن لهذه الحالات :

	, 					
مربع الفرق	الفرق بين	رتب	رتب	الوزد	الطول	اسم
	الرتب	الوزن	الطول	بالكجم	بالسم	الشخص
١	١	10,0	17,0	٦٨	١٦٧	î
٩٠,٢٥	۔۔ ہر ۹	14	۹,٥	70	۱۷۵	ب
_	-	٧٠	۲٠	77	١٦٥	ح-
١٦	٤	14,0	17,0	٧٧	١٦٧	د
٣٦	٦	17,0	٥,٨١	VV	177	А
٤٩	٧	٥	۱۲	۸٥	177	و
۲٥	٥	٥.٧	۷,۵	۸۱	19.	ر
١	١	١٤	١٥	٧٢	179	ح
17,70	۳,٥ _	10,0	۱۲	٦٨	177	ط
Y0	ه	٥, ٢	٥,٧	۹٠	۱۸۱	ى
17,70	۳,۵	۷,٥	٤	۸۱	۱۸۷	1
7.8	۸,۰	٥,٧١	۹,۵	٦٧	۱۷٥	ل
٤	۲	١.	۱۲	۸۰	177	٢
١	١ ،	٥,٧١	٥,٨١	٦٧	177	ن
17	٤	١.	١٤	۸۰	۱۷۰	ص
17	٤	٥	1	٨٥	197	ع
70,70	٤,٥	١	ه,ه	11	۱۸۵	ف
۲٥	•	۲,٥	٧,٥.	4.	١٨١	س ا
۰,۲۵	ه,٠	٥	ه,ه	٨٥	110	ق
۵۲,۲۵	٧, ٥	1.	۲,٥	۸۰	14.	ت
	٤١					
٤٧٠,٥٠	11-	41.	41.			المجموع
	•••					

جدول (٥٩) حالة تكرر الرتب

معامل ارتباط الرتب = ۱
$$\frac{4 \cdot 7 \cdot 7}{799 \times 7}$$
 معامل ارتباط الرتب

معسامل ارتبساط بيرسون:

ويطلق على هذه المعامل « Product Moment » ، على اعتبار أن لفظ « Moment » يفيد انحراف القيم عن المتوسط مرفوعا لاية قوة ، وتقوم التسمية على أساس أن المقدار الهام في هذه الطريقة هو حاصل ضرب انحراف كل من القيمتين المتقابلتين في المتغيرين عـن متوسطهمـا .

ومعامل ارتباط بيرسون يسد نقصا هاما في معامل ارتباط الرتب ، وهو أن المعامل الأخير يتناول في حسابه الرتب لا القيم نفسها ، وحساب الارتباط على أساس الرتب أقل دقة من حسابه على أساس القيم ، فزيادة القيمة أو نقصها لا يغير من قيمة المعامل على أساس الرتب ما دامت هذه الزيادة أو النقص لا تغير وضع القيمة بالنسبة للمجموعة . بينما يتأثر معامل ارتباط بيرسون بأي تغير في القيم . فاذا كان لدينا خمس قيم متقابلة مثلا لكل من متغيرين كما يأتي :

ح س ح س	ح س	ح س	المتغير (ص)	المتغير (س)	
Y	١ ~	۲ –	٧	٥	î
_	١	_	Ÿ	γ	ب
-	-	1 -	٨	٦	-
\ +	\ +	١	4	٨	د
Y +	\ +	4	٩	٩	

خيدول (٦٠) الأساس الذي تقوم عليه طريقة بيرسون

فاذا كانت ح و انحراف القيمة عن متوسط قيم (س) و حو انحراف القيمة عن متوسط عن متوسط قيم (ص) فان ح س ح ص و هو حاصل ضرب انحراف كل قيمة عن متوسط قيم المتغير في انحراف القيمة التابعة لها عن متوسط قيم المتغير الآخر يصلح مقياسا لمدى ما بين المتغيرين من ارتباط . فكلما زاد مجموع حواصل الضرب كلما زادت العلاقة بين المتغيرين اطرادا . أما اذا كان مجموع حواصل الضرب سالب القيمة فان هذا يدل على انحراف القيم المتقابلة في المتغيرين عن المتوسط يسير في اتجاه عكسي على وجه العموم أي اذا زادت القيمة عن المتوسط تبع ذلك نقص القيمة المقابلة لها عن متوسط قيم المتغير الآخر . وهذا دليل كاف على أن معامل الارتباط يكون سالبا .

وتقوم طريقة بيرسون على هذا الأساس بوجه عام الا أن الطريقة تتخذ صورا متعددة نذكر منها ما يأتي :

معامل ارتباط بيرسون باستعمال الانحرافات : لتوضيح الخطوط المتبعة في ايجاد معامل الارتباط بهذه الطريقة نضرب المشال الآتى :

ح ٽس	ح اس	ح س ح ص	ح ص	ح س	قيم(ص)	قيم (س)
171	۱۲۱	184	۱۳	11-	44	۲٥
٤	77	۱۲	٧	٦	**	٤٢
1	١ ،	١٠	١.	1	٤٥	٣0
_	\	_		١	٣٥	٣٧
٤	121	٤٢	٧	Y 1—	44	١٥
40	188	٧.	٥	14-	۲.	41
4	٤٩ .	۲۱	٣	٧	۳۲	٤٣
۸۱	444	١٥٣	4	17	11	۳٥
1	۱۲۱	11.	1.	11	٤٥	٤٧
78	٩.	Y\$	۸	٣	**	44
		٥٧٠	٣١	٤٥		
700	1717	•• _	۳۱–	£0_	٣0٠	٣٦.
		£70	• •	••		

- جدول (٦١) معامل ارتباط بيرسون بطويقة الانحراف

يتكون هذا الجدول من سبعة أعمدة ، يشتمل الأول والثاني منها على قيم المتغيرين المراد ايجاد معامل الارتباط بينهما كالطول والوزن مثلا ، أو كمادتين دراسيتين مختلفتي ، أو صفتين نفسيتين كالقدرة الرياضية والقدرة اللفظية ، أو أشخاص في مقياسين للاتجاهات العقلية ... الغ ، ويشتمل العامود (٣) على انحراف قيم المتغير (س) عن متوسط قيم وهو ٣٦ $(\frac{11}{1})$. ويشتمل العامود (٤) على انحراف قيم المتغير (ص) عن متوسط قيم المتغير (ص) وهو $(\frac{11}{1})$. والعامود الحامس يحتوي على حواصل ضرب ح س ح س أي انحراف قيم س عن متوسطها \times انحراف قيم (ص) المقابلة لها عن متوسطها . والعامود السادس والسابع يشتملان على مربعات انحرافات قيم كل من س ، ص .

بعد حساب ناتج كل من مح حس حس ، مح ح^اس ، مح حاص لا يتطلب حساب معامل الارتباط أكثر من التعويض في القانون .

أي أن معامل الارتباط في هذا المثال

ويمكن وضع معامل الارتباط في وضع معروف وهو كالآتي :

حيث ع من هو الانحراف المعياري للمتغير (س) و عمن هو الانحراف المعياري للمتغير (ص) . ولعله من الواضح أن هذه الصورة هي نفس الصورة السابقة لأن ع من =

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{2}}{\dot{\upsilon}} \quad , \quad 3_{\omega} \quad = \quad \sqrt{2} + \sqrt{2}$$

ويمكن تلخيص خطوات العمل في هذه الطريقة فيما يلي :

١ – اجمع قيم كل من المتغيرين .

٧ – احسب المتوسط الحسابي لقيم كل متغير .

٣ – احسب انحراف كل قيمة عن متوسط قيم المتغير التسابعة له أي حين ، حس
 (عامو دي ٣ ، ٤) .

٤ -- اضرب كل من حس × حس المقابسل له (عاموده) لتحصل على مح حس
 حس (وهو حاصل جمع قيم عاموده).

م - ربع كل من حس ، حس (عامودي ٦ ، ٧) لتحصل على مح ح س ،
 مح - ٢ س .

٦ – طبق القانون لتحصل على معامل الارتباط .

ويلاحظ أن مح حس حس هو الذي يحدد اشارة معامل الارتباط ، فان كـــان المجموع الجبري لحواصل ضرب الانحرافات موجبا كان معامل الارتباط موجبا ، وان كان سالبا كان المعامل سالبا .

وهذه الطريقة توفر على الباحث استخدام الأعداد الأصلية الكبيرة في حساب معامل الارتباط ، الا أن سهولتها تتوفر فقط حينما يكون المتوسطان الحسابيان لقيم المتغيرين صحيحة ، أما اذا كان المتوسطان عددين كسريين تعقد حساب قيم الأعمدة (حسحس) ، (حسل) ، (حلس) تعقدا قسد يزيد على الصعورة التي يكسبها الباحث من استخدام القيم الأصلية . تلك هي نفس الصعوبة التي يصادفها الباحث في حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري من القيم الأصلية التي نلجاً من أجلها الى الطريقة المختصرة باتخاذ وسط فرضي وحساب الانحرافات الفرضية . ويمكن تطبيق نفس هذه الطريقة في حالة وسط فرضي وحساب الانحرافات الفرضية . ويمكن تطبيق نفس هذه الطريقة في حالة معامل الارتباط أيضا . واليك طريقة الاستفادة من الوسط الفرضي في حساب معامل الارتباط في جدول (٧٤) .

فالحدول الآتي يتخذ أساسا فيحسابه الانحرافات عن المتوسطين الفرصتين الآتيتين : ٣٠ للمتغير (س) ، ٤٠ للمتغير (ص) .

ځر	ح- 'س	ح ّس خ مو	ح س	ح س	قيم (ص)	قيم (س)
475	40	4.	۱۸ –	•	44	40
4	188	۳٦ –	٣ _	۱۲	۳۷ .	٤٢
40	Y 0	70	٥	٥	į o	40
Y0	11	۳۰ -	•	٧	٣٥	۳۷
19	770	1.0	٧ –	10 -	77	١٥
1	41	٦.	١٠	٦	٣٠	71
78	179	1.8 -	۸ —	۱۳	77	٤٣
17	٥٢٩	44	٤	ΥÝ	٤٤	٥٣
40	444	۸۵	۰	۱۷	٤٥	٤٧
179	۸۱	117 -	۱۳ –	٩	YV	44
		٤٥٧	18	۸٦٦		
۸۰٦	1044	Y4Y	٦٤ —	۲ 7—	40.	44. +
		170	۰۰	٦٠		

جدول (٦٢) حساب معامل ارتباط باتخاذ وسط فرضي

ويحسب معامل الارتباط بالقانون الآتي :

وهو يساوي في هذا المثال :

$$\frac{\left[\frac{1}{2}(0,-)-1,-1}{(0,-)}-\frac{1}{2}(0,-)-1}\right]}{\left[\frac{1}{2}(0,-)-1,-1}\right]}$$

حساب معامل الارتباط من القيم الحام (Raw Values)

ويمكن أن نعدل الطريقة السابقة بحيث يتسنى حساب معامل الارتباط من القيم الحام مباشرة ، ولكن في هذه الحالة يحتاج الباحث الى اجراء تعديل في القانون الذي يحسب به معامل الارتباط كما يتضح من حل نفس المثال السابق بهذه الطريقة :

(0)	(ξ)	(٣)	(٢)	(1)
ص۲	۳س	س × ص	قيم (ص)	قيم (س)
٤٨٤	770	00.	77	Yo
1779	1778	3001	**	٤٢
7.70	1770	1040	10	٣٥
۱۳۲۰	1414	1790	40	YV
1.41	770	190	44	١٥
4	٥٧٦	٧٧٠	۳.	71
1.75	1129	1877	77	٤٣
1947	YA • 4	7444	11	٥٣
7.40	77.4	7110	10	٤٧
VY9	1071	1.04	YV	74
7.471	18177	14.10	40.	41.
L	1		1	

جدول (٦٣) معامل الارتباط من القيم الحام

فالحطوات التي أجريت في هذا الجدول كان أساسها القيم الحام مباشرة ، ولم تبدأ بتحويل القيم الى انحرافاتها عن المتوسط ، فالعامود الثالث يشتمل على حواصل ضرب قيم (س) والمقابلة لها في المتغير (ص) ، والرابع والحامس يشتمل على مربعات القيم .

ويكون معامل الارتباط في هذه الحالة كما هو في القانون الآتي :

$$\frac{2 \cdot w \cdot 2 \cdot w}{\dot{v}} - (w \cdot w) - \frac{2 \cdot w}{\dot{v}} = 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$= 0$$

$$=$$

وبالتعويض من الجدول في المعادلة يكون حساب معامل الاتباط في هذا المثال كما يلي :

$$\frac{\left[\frac{1\cdot}{\sqrt{(\mu_0\cdot)}}-1\lambda \cdot \lambda \cdot \lambda\right]}{\frac{1\cdot}{\mu_0\cdot \times \mu_1\cdot}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot}{\mu_0\cdot \times \mu_1\cdot}} - \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{1\cdot \lambda \cdot \lambda} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda \cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot \lambda}{\frac{1\cdot \lambda}{\mu_0\cdot \lambda}} = \frac{1\cdot$$

= ۷٥,٠

معامل الارتباط من جدول الانتشار:

ذكرنا أن القيم المتقابلة لمتغيرين يمكن تفريغها في جدول مزدوج بحيث تمثل كل علامة من العلامات التي توضع في هذا الجدول فردا له قيمتين قيمة بالنسبة للمتغير (س) وجهذا نحدد تكرار كل خلية من خلايا الجدول المزدوج. ولتوضيح ذلك نضرب المثال الآتي :

طبق اختباران للذاكرة على خمسين شخصا فكانت درجاتهم في الاختبارين كالآتي :

اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار
اختبار ب	Ť	ب	ţ	ب	ţ	اختبار ب	î
1.	79	۱۳	۳۰	١٦	79	14	Yo
۹ ۱	٧.	4	77	۱۲	44	11	19
14	40	٦	١٥	١٤	۳۱	٧	77
11	44	٤	17	17	20	١٥	٤٣
4	71	10	44	۸ ا	41	17	77
11	47	11	77	1.	۱۷	14	77
1.	17	1.	Yo	\ \ \	YA	17	٣٠
٨	14	10	٣٨	111	47	17	٣٥
14	77	77	71	۱۲	72	1	۲۱
17	٤١	10	٤٤	١.	11	10	٤٠
٧٠	٤٥	۱۷	44	0	17	18	44
٧٠	٤٥	11	١٢	١٤	7.4	١٠.	77
				۱۲	74	11	۱۸

جدول (٦٤) درجات خمسين شخصاً في اختبارين للذاكرة

و نلاحظ أن درجات اختبار(أاتنحصر بين ١١ ، ٥٥ وأن درجات اختبار(ب)تنحصر بين ٤ ، ٢٠ ويمكن تمثيل العلاقة بين درجات الاختبارين بجدول الانتشار الآتي :

المجموع	_ £Y	- T 0	— Y Л	- Y\	- 18	- v	اختبار أ اختبار ب
Y					//(Y)		- r
٥		<u> </u>	// (٢)	/ (1)		7 (1)	٦ –
17		100	///(5)	M/(°)	/X/(°)	// (Y)	- 1
١٢		// (Y)	<i>}</i> }/(°)	/ <u>//</u> (°)	,		1 Y
11	/// (٣)	/// (٣)	///(٣)	11 (1)			- 10
٤	//(Y)	/(1)		/(1)			- 14
0.	٥	٧	۱۳	١٤	٨	٣	المجموع

جدول (٦٥) جدول الانتشار لدرجات اختبارين للداكرة

وقد ذكرنا أن تجمع التكرارات وهيئة هذا التجمع تدل دلالة تقريبية عن نوع الارتباط ومداه ، ولكننا هنا نوضح كيف يمكن حساب معامل الارتباط عن طريق جدول الانتشار ، واليك الخطوات المتبعة لحساب المعامل في جدول (٦٥) :

قي،	ي تحق	عرقن	υĒΙ	ځه	4	-t c	-50	-4A		-K	-٧	5/0
	٤	^	4-	۲-	۲					٤٩		-6
٤	R	٥	0-	1-	٥		_	6.6	////			
	٩	16	ĸ	-	10		£ , ,	'				-16
	רץ	88	77	c	и	1987	10 2	75.	Wh.			-10
	cc	ŧ٦	15		٤	"c,	717					-10
()	٧٤	1.0	٤ <u>٦</u>		٥.	٩	Ľ	15		^	٤	٨
			44			ĸ	•	1		1-	۲-	υĒ
				C A = 1	16-66	10	16	16		۸-	٦.	وتحق
					M	٤۰	< N	16		٨	15	
					(ve	45	"	Ħ		6	٢	775
					رد	E	-	7		_	-	ء ت

جدول (٦٩) حباب سمل الارتباط من عمول الاستار

وباستخدام المعادلة يظهر أن :

$$\frac{1}{\left[\frac{\lambda(\lambda)}{\alpha} - 1 \cdot 0\right] \left[\frac{\lambda(\lambda)}{\alpha} - 1 \cdot 1\right]} =$$

$$\frac{\mathsf{AY,YA}}{\left[\mathsf{YY,Y}\right]\left[\mathsf{YY,YY}\right]}$$

•,78 =

و تنحصر خطوات العمل فيما يأتي :

١ - فرغ القيم المعطاة في جدول انتشار أي حدد تكرار كل خلية من خلايا الجدول
 المزدوج .

٢ – اتخذ صفرا فرضيا لكل من قيم (س) ، (ص) وانحرافا فرضيا مدرجا للفئات الأقل والأكثر من الفئة الصفرية كما هو متبع في الطريقة المختصرة لحساب كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري .

m - 1 احسب مح ح و مح ح بضرب الانحراف الفرضي لكل فئة في تكرارها ثم اجمع حواصل الضرب الناتج .

(محرس = ٢٦ – ٣٧ ، محر = ٢١ – ١٤ – ٢٨) في الجدول .

-1 احسب مح -1 ، -1 بضرب كل من حواصل الضرب السابقة في ح -1 العامود السابق لنحصل على -1 لكل فئة ثم اجمع النواتج .

(محم - ۲ = ۱۰۵ ، محم - ۲ = ۱۰۹ في الجدول) .

• - لحساب ح ح ح ينبغي حساب ذلك لكل خلية من خلايسا الجدول الأول ، ويكون ذلك بضرب الانحراف الفرضي لصف الخلية × الانحراف الفرضي للعامود ، وترى حواصل الضرب في الجدول في الركن العلوي الأيمن من كل خلية ، ثم اضرب حاصل ضرب الانحرافين في تكرار الخلية ، وتجد حاصل الضرب الأخير في الجدول في الركن الأسفل الأيسر لكل خلية .

١ - لحساب مح حَرر حَرر تجمع حواصل الضرب السابقة (الموضوعة في الركن الأسفل الأيمن) ويحسن تقسيم العامود الأخير أو الصف الأخير الى قسمين : قسم لجمع النواتج الموجبة وآخر لجمع النواتج السالبة .

فمثلا في حالة الفئة (٦ –) في اختبار ب نجد أن تكرارها ٥ وانحرافها الفرب الفرضي -1 فيكون مح -1 ها ٥ \times -1 = -1 ويكون مح -1 = -1 الفرب الفرضي مرة ثانية أي = -1 = -1 = -1

ولحساب مح حَسْ حَسْ لها نلاحظ أن الخلية الأولى في هذا الصف تكرارها ١.

فلحساب حس حس لها ترى أن الانحراف الفرضي للصف التابعة له هو .. ١ .

والانحراف الفرضي للعامود التابعسة له هو - ٢ فيكون مح حَس حَس لهذه الخلية ١ - × - ٢ = ٢ وهو العدد الموجود في الركن الأيمن العلوي لهذه الخلية ، ثم يضرب ٢ في تكرار هذه الخليسة وهو ١ ينتج مح حَس حَس وهو ٢ الموضوع في الركن الأيسر السفلى .

ننتقل بعد ذلك الى الحلية الثانية فنجد أن الانحراف الفرضي للصف – ١ والانحراف الفرضي للعامود – ١ فيكون حَ_س حَ_س للخلية وهو = ١ ثم يضرب الناتج في تكرار الحلية وهو ١ .

أما الخلية الثالثة فنظرا لأن الانحراف الفرضي صفر للعامود التابعة له فهي لا تحتاج لحساب لأن الناتج النهائي صفر .

وفي حالة الخلية الرابعة نجد الانحراف الفرضي للصف ١ والانحراف الفرضي للعامود -- ١ ولذلك فان حَس حَس لها = ١ وهو الموضوع في الركن الأيمن العلوي ، ثم يضرب -- ١ في تكرار الخلية وهو ٢ ينتج مححَ حَس لها وهو -- ٢ .

بعد ذلك نوجد المجموع الجبري للصف كله تحت خانة حَس حَس فنجد أن مجموع النواتج الموجبة ثم مجموع النواتج السالبة لا ألجد الا — ٢ وقد وضعت في خلية القيم السالبة في العامود الأخير .

هذا ويلاحظ أن مح حرر ح-ر لا بد أن يكون لها ناتج واحد سواء نظرنــــا الى الصفوف أم الى الأعمدة : وهو هنا ٧٤ .

مَى نستخدم معامل ارتباط بيرسون ؟

يعتبر معامل ارتباط بيرسون أكثر المعاملات شيوعا وأدقها جميعا ، فهويتأثر بجميع القيم المعطاة ، كما أن له مقاييس دقيقة لحساب مدى ثباته ، كما أنه يدخل ضمن عمليات ومعاملات احصائية أخرى ، الا أنه يجب مراعاة أساسين هامين عند استخدامه .

ا ــ ينبغي أن يكون التوزيع العام للمتغيرين اعتداليا ، ومن الطبيعي أن ينحرف التوزيع في كل منهما قليلا عن الاعتدالي نتيجة لصغر العينة أو للعوامل التي تؤثر عادة على

نتاثج البحوث ، الا أن انحراف التوزيع عن الاعتدالي ينبغي ألا يكون ذا دلالة احصائية على وجه العموم .

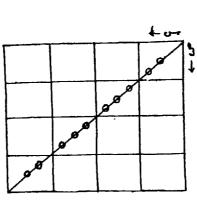
٢ — ينبغي أن تكون العلاقة بين المتغيرين مستقيمة ، ويقصد بذلك أنه اذا حسبت المتوسطات الحسابية للأعمدة أو للصفوف فانها تميل لأن تقع على خطين مستقيمين أحدهما يربط بين متوسطات الصفوف والآخر بين متوسطات الأعمدة — أما اذا كان الحط الذي يربط بين متوسط يميل لأن يكون منحنيا فان الذي يستخدم في هذه الحالة هو معامل آخر يطلق عليه نسبة الارتباط « Correlation Ratio » التي سنشرحها فيما بعد .

- ٤٢	_ ٣0	- YA	- Y1	- 18	- Y	(h) (i-)
				13/		– ۳
		×				- 7
			1×		•	1
		2	0			- 17
	0	×				_ \0
-	3/					- 11

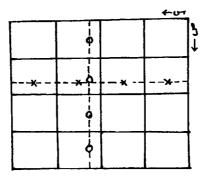
شكل (٤٣) العلاقة المستقيمة

ويطلق على المستقيم الذي يربط بين متوسطات أحد المتغيرين بخط الانحــــدار «Regression line » فالمستقيم المتصل يربط بين متوسطات درجات اختبار (أ) والمنقط يربط بين متوسطات درجات اختبار (ب) ويلاحظ أن النقط التي تعبر عن المتوسطات لا تنحرف كثيرا عن المستقيمين . مما يدل على أن العلاقة هنا مستقيمة . أما الحالات التي يكون خط الانحدار فيها قوسا فسيأتي توضيحها فيما بعد .

ويلاحظ في شكل (٤٣) أن الزاوية بين المستقيمين صغيرة نوعا . ويمكننا أن نقول أنه كلما صغرت الزاوية بين مستقيمي الانحــــدار زاد معامل الارتباط بين المتغيرين ، بحيث اذا صغرت لحد انطباق المستقيمين كل على الآخر أصبح معامل الارتباط + ١ وكلما زادت الزاوية بينهما كلما قل معامل الارتباط بين المتغيرين حتى تصل الزاوية الى ٩٠ فيصبح معامل الارتباط صفرا .



شكل (٤٤) معامل ارتباط (١)



شكل (ه؛) معامل ارتباط (صغر)

الانحـــدار والتنبــــؤ :

ذكرنا أن المستقيم الذي يربط بين المتوسطات الحسابية لقيم أحد المتغيرين المقابلة لقيم المتغير الأخرى يطلق عليه خط الانحدار ، وكان أول من استخدم هذا الحط لأول مرة جولتن Galton في بحثه على وراثة طول القامة .

فقد وجد أن الأطفال الذين يأتون من آباء طوال القامة يميلون لأن يكونوا أقصر قامة من آبائهم ، والذين يأتون من آباء قصار القامة يميلون لأن يكونوا أطول قامة من آبائهم ، أي أن طول الأبناء يميل الى التراجع أو الانحدار نحو المتوسط العام ، وقد أطلق على هذه العلاقة اسم قاعدة الانحدار ، كما أطلق على الحط الذي يوضح هذه العلاقة اسم خط الانحدار .

وفي المثال السابق حاولنا بالنظر رسم مستقيمين يمران بأكبر عدد من نقسط المتوسطات ويكون أقرب ما يكون من النقط الأخرى . ولكن بيرسون قد أوجد طريقة

رياضية لرسم كل من هذين المستقيمين . ومن الواضح أن مثل مستقيم الانحدار يصلح أساسا للتنبؤ ، فاذا عرفنا قيمة أحد المتغيرين أمكن التنبؤ بالقيمة التي تكون أكثر احتمالا للمتغير الثاني .

ويمثل كل من مستقيمي الانحدار بمعادلة تشتمل على المتغيرين س ، ص ومعامل الارتباط ، فمعادلة ص على س أي المعادلة التي تتنبأ بقيم ص اذا عرفت قيمة س هي كالآتى :

$$\sigma^{-}_{w} = \chi \frac{\mathring{\beta}_{w}}{\mathring{\beta}_{w}} \times \sigma_{w}$$

أى أن انحراف القيمة المقدرة للمتغير ص = معامل الارتباط ×

الانحراف المعياري للمتغير (ص) × انحراف القيمة المعروفة للمتغير (س) الانحراف المعياري للمتغير (س)

ويطلق على مر<u>ع س</u> معامل الانحدار

ونلاحظ في هذه المعادلة أن كل من بر ، ع س ، ع _س تكون معلومة لدينـــا فاذا عرفنا ح س أمكن حساب ح س المقابلة لها .

ففي المثال السابق بجدول (٧٩) لمعرفة معادلة المستقيم الانحداري لاختبار (ب) على ت نجد أن الانحراف المعياري لاختبار ب = ٣,٧٢

والانحراف المعياري لاختبار أ = ٩,٤٥

فتكون معاد'ة المستقيم المطلوب هي

$$\neg \neg w = \$7, \times \frac{7, \vee 7}{9, \$0} \times \neg w$$

ج , **در ۲۰**, =

⁽١) الخط الموضوع فوق حص معناه ان هذه القيمة تقديرية وهي اقرب ما تكون من القيمة المتوقمة .

ونظرا لأن هذه المعادلة موضوعة في صورة انحرافية أي أن عواملها هي انحرافات عن المتوسط فاننا نحتاج في استخدام هذه المعادلة لمعرفة الحساب للمتغيرين. فهو بالنسبة لاختبار أ = ٢٨,٤٢ ولاختبار ب= ١٢.٧٢.

فاذا عرفنا مثلا أن أحد الأشخاص كانت درجته في اختبار (أ) ٣٥ نستطيع أن نتنبأ بدرجته في اختبار (ب) على النحو الآتي :

٠٠درجته في اختبار ب = ١٣,٣٨ + ١,٦٥ = ١٠,٠٣

$$\lambda i i c_{w} = \frac{3w}{3w} \times c_{w}$$

هي معادلة المستقيم الانحداري للمتغير س على ص

فاذا عرفنا قيمة من قيم المتغير ص أمكن تقدير القيمة المقابلة لها في المتغير (س) مع مراعاة أن هذه المعاداة أيضا انحرافية .

فاذا عرفنا أن شخصا أخذ في اختبار (ب) مثلا ١٦ درجة فانه يمكن التنبؤ بدرجته في اختبار (أ) كما يأتي :

۸,۳۳ =

أي أن درجته في اختبار (أ) حسب التقدير = ٣٥,٣٥ + ٢٧,٠٢ = ٣٥,٣٥

كيفيسة رسم مستقيم الانحسدار:

يحتاج رسم مستقيم الانحدار الى معرفة كل من معامل الارتباط بين المتغيرين والمتوسط الحسابي والانحراف المعياري لقيم كل منهما . فعن طريق معامل الارتباط والانحرافين

المعياريين يمكن تكوين معادلتي الانحدار . وقد وجدنا أن معادلة انحدار اختبار ب على اختبار أ في المثال السابق

$$\int_{3}^{2} x = \frac{3\overline{y}}{3} \times x = \frac{3}{3}$$

وبما أن أي مستقيم يتحدد بنقطتين فيمكن تحديد نقطتين في المستقيم الانحداري عن طريقهما يرسم المستقيم ولنفرض أن النقطتين هما ح على الله المستقيم ولنفرض أن النقطتين هما ح على الله الله المستقيم ولنفرض أن النقطتين هما ح

$$\cdot$$
 ح-ب (عند النقطة ح $_1$ = 10 أو القيمة $_1$ ٤٣,٤٢)

$$37, \qquad \times \frac{7, \sqrt{7}}{63.9} \times 61 = 60, 7$$

فتكون قيمة ب المقابلة للنقطة (ح ١ = ١٥)

$$= 17,47 + 0,000 = 17,40$$
 وتكون قيمة ب عند النقطة (ح أ = _ 0 1 أي القيمة $= 17,40$) = $= 17,40$ ($= 17,40$) = $= 17,40$ ($= 17,40$) = $= 17,40$

ومن هاتين النقطتين يمكن رسم مستقيم الانحدار لاختبار ب على أ

- ٤ Y	Yo	- YA	- 11	- 18	- Y	
						_ r
						٦
					0	_ 9
		0	0			- 17
-*	-					- 10
0						- 14

جدول (٦٧) خط الانحدار

هذا ويمكن للطالب أن يحاول بنفسه رسم خط الانحدار الآخر الذي يمكن به التنبؤ بدرجات اختبار أ اذا عرفت درجات اختبار ب باختيار نقطتين وتوصيل خط الانحدار بينهما كما اتبع في خط الانحدار الأولى . ويمكن وضع معاداًي خطي الانحدار على صورة أخرى بالاستعاضة عن الانحراف بالقيم الأصلية مباشرة . فاذا أردنا استخراج قيمة ص بمعرفة قيمة س أمكن تطبيق المعادلة :

واذا أردنا استخراج قيمة س بمعرفة قيمة ص أمكن تطيق المعادلة

$$m = \pi \frac{3\pi}{3} (m - 9\pi) + 9\pi$$

حيث م س ، م س المتوسطان الحسابيان لكل من المتغيرين (س ، ص) ويلاحظ أن المعادلتين تؤديان الى استنتاج هو أن :

مربع معامل الارتباط = ميل (١) مستقيم انحدار ص على س \times ميل مستقيم انحدار س على ص .

من هذا يتضح أن معادلة الانحدار هي معادلة تنبؤية لتوضيح العلاقة بين المتغيرين ، بحيث يمكن عن طريقها التنبؤ بقيمة لا تكون معروفة لدى الباحث ولا يفهم مطلقا أن القيمة المقدرة تقديرا تنبؤيا لا بدوأن تنطبق تماما على القيمة الحقيقية التي تنتج عن البحث الواقعي ، ولكن المقصود هو أنه لو أجرى البحث على حالات كثيرة العدد فان متوسط القيم يكون قريبا جدا من القيمة النظرية الناتجة من المعادلة الانحدارية ، ولهذا فان مستقيم الانحدار كغيره من العلاقات الاحصائية التنبؤية يوفر على الباحث كثيرا من الحطوات العملية التي تستنفذ في تطبيقها جهدا ووقتا — على أن هذا الاقتصاد في الجهد العملي لا يكون على حساب الدقة العلمية ، وخاصة وأن للاحصاء وسائله في التأكد من صلاحية النتائج الحسابية الاحصائية للاستنتاج والتفسير والاعتماد عليها للوصول الى الحقائسة العلميسة .

⁽۱) ميل المستقيم هو ظل الزاوية التي تنحصر بينه وبين المحور، ومعادلة أي مستقيم يمر بنقطة الأصل حمس وعل ذلك فميل مستقيم انحدار ص على $\frac{3}{9}$ ص حراء مستقيم انحدار ص على ص حراء مستقيم انحدار ص على ص حراء مستقيم انحدار ص

الرابط الثنائي أو ذو الشعبتين Bi-Serial Correlation الرابط

يستعمل هذا النوع من الترابط في الحالات التي يتعذر فيها تصنيف أحد المتغيرين الى فئات عدية محددة المدى بينما يتبسر ذلك للباحث فيما يتعلق بالتغير الآخر والحالات التي يستخدم فيها الترابط الثنائي هي التي يصنف فيها أحد المتغيرين في مجموعتين . وأمثلة هذه الحالات كثيرة في البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية . فقد يكون البحث متعلقا بمدى العلاقة بين قدر الشخص في ناحية معينة واتصافه أو عدم اتصافه بسمة خاصة من سمات الشخصة . فاذا أردنا مثلا أن نوجد العلاقة بين الذكاء والتوافق الاجتماعي قد نستطيع أن نقيس الذكاء وتصنيف الأفراد تصنيفا دقيقا في فئات محددة بينما قد لا يتسى لنا ذلك في التوافق الاجتماعي ، فنكتفي بأن نصف الشخص بأنه متوافق اجتماعيا أو غير متوافق اجتماعيا . ومن الأمثلة الأخرى لهذا النوعمنالحالاتالتي يكون فيها أحد المتغيرين تحديدما اذاكان الشخص رياضيا أو غير رياضي ، من الجنس الأبيض أو مـــن الزنوج ، كما هو الحال عند ما يهدف البحث الى علاقة ذلك بالاتجاهات العقلية للفرد نحو موضوع معين في البحوث الاجتماعية أو متعلم أو جاهل ، أو ذكر أو أنثى ، أو مقبول أو مرفوض في عمل . أو ناجح أو راسب في امتحان ما ، أو اجابة سؤال بنعم أو لا ، أو اعتناق الشخص لاتجاه معارض أو موافق نحو موضوع معين ... وهكذا . ففي كل هذه المجالات يتعين على الباحث أن يحدد لكل فرد في العينة التي يشملها البحث قيمة محددة أو درجة معينة ، اما لعدم توفر المقاييس الدقيقة التي تعينه على ذلك ، واما لهدف تسهيل البحث فيكتفي بتصنيف المجموعة الى طائفتين متخذا لنفسه أساسا ضمنيا هو المعدل أو المتوسط « Norm » ، فيفضل من يقل عــن هذا المعدل في مجموعة واحدة عن الذين يزيدون عن المعدل في مجموعة أخرى .

مشال: اذا أراد باحث أن يوجد العلاقة بين نمط الشخصية « Personality Type » للفرد وبين درجاته في اختبار مناسب للذكاء فانه غالبا ما يكون من الصعب أن يضع هذه الأنماط في سلسلة منتظمة متساوية (١) الوحدات بحيث يحدد لكل فرد من أفراد العينة درجة خاصة ، بينما يكون من السهل عليه هذا التقسيم المحدد المفصل فيما يتعلق

⁽١) بالرغم من أن هناك مقاييس كثيرة في الوقت الحاضر لتحديد درجة اتصاف الفرد بميزات نمط خاص من أناط الشخصية الا أن هذه المقاييس لم تصل بعد لدرجة كافية من الدقة والثبات . ويفضل كثير من الباحثين تصنيف الأشخاص في محموعتين ، وأكثر هذه الأنماط شيوعاً هي : النوع الانطوائي والانبساطي .

بالذكاء وكثيرا ما يقسم الباحث شخصيات أفراد العينة الى نمطين : انبساطيون وانطوائيون . وواضح أن المتغير الثاني بالرغم من أنه مقسم فقط الى مجموعتين الا أنه متغير متصل Continuous ، أي أن هناك درجات محتملة لا تنقطع لهذا التغير ، ويمكننا أن نتصور اتصال هذا التغير اذا افترضنا امكان تحديد أعلى درجة من الانبساط والانطواء في الشخصية وتمثيل هاتين المرحلتين بطرفي مستقيم يمكن أن تمثل شخصية كل فرد منهم بنقطة عليه .

		معتـــدل		
×		×_	 -	×
ے جد	انبساطح		جدا	انطوائي

وعلى ذلك فاستخدام طريقة معامل الارتباط الثنائي ينبغيأن يكون مؤسسا على فرضين أساسيين :

 ١ ــ أن يكون كل من المتغيرين متصلا ، ولكن أحدهما قد صنف لسبب ما الى مجموعتين فقط .

٢ – أن كلا منهما موزع في المجموعة الأصلية Population توزيعا اعتداليا .

حساب معامل الارتباط الثنائي:

لنفرض أن الباحث في المثال السابق قد حصل على النتيجة الآتية :

المجموع	-14.	-17.	-11.	-1	_9.	^.	_V•	الذكاء
								الشخصية
14.	٥	۱۷	10		**	ľ	İ	انطوائي
4.	٣	1.	٨	٦	۳۲	10	١٦	انبساطي
44.	٨	۲۷	44	٣٥	٥٩	۳۷	۳۱	المجموع

جدول (٦٨) العلاقة بين نمط الشخصية والذكاء

فالأساس الذي يقوم عليه معامل الارتباط الثنائي هو المقارنة بين متوسط نسب ذكاء المجموعتين واحدا دل ذلك المجموعتين واحدا دل ذلك

على انعدام الارتباط بين المتغيرين . وكلما زاد أو قل متوسط الانطوائيين عن متوسط الانبساطيين كلما دل ذلك على علاقة قوية بين الانطواء والذكاء والعكس بالعكس . ولهذا فان العنصر الأساسي في هذا المعامل هو الفرق بين المتوسطين . فاذا رمزنا للمجموعة الأولى وهي مجموعة الانطوائيين بالرمز (أ) والمجموعة الأخرى بالرمز (ب) فان خطوات العمل تنحصر فيما يأتي :

أولا — أوجد متوسط قيم المجموعتين ، أي م ، ، م ب ثانيا — أوجد الانحراف المعياري للمجموعة الكلية ، أي ع .

وَقد حسبت في الجدولين الآتيين هذه المقادير الثلاثة .

(ب)	المجموعة		المجموعة (أ)				
ك ح-	- ح	التكرار (ك)	ك ح-	ح-	التكرار (ك)	الفئات (ف)	
٣٢	۲	١٦	٤٥	۳	10	- V·	
10	١ –	١٥	٤٤ _	۲	۱۲	۸۰ –	
_		44	YY	_	YV	- 4.	
٦	١	٦		١	79	۱۰۰	
17	Y	٨	١٥	١	١٥	- 110	
٣٠	٣	١.	4.5	۲	۱۷	- 14.	
14	٤	٣	10	٣	٥	- 18.	
71			7.8				
£V-	1	4.	117-		۱۳۰	المجموع	
۱۷			۰۲_				

جدول (٦٩) متوسط نسب ذكاء المجموعتين

$$1 \cdot 1 = \frac{1 \cdot x}{1 \cdot x} - 1 \cdot 0 = 1 \cdot 0$$

$$17, A = \frac{1 \cdot \times 1V}{1} + 10 = 0, r$$

ك ح-٢	ك ح-	ح-	싄	فئات الذكاء
774	۹۳	٣	٣١	- Y•
١٤٨	٧٤ —	۲	۳۷	– ۸۰
۰۹	04 -	١	٥٩	- 1 ·
	-	_	٣٥	- 1
77	۳۳	١	۲۳	- 11.
۱۰۸	٥٤	Y	77	- 14.
٧٢	71	٣	٨	- 14.
774	1.1		44.	المجموع
	777 ~			
	140 -			

جدرل (٧٠) الانحراف المياري المجموعة الكلية

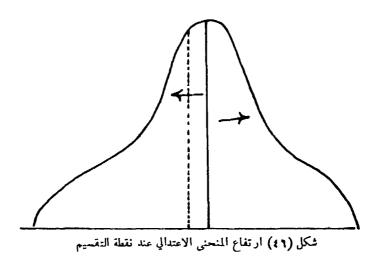
$$3 = \cdot \cdot \cdot \sqrt{\frac{4 \times r}{\cdot \gamma \gamma} - \left(\frac{4 \cdot \gamma}{\cdot \gamma \gamma}\right)^{\gamma}} = r \vee , r \cdot r$$

ثالثا _ أوجد نسبة عدد أفراد المجموعتين الى أفراد المجموعة الكلية (المجموعتين معا) ولنرمز لهما بالرمزين أ ب .

ففي هذا المثال
$$\hat{1} = \frac{17^{\bullet}}{77^{\bullet}} = 9$$
مر،

$$\cdot, \xi 1 = \frac{q_{\cdot}}{\gamma \gamma \cdot} = \psi \quad ,$$

رابعا ــ ارجع الى جدول المنحى الاعتدالي (٤٩) ، لمعرفة ارتفاع المنحنى الاعتدالي عن نقطة انفصال المجموعتين ، أي نبحث في هذا المثال عن ارتفاع عندما تكون المساحة الكبرى ٥٩.٠ والمساحة الصغرى ٥٤١، وهو يساوي ٣٩.٠



ولنرمز للارتفاع الذي نحصل عليه من الجدول عند نقطة التقسيم بالرمز «ص» . خامسا ــ عوض في القانون الآتي لتحصل على معامل الارتباط الثنائي

معامل الارتباط الثنائي =
$$\frac{1 - \gamma - \gamma}{3}$$
 × معامل الارتباط الثنائي

واذا كانت قيمة م ٢ – م ب سالبة الاشارة دلذلك على أن الارتباط عكسي على أنه اذا كان في هذا المثال متوسط نسبة ذكاء المنبسطين أكبر من متوسط نسبة ذكاء الانطوائيين دل ذلك على أن هناك علاقة عكسية بين الذكاء وانطواء الشخصية أو أن هناك علاقة طردية بين الذكاء وانبساط الشخصية .

فمعامل الارتباط الثنائي في المثال السابق يمكن ايجاده من البيانات الآتمة:

و هو معامل ارتباط بالرغم من أنه موجب الا أنه ضعيف وهذا أمر طبيعي لما ينتِظر للعلاقة بين النواحي الانفعالية والقدرات العقلية بوجه عام .

هذا وقد تمكن دنلاب (١) من تعديل القانون السابق لايجاد معامل الارتباط الثنائي الى الصورة الآتية $\frac{1-2}{3} \times \frac{1}{3}$

على اعتبار أن م هي متوسط قيم المجموعة الكلية .

التعديل الأخير يزيد من سهولة حساب المعامل نظرا لاقتصار حسابه على المجموعة (أ) والمجموعة الكلية ، وبذلك يتخلص الباحث من حساب معاملات المجموعة ب ، وبذلك يمكن حساب كل من م م ، م ، ع في جدول واحد كما يلي :

المجموعة (أ) المجموعة الكلية

كح	كح	التكرار	ك ح	ح	التكرار	الفئات
					٠,	ف
779	۹۳_	۳۱	10	٣	١٥	_٧٠
181	V£	**	£ £	Y	44	-۸۰
٥٩	- ۹-	٥٩	YV	١	44	_4 •
_	_	40		_	44	-1
74	74	74	١٥	١ ١	10	-11.
۱۰۸	٤٥	44	45	۲	۱۷	-17.
٧٧	71	٨	10	٣	٥	-14.
	-1.1		71			
7/19	۲۲۲	44.	117-		۱۳۰	المجموع
	-170].	۰۲_			

جدول (٧١) حساب معامل الارتباط الثنائي

والحديد في الصورة الثانية هو م (متوسط قيم المجموعة كلها)

وهو يساوي ۱۰۵
$$-\frac{170}{770} \times 1 = 19,77$$
 وهو يساوي ۱۰۵ $-\frac{100}{770} \times \frac{100}{770} \times \frac{100}{770} \times \frac{100}{770} \times \frac{100}{770}$ يكون معامل الارتباط الثنائي بناء على ذلك $-\frac{100}{100} \times \frac{100}{700} \times \frac{100}{700} \times \frac{100}{700}$

وهي نفس النتيجة التي حصلنا عليها بالصورة الأولى لهذا المعامل .

ومعامل الارتباط الثنائي يرمز له عادة بالرمز $\frac{R}{Bi}$ ويمكنأن نرمز له بالرمز العربي .

معسامل التسوافق:

يختلف معامل التوافق عن معامل الارتباط السابقة في أن كلا من المتغيرين في المعامل الأول يصنف الى عدد من الأنواع المتميزة ، دون التقيد مطلقا بشرط اتصال التوزيع فيهما ، أي أن الأصل في استخدام هذا المعامل الحالات التي يختلف فيها أحد المتغيرين أو كلاهما اختلافا نوعيا - ولكن ليس معنى ذلك أنه لا يصلح في الحالات التي يختلف فيهما المتغيران اختلافا كيا متصلا.

واليك مثالا للحالات التي يستخدم فيها المعامل .

تدل الملاحظات الورائية (١) على أن هناك اتجاها يؤدي الى التشابه بين لون عين الأم أو الأب ولون عين المسلم ولأب ولون عين الطفل ، فلايجاد مدى هذه العلاقة بين هذين المتغيرين جمع باحث عددا من الحالات ولاحظ فيها لون عين كل أم ولون عين ابنها وحصل من هذه الملاحظات على مسايأتي :

يلاحظ أن لون العين متغير منفصل Discrete Variable أي أن التصنيف هنا نوعي.

المجموع	أخضر	أزرق	عسلي	أسود	عين الأم عين الأب
0 8	١.	14	۱۳	10	أسود
٤٦	١٠.	١٢	11	١٠	عسلي أزرق
70	١٣	٧.	۱۷	10	أزرق
78	77	١٦	١٤	١٢	أخضر
770	00	٦.	٥٨	٥٢	المجموع

جدول (٧٢) العلاقة بين لون عين الأم ولون عين الابن

و يمكننا أن ندرك من مجرد ملاحظة القيم في هذا الجدول أن لون عين الأم ولون عين الابن يرتبطان ارتباطا موجبا . فاذا نظرنا الى الصف الأول وهو يمثل الحالات التي يكون لون عين الابن فيها أسودا وجدنا أن أكبر تكرار في هذا الصف هو تكرار الحليسة الأولى (١٥) . وهي الحلية التي يكون فيها لون عين الأب كذلك أسودا . وأكبر تكرار في الصف الثاني هو الذي يكون لون عين كل من الأب والابن عسليا ، وفي الصف الثالث والرابع نلاحظ أيضا نفس الملاحظة .

وهذه الملاحظة هامة من مبدأ الأمر ، لأن معامل التوافق لا يعطي اشارة الارتباط فهو لا يدل عما اذا كان الارتباط سالبا أم موجبا ، ولكن هذا يعرف من شكل توزيع التكر ارات في الجدول التوافقي وطريقة حساب معامل التوافق تنحصر في الخطوات التالية :

لكل خلية من خلايا الجدول أوجد مربع تكرار الحلية مقسوما على حاصل ضرب التكرار الكلي للعامود التابعة له التكرار الكلي للعامود التابعة له التكرار الحدى خلايا الجدول

عامو د أ		بالرمز (أ) وللصف التابعة له بالرمز (ب)
خلية أ ب	صف ب	كان الرمز الدال على الخلية (أ ب)

وتنحصر هذه العملية في ايجاد كان المناه العملية في جميع الحلايا ثم العملية في جميع الحلايا ثم

تجمع النواتج فان حاصل الجمع يمكن أن نرمز له بالرمز مح $\frac{|b|_{ij}^2}{|c|_{ij}}$ أي حاصل جمع خوارج قسمة مربع تكرار كل خلية على حاصل ضرب تكرار الصف التابعة له في تكرار العامود التابعة له .

وبتطبيق هذه العملية في المثال السابق نحصل على :

الصف الأول
$$\frac{(1)}{70 \times 00} + \frac{(17)}{70 \times 00} +$$

٢ ــ اذا رمزنا لحاصل الجمع السابق بالرمز مح فان معامل التوافق يمكن حسابه

$$\overline{\frac{1-2}{2}} \sqrt{\frac{1-1}{2}} = \sqrt{\frac{1-1}{2}}$$

وقد رمزنا هنا لمعامل التوافق بالرمز (ق) ويرمز له عادة بالرمز (C) هذا ويمكن تسهيل الحساب قليلا بالتعديل الآتي :

$$11,27 \times \cdot, \cdot Y = \left(\frac{Y(1)}{00} + \frac{Y(1)}{7} + \frac{Y(1)}{00} + \frac{Y(1)}{00}\right) \frac{1}{00} = 11,27 \times \cdot$$
 الصف الأول = $\frac{1}{00}$

$$4,07 \times \cdot, \cdot Y = \left(\frac{Y(1)}{Y(0)} + \frac{Y(1)}{Y(0)} + \frac{Y(1)$$

$$14, \cdot 7 \times \cdot \cdot Y = \left(\frac{Y(17)}{90} + \frac{Y(17)}{7} + \frac{Y(17)}{100} + \frac{Y(10)}{100}\right) \frac{1}{70} = \frac{1}{100}$$

$$14, \cdot 7 \times \cdot \cdot Y = \left(\frac{Y(17)}{100} + \frac{Y(17)}{100} + \frac{Y(17)}{100} + \frac{Y(10)}{100}\right) \frac{1}{100} = \frac{1}{100}$$

$$14, \cdot 7 \times \cdot \cdot Y = \left(\frac{Y(17)}{100} + \frac{Y(17)}{100} + \frac{Y(17)}{100} + \frac{Y(10)}{100}\right) \frac{1}{100} = \frac{1}{100}$$

الصف الرابع =
$$\frac{1}{37}$$
 ($\frac{(17)}{00}$ + $\frac{(17)}{7}$ + $\frac{(17)}{70}$ + $\frac{(17)}{70}$) = $\frac{1}{37}$ ($\frac{1}{37}$) = $\frac{1}{37$

ومن المفيد أن تعرف ما اذا كان معامل التوافق يمكن مقارنته بمعامل الارتباط . الواقع أن معامل التوافق به عيب أساسي هام ، وهو أنه يتأثر كثيرا بعدد الأقسام في كل من المتغير بن أي أنه يعطي نتائج مختلفة اذا قسمت البيانات في المتغير الى ستة أقسام بدلا من أربعة ، ولذلك فان قيمته ينبغي أن ينظر اليها على أساس عدد الأقسام التي قسم اليها كل متغير . وهناك حد أقصى لقيمة معامل التوافق تبعا لأقسام الجدول .

ويعطينا « Kendall Yule » القيم القصوي لمعامل التوافق في حالات عدد الحانات المبينة فيما يلي :

اذا كان عدد أقسام كل متغير ٢ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٧٠٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٣ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٨٦٦٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٤ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٨٦٦٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٥ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٨٩٤٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٦ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩١٣٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٧ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩١٣٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٧ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٢٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٨ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٨ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٨ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٨ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ١٠ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ١٠ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠

Yule G.U. and Kandell, M.G. An Introduction to the theory of Statistics.

ونظرا لأن المعامل في حالات التقسيم الضيق يكون بعيدا في حده الأقصى عن الواحد الصحيح فان هذا المعامل يكون في حاجة الى تصحيح في هذه الحالات ، حتى يمكن مقارنته بالمعاملات الأخرى . وقد اقترح « .Pearson, K » تصحيحا في حالات التقسيمات التي تقل عن أربع فئات تكل متغير ، ولكن اذا طبق نفس هذا التصحيح فيما اذا زاد عدد التقسيمات عن ذلك .

ولكن « Garret, H. » يقترح اقتراحا لهذا التصحيح أسهل كثيرا من تصحيح « Pearson » فهو يرى أن يقسم كل معامل نحصل عليه من الحساب على الحد الأقصى المبين عاليه لنفس عدد الأقسام ، وبذلك نحصل على معامل يصل الى الواحد الصحيح اذا كانت القيمة الناتجة معادلة للحد الأقصى المتوقع . ففي المثال السابق كان عدد أقسام كل متغير 123 ، ولذلك فان الحد الأقصى للمعامل هو ٨٨٦، وكان معامل التوافق الناتج من الجدول ٠٠,٣٩ و متصحيح هذا المعامل يصبح :

وبذلك تسهل مقارنة معامل التوافق بمعامل الارتباط ، وقد يقترب المعاملان بعضهما من بعض كثيرا في بعض الحالات ، بحيث لا يحتاج معامل التوافق الى تعديل وأهم هذه الحالات هي :

- ١ عندما يكون التقسيم مفصلا أي أن يقسم كل متغير الى خمسة أقسام أو أكثر .
 - ٢ ــ عندما تكون العينة كبيرة العدد نسييا .
 - ٣ عندما يكون التقسيم طبيعيا لا تصنع فيه ولا ضغط .
- عندما یکون من المعقول أن نفتر ض أن کلا من المتغیرین موزع في الطبیعة
 توزیعا اعتدالیا .

طريقة أخرى لحساب معامل التوافق:

هناك طريقة أخرى لحساب معامـــل التوافق تقتضي حساب قيمة معامل كا^٢ وسنشرح هذه الطريقة في الباب القادم عند شرح طريقة لحساب معامل كا^٢.

Pearson K. On the measurement of the influences of Broad Categories — (1) Biometrika, 9 (1913).

معسامل فاي Phi Coeficient .

يعتبر هذا المعامل حالة خاصة من الحالات التي تستخدم فيها معامل التوافق. فهو لا يستخدم الا في الحالات التي يقسم فيها كل من المتغيرين الى قسمين متميزين (نوعين مختلفين) ومن أمثلتها الصفات وعكسها مثل الجنسين مذكر ومؤنث عي وميت ، ملون وغير ملون ، استجابة وعدم استجابة ، شفاء وعدم شفاء ... الخ . فاذا أراد باحث معرفة أثر دواء خاص في شفاء نوع من الأمراض مثلا فيمكنه أن يختار عينة من المرضى بالمرض الذي هو مجال البحث ، ثم يقسم هذه العينة الى قسمين : قسم يعالج بالدواء الحاص وقسم لا يعطى أي نوع من العلاج ، ثم يبحث بعد مدة أثر هذا الدواء في شفاء المرض ، فيحصر عدد الذين شفوا باستعمال الدواء . ويقارن بعدد من شفوا بغير استعمال الدواء ، ويقارن بعدد من شفوا بغير استعمال الدواء ، ويقارن بعدد من

النسبــة	المجموع	لم يعالجوا بالدواء	عولجـــوا بالدواء	العلاج النتيجة
•,£٣ •, 0 ٧	١٠٠	140	110	شفوا من المرض لم يشفوامن المرض
١,٠٠	40.	۲۱۰	18.	المجموع
	١,٠٠	٠,٦٠	٠,٤٠	النسبة

جدول (۷۳) جدول تکراري لحساب معامل فاي

يلاحظ من هذا الجدول أن أغلب الذين عولجوا بالدواء قد شفوا من المرض ، فقد شفي ١١٥ من ١٤٠ مريضا بهذا الدواء ، بينما لم يشف أغلب الذين لم يعالجوا بالدواء ، فلم تشف غير ٣٥ فقط من ٢١٠ دون تعاطي الدواء . مما يدل على أن للدواء أثر يذكر في شفاء المرض .

ويرمز لهذا المعامل بالرمز كرولا مانع من أن نتخذ نفس الحرف رمز الهذا المعامل هنا. ولكي يسهل حساب معامل فاي في مثل هذا الجلول نحول هذه التكرارات الى نسب من المجموع الكلي ، أي بأن نجعل المجموع الكلي ١,٠٠ كما يلي ، كما نرمز لكل خلية بالجدول بالرموز المبينة :

المجموع	لم يعالجـــوا بالدواء	عوبلحوا بالدواء	النتيجة
۳۶,۰	۰٫۱۰ (ب)	(أ) ٠,٣٣	شفوا من المرض
۰, ۵ ۷ (ی)	۰۵, ۰ (د)	(>) · · · V	لم يشفوا من المرض
1,	۰,٦٠ (<i>ن</i>)	· , į · (A)	النسبة

جدول (٧٤) تحويل الجدول التكراري إلى نسبة تكرارية .

وتحسب نسبة كل خلية بقسمة تكرارها على المجموع الكلي لعدد الحالات ، فالنسبة ۱۷۰ من ۲۰۰ ، ۲۰ من ۲۰۰ ، ۲۰۰ من ۱۱۰ من ۳۵۰ ، ۲۰۰ من ۳۵۰ من

والقانون الذي يحسب به معامل Ø هو كالآتي :

$$\frac{1}{1} = \sqrt{1} = \emptyset$$

وهو يساوي في هذا المثال :

خاتمة في معامسل الارتباط:

درسنا في هذا الباب عددا من معاملات الارتباط ، ولكل من هذه المعاملات حالات

خاصة فيفضل فيه دون غيره . وأهم هذه المعاملات وأكثرها شيوعا هو معامل ارتباط بيرسون بصوره المختلفة ، فمعامل ارتباط الرتب لسيبرمان يستخدم عادة اذا كالحصول على الرتب المختلفة لأفراد العينة أكثر دقة من اعطاء كل قرد قيمة خاصة . ففي كثير من الأحيان يكون من الصعب امتلاك الأفراد لهذه الصفة وميزة معامل ارتباط سيبرمان سهولة حسابه ، الا أن مما يزيد صعوبة حسابه تكرار الترتيب وكبر عدد أفراد العينة . أما معامل ارتباط بيرسون فبالرغم من أنه يحتاج الى عمليات حسابية كثيرة الا أن الآلات الحاسبة تسهل ذلك كثيرا ، ولذا فان هذا هو المعامل الذي يعتمد عليه أغلب الباحثين في بحوثهم ، والصورة المشتملة على الجدول التكراري المزدوج تستخدم بنوع خاص في حالات العينات الكبيرة ومن المهم أن يتأكد الباحث من استيفاء الشروط اللازمة خاص في حالات العينات الكبيرة ومن المهم أن يتأكد الباحث من استيفاء الشروط اللازمة لاستخدامه قبل الالتجاء اليه . وأهمها أن تكون العلاقة مستقيمة أما اذا كانت العلاقة منحنة استعض عنه بنسبة الارتباط .

وفي الحالات التي لا يتسنى فيها تقسيم أحد العاملين الى أكثر من فتتين بينما يمكن تقسيم العامل الآخر تقسيما متصلا متدرجا ، فان المعامل الذي يصلح في هذه الحالة هو المعامل الثنائي ، أما اذا كان هذا هو الحال مع المتغيرين استخدم حينئذ معامل الارتباط الثنائي والرباعي ينبغي أن الرباعي . ويجب ألا ننسى أن استخدام كل من معامل الارتباط الثنائي والرباعي ينبغي أن يكون مؤسسا على أن كلا من المتغيرين يتغير تغيرا مستمرا Continuous وان الاقتصار على فتتين فقط لا يغير من هذا الأساس وانما قصد بهذا الاجراء التغلب على صعوبة الحصول على تقسيم أكثر دقة وتفصيلا ، بحيث اذا اشتمل البحث على أنواع متميزة منفصل بعضها عن بعض أصبح على الباحث أن يتجنب استخدام هذين المعاملين ، واستخدم بدلهما معامل التوافق في حالة امكان التقسيم الى أكثر من فئتين ، أو معامل فاي حالة تقسيم كل من المتغيرين الى فئتين منفصلتين .

أما معامل الارتباط المتعدد والجزئي فهما يستخدمان بنوع خاص في حالة حرص الباحث على أن يعمل حسابا لأكثر من متغيرين ، ويفيد الباحث كثيرا معرفة معادلسة الانحدار المتعدد ليقف على مدى أهمية العوامل المختلفة في التأثير في ظاهرة أو صفح خاصة . والفائدة الأساسية من معامل الارتباط الجزئي هي استبعاد أثر عوامل خاصة والابقاء على عوامل أخرى في احدى الظواهر أو الصفات حين يتعذر على الباحث أن يقوم بهذا الاستبعاد تجريبيا . وتثبيت هذا العامل أو هذه العوامل في العينة المختارة . مما لا يتسع له هذا الحال .

واذا استخدم الباحث احدى هذه الطرق فيجب أن يستخدم نفس الطريقة اذا كان يهدف المقارنة . فليس من الصواب أن نحسب معامل الارتباط بين أ ، ب معامل ارتباط الرتب ثم تحسب معامل التوافق بين ب ، ح ثم تقارن بين هذين المعاملين بعد ذلك لنقرر ما اذا كانت العلاقة بين أ ، ب أكبر أو أصغر قدرا من العلاقة بين ب ، ح بل يجب توحيد الطريقة في حالات المقارنة .

وفي تفسير معامل الارتباط ينبغي أن يكون الباحث حريصا : فمجرد وجود الترابط لا يدل على أن أحد العاملين سبب العامل الآخر أو نتيجة له ، فالعلاقة السببية كما ذكرنا في الباب الأول لا يمكن الوصول اليها عن طريق الاحصاء فقط ، بل يحتاج علاوة على ذلك ادراكا لطبيعة هذين العاملين مما لا يتيسر للاحصاء الوصول اليه .

وينبغي ألا يغيب عن بالنا أن قيمة معامل الارتباط متعلقة لدرجة كبيرة بالعينة التي يحسب على أساسها فلا يصح أن نقول أن معامل الارتباط بين الميل الاجرامي والذكاء هو ... فليس هناك معامل ارتباط مطلق بل ان المعامل نسى دائما ومرتبط بصفات العينة .

ولكي نوضح اختلاف قيمة معامل الارتباط باختلاف العينة نفرض أنه أجى اختباران على ٦ أشخاص ، أ ، ب ، ح ، د ، ه ، و – وكانت درجاتهم فيهما كالآتي :

(ب)	اختبار	ر (أ)	اختبا	
۲.		٥.		î
40		40		ب
٨		٨		>
۲.		۰۵		د
10		10		A
۲.		۰۰		و

ولنفرض أننا أخذنا عينة من ثلاثة أفراد فقط من هذه المجموعة وكان هؤلاء الأفراد هم أ ، د ، و ـــ ودرجاتهم في الاختبارين هما :

اختبار (ب)	اختبار (آ)	
٧.	٥٠	i
٧.	٥٠	د
۲.	٥٠	,

فاذا حسبنا معامل الارتباط بالانحرافات أو القيم الخام بين درجات الاختبارين في هذه

العينة وجدنا أن معامل الارتباط = صفر بينما لو اختر نا ب ج ، ه ، و درجاتهم كالآني:

اختبار (ب)	اختبار (أ)		
40	70	ب	
٨	٨	>	
10	10	_	

لكان معامل الارتباط = ١

وعلى وجه العموم فانه كلما كانت القيم في العينة مختلفة اختلافا متسعا كلما كانت قيمة معامل الارتباط أكثر ارتفاعا ، بينما كلما كانت العينة متقاربة في الصفتين المطلوب ايجاد العلاقة بينهما كلما صغرت قيمة معامل الارتباط ، ويمكن توضيح هذا من الجلول الارتباطى الآتي الذي ببين العلاقة بين أطوال ١٠٠ طالب من طلبة الجامعة وأوزائهم .

					i .			الطول
المجموع	-14•	-170	-14.	-170	-17.	-\00	-10.	_
								الوزن
ΥΥ							۲	_0.
11				۲	۲	٤	۴	00
17		١	١	٦	0	۲	۲	− ٦・
۱۷	<u> </u>	١	۲	٥	٤	٣	۲	- 70
١٢	\	\	٥	۲	۲	١		V·
14	١		٥	٤	۲		١	_ Vo
14	\	Ę	٤	٣	١			- ^ .
10	•	٣	•	Y				— Ao
١	٨	١.	۱۲	7 5	١٦	١.	١.	المجموع

جِدُولُ (٧٥) أثر العينة المختارة في معامل الارتباط بين الطول والوزن

من ملاحظة تكرار خلايا الجدول يتضح أن معامل الارتباط بين الطول والوزن موجب مرتفع. ولنفرض أن الجدول اقتصر على التكرارات المحصورة في أحد المربعين الموضحين داخل الجدول. أي أننا قصرنا الحساب على عينة مختارة Selected ومتجانسة تجانسا كبيرا « Too Homogeneous » أي اخترنا ٣٣ طالبا (المربع العلوي) أطوالهم من ١٥٥ كجم الى أقل من ١٧٠ كجم . أو ٢٨ طالبا (المربع السفلي) أطوالهم محصورة بين ١٦٥ سم وأقل من ١٨٠ سم وأوزانهم بين طالبا (المربع السفلي) أطوالهم محصورة بين ١٦٥ سم وأقل من ١٨٠ سم وأوزانهم بين المينتين يكاد يكون صفرا .

من هذا يتضح أن الباحث ينبغي أن يكون حريصا في اختيار العينة التي يحسب على أساسها معامل الارتباط حتى لا تكون عينة مختارة ومتجانسة تجانسا كبيرا ، كما ينبغي أن يقرن قيمة معامل الارتباط الذي ينتج في بحثه بذكر العينة التي أجرى عليها البحث .

أسئلة على الباب الخامس استبيانات للشخصية .

العصبية	الشعور	الانطواء	الخضوع	التوافـــــق الاجتماعي	رقــم
	الشعور بالنقص		والسيطرة	الاجتماعي	الطالب
18	77	11	10	٨	١
١.	40	١٦	**	4	۲
١٢	٧,	١.	۱۲	1.4	٣
4	18	۱۲	44	11	٤
14	14	١٥	40	۱۷	٥
11	40	17	17	17	٦
4	٧٠	١٠	٦	,10	٧
۱۷	41	11	۱۸	19	۸
14	40	۱۳	٩	11	4
10	44	17	70	١٣	١٠.
14	40	10	٧٠	١٤	11
111	72	11	44	١٢	۱۲
-17	44	١٠		۲۰	١٣
14	40	١٢	17	١٣	18
1 11	44	11	17	10	10
14	77	10	۳۸	18	17
12	79	17	14	1.4	۱۷
11	7 2	14	٣٥	41.	1/
10	70	1 1 1	٣٠	۱۲	11
17	YA	10	77	18	٧٠
١٨	7.7	17	70	18	41
11	70	10	17	١٣	77
11	71	1 14	٨ .	19	74

1	14	**	17	70	١٠	7 2
	18	77	١٤	44	17	Y0
	11	١٨	۱۵	44	١٣	77
		17	17	70	- 11	77
	14	YA	1٧	19	١٤	YA
	4	10	١.	17	١٨	79
١	١٥	44	10	44	١٣	۳٠
١	11	10	11	١٥	11	71
	17	1.4	14	40	۱۲	44
l	17	٧٠	١٥	٧٠	١٨	44
	١٥	YV	١٧	**	10	71
	14	77	١.	٣٠	18	40
	10	71	11	71	19	47
ł	11	40	١.	18	٧١.	**
	١.	19	٨	١٢	17	۳۸
	١٥	40	10	74	١٢	44
	١٥	۳.	40	٣٥	١٤	٤٠
	11	٧.	١٠	70	۱۷	٤١
	14	44	١٢	44	19	27
	11	٧.	١٥	۳۷	١٢	٤٣
	۱۳	44	۱۸	٤٢	10	11
	18	41	۱۳	40	۱۲	٤٥
	11	70	19	۲۸	١٤	٤٦
	٩	71	۱۲	44	41	٤٧
	•	۱۸	11	17	11	٤٨
	۱۷	19	١٥	47	١٣	٤٩ -
	١.	41	11	14 .	11	۰۰
	L	1 .	1	1	L	1

جدول (٧٦) درجات خمسين طالباً في خمس استبياذات للشخصية

۱ - احسب معامل ارتباط الرتب بين درجات عشرين طالبا (۱ - ۲۰) في الاستبيانين .

$$(1) \cdot (1) - (1)$$

۲ باستخدام معامل ارتباط بیرسون أوجد مدی العلاقة بین درجات عشر طلبة
 ۱) فی الاستبیانین .

(استخدم الدرجات الأصلية « الحام » كما هي ، دون الاستعانة بتخطيط الانتشار) .

٣ - حول الدرجات في المسألة السابقة الى انحرافات عن المتوسط الحسابي واحسب معاملات الارتباط من هذه الانحرافات ، وحقق النتائج الثلاثة التي حصلت عليها في المسألة السابقة بهذه الطريقة .

استخدم تخطيط الانتشار والجدول التكراري المزدوج في حساب معامل الارتباط بين درجات كل استبيان ودرجات غيره من الاستبيانات ، وضع النتائج التي تحصل عليها في مصفوفة ارتباطية على الصورة الآتية :

(0)	(٤)	(4)	(٢)	(1)	
2.10	٤١٦	۳۱ <i>۰</i>	۳۱ ک	-	(1)
2.40	نزدع	بر ۴۲	_	142	(Y)
مرجه	24.75		۳۲ ک	241	(٣)
230	_	452	12 ×	152	(£)
	ر ه ځ	405	207	105	(0)

الجدول الآتي يبين العلاقة بين الاتجاه لعدد من الأشخاص نحو التعصب الديني ودرجاتهم في استبيان لقياس مدى التدين والمطلوب حساب معامل الارتباط الثنائي Bi Serial

المجموع	_ 40	- 4.	70	_ Y ·	- 10	_ \·	_0	صفر ــ	الاسة يان الانجاه
٧٣	70	١٥	۱۲	١٠	٥	٤		۲	موافق
VV	١.		٤		١٠	70	١٣	١٥	معارض
10.	40	10	17	١٠	١٥	79	١٣	۱۷	المجموع

جدول (٧٧) العلاقة بين الاتجاه نحوالتمصب الديني و درجات استبيان مدى التدين

تسم درجات استبیان التوافق الاجتماعی (۱) فی الأسئلة السابقة الی قسمین : أقل من ۱۵، ۱۵ فاكثر . و درجات تباین الشعور بالنقص (٤) الی ست فئات : ۱۲، أقل من ۲۰ - ۲۰ - ۲۰ و استنتج من ۱۳ - ۲۰ - ۲۰ - ۲۰ و استنتج من هذا الجدول معامل الارتباط الثنائی بین درجات هذین الاستبیانین .

٧ ـــ الجدول الآتي يبين العلاقة بين جنسية الفرد ونوع الموسيقى التي يفضلها .

نوع الموسيقي المفضلة جنسية الشخص انجليزي فرنسي ألماني ايطسالي أسباني المجموع انجدري ۲۲ ٤٧ 17 ۳. ۱٥٧ 27 فرنسي ۱۰ 77 ٤٠ ٤١ ألماني 37 1.0 74 77 17 ايطالي 2 2 77 ٤٤ ۲. 17 أسبانى 77 24 ۳. ٥٣ ٨ 111 111 المجموع 🛮 ٧ 1 . . . 7.7 724

جدول (٧٨) العلاقة بين الجنسية والنوع المفضل في الموسيقى

احسب معامل التوافق (ق C) بين هذين المتغيرين .

Converted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

الباب السادس

العينات ومقاييس الدلالة

العينسات واختيسارها:

من أهم المشاكل التي يصادفها الباحث مشكلة اختيار العينة التي يجري عليها البحث. لأنه يتوقف على هذه العينة كل قياس أو نتيجة يخرج بها ، فالاختبار العقلي قد يوصف بأنه صعب أو متوسط أو سهل حسب العينة التي يطبق عليها ، والمتوسط الحسابي لأي صفة نفسية أو اجتماعية يتغير بتغير المقياس الذي يستخدم في هذا القياس ، كما يتغير تغيرا كبيرا تبعا للعينة التي يختارها الباحث في قياس هذه الصفة . ومعامل الارتباط بين أي متغير بن كذلك _ يتوقف على درجة انسجام أو اختلاف العينة التي يحسب فيها هذا المعامل .

ويضطر الباحث لاجراء بحثه على عينة محدودة العدد لا على المجتمع الأصلي بأكمله ، لأن اجراء البحوث على المجتمع الأصلي بأكمله يكلف الباحث قدرا كبيرا جدا من الوقت والجهد والمال . ويكفي أن نتصور مقدار الوقت والجهد الذي يبذل عندما تنظم الحكومة القيام باحصاء عام كل عشر سنوات ، مع أن الاحصاء لا يشتمل الا على عملية عد بسيط وحصر للأفراد الموجودين . فان كان البحث يشتمل على اختبار وتحقيق حالات اجتماعية وبحث حالات فردية Study كانت الصعوبة التي يصادفها الباحث في تطبيق بحثه على المجتمع بأكمله مضاعفاً أولا سيما وأن الاحصاء قد بلغ من التقدم الآن مرحلة يستطيع الباحث أن يستنتج من العينة الصغيرة المحدودة ما يود استنتاجه عن المجتمع الأصلي يستطيع الباحث عند اختيار العينة لا يقوم بهذا الاختيار دون التقيد بنظام أو وسيلة علمية خاصة بل هناك شروط خاصة ينبغي توافرها الاسبيان الآتيان :

ا ــ أن تكون العينة ممثلة Representative للمجتمع الأصلي . فاذا كان المجتمع الأصلي مثلا مكونا من صندوق من البلي : الأزرق والأصفر والأحمر وأردنا أن نأخذ

عينة من هذا الصندوق فكلما اشتملت العينة على جميع الألوان المكونة لهذا الصندوق · كانت العينة صالحة لتمثيل المجتمع .

٢ – أن تكون لوحدات المجتمع الأصلي فرصا متساوية Equal Chances في الاختيار . وكثيرا ما يقع الباحث في خطأ عدم استيفاء هذا الشرط في العينة التي يختارها دون قصد منه ، فاذا كان البحث يتعلق باجراء استبيان على مجموعة خاصة ، كان من السهل عليه أن يختار الأشخاص القريبين منه أو المحتكين به ، وفي هذا قصر الاختيار على مجموعة دون غيرها ، وعدم اعطاء جميع أفراد المجتمع فرصا متساوية في الاختيار .

وغالبا ما يكتفي الباحث بالشرط الثاني ، لأن فيه عادة ضمان لاستيفاء الشرط الأول فاذا ضمنا تساوي فرص الاختيار لجميع الأفراد حصلنا عادة على عينة ممثلة للمجتمع الأصلي ، ويمكن للطالب أن يجري بنفسه التجربة الآتية :

ضع ٢٠٠ قطعة من قطع الورق الصغيرة في صندوق وقسمها الى خمسة أقسام أي ٤٠٠ قطعة في كل قسم ، واكتب الرقم (١) على قطع القسم الأول ، (٢) على قطع القسم الثاني ، (٣) على قطع القسم الثالث ، (٤) على قطع الرابع ، (٥) على قطع القسم الخامس .

ثم اخلط هذه القطع جميعها خلطا جيدا في الصندوق. ثم اختر عينات كل منها من خمس ورقات مع ملاحظة الأرقام المكتوبة على أوراق العينة وارجاعها للصندوق في كل مرة . وكرر ذلك حوالي عشرين مرة أو أكثر تلاحظ أن خمس عدد الأوراق في العينات تقريبا مكتوب عليها الرقم (١) ، وخمسها أيضا مكتوب عليه الرقم (١) و ... وهكذا مما يوضح أن العينة المختارة هي في نفس الوقت ممثلة للمجتمع الأصلي ، لأنها تتكون من نفس الصفات بنفس السيب .

والطرق الشائعة لاختيار العينات يمكن حصرها فيما يأتي :

العينة العشوائية Random Sample :

يقصد بالعينة العشوائية تلك العينة التي لا تتقيد بنظام خاص أو ترتيب معين مقصود في الاختيار . وبذلك نضمن لجميع أفراد العينة فرصا متساوية . وفي هذه الحالة توصف العينة بأنها غير متحيزة Unbiassed . والطريقة العادية التي يميل اليها العامة دائما وهي كتابة أسماء أو أرقام العينة في أوراق صغيرة وتطبيقها وخلطها تماما ثم اختيار العسدد

ويطلق كثير من الباحثين الاجتماعيين على هذا النوع من العينة اسم الاختيار المباشر من الملف « Direct File Sampling » ويقتضي هذا الاختيار الاطلاع على الملف المجتوي على أفراد المجتمع الأصلي (ان كان من المتيسر ذلك) ، ثم اجراء الاختيار من الأفراد المدونة في هذا الملف مباشرة .

وبالرغم من السهولة الظاهرة في هذه الطريقة الا أن كثيرا من الباحثين يقعون في أخطاء عند تطبيقها . ففي احدى الاستفتاءات التي أجريت في الولايات المتحدة الخاصة بانتخاب رياسة الجمهورية قبل اجرائه ، اختيرت العينة من بين أسماء الأشخاص المدونة أسماؤهم في كراسة أرقام التليفون بطريقة عشوائية الا أن الواقع أن حصر الاختيار من بين أسماء الأشخاص المدونين في هذه الكراسة يحد من اختيار العينة ، لأنه من الطبيعي أن الأشخاص الذين اختيرت منهم العينة هم فئة خاصة من المجتمع الأصلي وليس المجتمع الأصلي كله . وهم عادة فئة أحسن حالا وأرقى من حيث المستوى الاقتصادي الاجتماعي من الذين لم تدرج أسماؤهم ، وبهسذا وقسع الاستفتاء في خطأ غير مقصود ، وهو عدم اعطاء فرص متساوية لأفراد المجتمع الأصلي ، باهمال عدد منهم وحرمانهم من حقهم في الاختيار في العينة .

ويعلق نيو كومب Newcomb (١) على احتمال وقوع الباحث في خطأ تطبيق العينة العشوائية دون قصد منه حين يقول :

Newcomb. T, Social Psycholegy. (1)

و اذا كان على الباحث أن يقابل تبعا للعينة العشوائية أشخاصا لا يميل لمنظرهم ، أو أن يفضل أن يتعرض لأقسام خاصة من المدينة أو حتى اذا تجنب الحروج من منزله في يوم مطير ، فانه يكون من السهل عليه أن يملأ بياناته دون أن يتعرض لما يكرهه » .

وللتقليل من العامل الشخصي بقدر الامكان تلجأ الهيئات الى الوسائل الآلية في اختيار العينة ، كما يحدث مثلا في سحب أرقام اليانصيب أو في استخدام زهر اللعب والأرقام التي يقع عليها لتحديد الاختيار . وقد ذكرنا سابقا عند الكلام على المنحنى الاعتدالي كيف تتحددهذه الأرقام بعامل الصدفة .

: Stratified Sample العنقة الطبقية

العينة الطبقية هي تلك العينة التي يتم اختيار ها على مرحلتين :

- ١ ــ مرحلة تحليل المجتمع الأصلي .
- ٢ 🔃 مرحلة الاختيار العشوائي في حدود صفات المجتمع الأصلي .

فالباحث في هذه الطريقة يبدأ بدراسة المجتمع الأصلي ، فيعرف الأوصاف المختلفة المشتمل عليها ، والنسب التي تتمثل بها كل صفة في هذا المجتمع ، وبعد هذه الدراسة يتبع نظاما عشوائيا متقيدا بنتائج تحليله في الخطوة الأولى . ولنفرض أن باحثا أراد أن يبحث المستوى الاقتصادي الاجتماعي لطلبة كلية من الكليات وأراد اختيار عينة من طلبة الكلية متبعا هذه الطريقة ، فان عليه أن يدرس طلبة الكلية من نواحى كثيرة أهمها : --

- (أ) نسبة عدد طلبة الأقسام المختلفة والسنوات المختلفة .
 - (س) نسبة الطلبة الى الطالبات.
 - (ج) نسبة الأديان المختلفة .
 - (د) صناعة الوالد أو ولي الأمر .
 - (م) منطقة السكن.
 - (و) مستوى تعلم الوالدين . . .
 - الخ .

وهكذا فان على الباحث أن يعمل حسابا لعوامل كثيرة حتى يجعل العينة التي يختارها

ممثلة تمثيلا تاما بقدر الامكان للمجتمع الأصلي . فيحافظ على النسب المختلفة والأنواع المتباينة في العينة الني يختارها . فالعينة الطبقية لا يمكن وصفها بأنها عينة عشوائية أو عينة مقيدة ، ذلك لأنها تجمع بين الناحيتين فهي مقيدة بأوصاف المجتمع الأصلي وعشوائية في حدود هذه الأوصاف .

ويطبق هذا النوع في البحوث الاجتماعية تحت أسماء وصور مختلفة أكثر شيوعــــا Quota Sampling, Area Sampling

وفي النوع الأخير تحدد المساحات أو الأقسام التي تقسم اليها المنطقة أو المدينة الواحدة، ولذا فمما يسهل هذا النوع من الاختيار أن يكون لديه خريطة للمنطقة أو القسم أو المساحة المراد تمثيلها في العينة ، ثم تختار المناطق التي تمثل في العينة اما بطريقة عشو اثية أو بشروط خاصة يضعها المجرب. ففي حالة استفتاءات الرأي العام مثلا يتعين على المجرب بعد وضع تصميم خطة العينة أن يتصل بجميع أفراد المنطقة التي يختارها أو بعدد ما يختاره منها بطريقة ما . ومن عيوب هذه الطريقة أن بعض الأشخاص المراد استطلاع رأيهم ينتقلون من مكان لآخر أثناء تطبيق الاستفتاء ، أو أن بعض المختارين في العينة قد لا يميلون للتعاون مع الباحث فيضطر الباحث الى الاستعاضة عنهم بغيرهم . وسيأتي تفصيل هذه الطريقة فيما بعد .

وواضح أن هذه الطريقة تستغرق جهدا في تحليل المجتمع ، كما تحتاج الى حرص لا يقل عما تتطلبه الأولى ، فليس من السهل على الباحث أن يجعل العينة ممثلة تمثيلا تامــــا للمجتمع .

: Controlled Sample العينة المقيدة

العينات التي سبق وصفها عينات تؤخذ من مجتمع كبير وتبذل جهود المجرب لكي يصل الى عينة تقوم مقام المجتمع الأصلي بوجه عام ، الا أن بعض البحوث يتطلب عينات مقيدة محددة بأوصاف خاصة ، وبذلك تكون عملية الاختيار من المجتمع الأصلي عملية مشترطة بشروط تحدد الأفراد الذين تشتمل عليهم العينة المطلوبة . فاذا أراد الباحث أن يجري بحثه على طلبة الكلية الممتازين علميا فقد يحدد هذا الامتياز العلمي بأنه يشتمل على مرتبة جيد جدا على الأقل في النتيجة النهائية لمواد العام الذي يجري فيه البحث ، وعلى ذلك فان الخطوة الأولى في اختيار أفراد العينة تنحصر في تحديد الأفراد في المجموعة الأصلية (طلبة وطالبات الكلية جميعا) الذين ينطبق عليهم هذا الشرط ، أي الحائز بن على درجة

جيدا جد على الأقل ، وفي هذه الحالة قد يكون عدد هؤلاء الطلبة قليلا لدرجة أن العينة تستنفذهم جميعا وبذلك لا تكون المشكلة مشكلة اختيار عينة من بين أفراد المجتمع ، بل مشكلة الحصول على عدد كاف من الأفراد لغرض البحث . وكلما كثرت الشروط اللازمة في العينسة صعب الحصول عليها بطبيعة الحال وقسل عدد الأفراد الذين يتم الاختيار من بينهم ، أما اذا كان المجتمع الأصلي مشتملا على عدد كبير من الأفراد المستوفين الحميع الشروط اللازمة في العينة ، فان من اللازم بعد عملية الحصر الأولى اجراء عملية اختيار اما عن طريق عشوائي باضافة شرط جديد يحدد من عدد الأفراد اللائقين للعينة . .. ففي المثال السابق له اذا كان عدد الحائزين على تقدير « جيد جدا » في مواد العام الدراسي أكر من العدد المطلوب قد يميل الباحث الى زيادة التحديد فيقتصر بحثه على الطلبة دون الطالبات ، أو على طلبة وطالبات السنتين النهائيتين فقط ، أي أن اختيار العينة في هذا النوع يتم أيضا على خطوتين ، تشتمل الخطوة الأولى على حصر الأفراد المستوفين للشروط المكن اعتبار هذا الذوع من العينة ضمن نوع العينة الطبقية السابقة .

أما تحديد أي نوع من أنواع العينة التي سبق وصفها هو الصالح للباحث فهذا يتوقف على طبيعة البحث وهدفه ، وقد يجد الباحث نفسه مضطرا الى استخدام عينة من نوع خليط من الأنواع جميعها .

أبات المقاييس الاحصائية:

اذا كان من المتعذر على الباحث أن يشتمل بحثه على جميع أفراد المجتمع الأصلي وأنه يتعين عليه ازاء هذه الصعوبة أن يتضمن بحثه عينة محدودة العدد فقط فان من المهم أن نتساءل عن مدى دقة وثبات النتائج التي يحصل عليها من بحثه على العينة المحدودة . بمعنى لو حدث وكرر الباحث نفس البحث وقد يغير في هذا الاجراء المتكرر أفراد العينة فما هو مدى التغير في المعاملات والمقاييس التي يجدها في كل مرة ؟ وهل هذا التغير كبير لدرجة تجعلنا نشك في أن العينات المختلفة في مرات البحث المتكررة قد جاءت من مجتمع أصلي واحد ؟ أو أن هناك فرقا جوهريا بين نتائج هذه التجارب المتكررة لدرجة تجعلنا نشك في الاعتماد على أنها تقدير ناجح Estimation للمعاملات والنتائج التي يحصل عليها الباحث لو أمكنه (جدلا) اجراء البحث على جميع أفراد العينة الأصلية .

ويميل الاحصائيون الى التفريق بين أسماء ورموز المعاملات المختلفة في العينة ومـــا

يقابلها في المجتمع الأصلي. فبينما يسمون معاملات المجتمع الأصلي Population Parameters يسمون معاملات العينة Sample Statistics ومسن الطبيعي أنه لا يمكن مطلقا التنبؤ بالمعاملات والنتائج الحقيقية من معرفة المعاملات والنتائج التي يحصل الباحث عليها من العينة مهما أحكم اختيارها بدقة تامة . ولكن الباحث يستطيع أن يضع حدودا للقيمة المتوقعة في المجتمع الأصلي ، ويقرن هذه الحدود بنسبة احصائية ، هي نسبة الثبات أو التأكد ، وقد سبق أن ذكرنا ذلك في الباب الأول عند الكلام عن فوائد الاحصاء في البحوث العلمية . والباب الحالي هو المتعلق بمعاملات ثبات احصائيات العينة ومدى الاعتماد عليها .

ويخطىء كثير من الباحثين والمجربين باهمال حساب معامل الثبات للنتائج التي يحصلون عليها ، متخذين النتائج التي يحصلون عليها في بحوثهم المحددة بعينة مخصوصة وظروف محددة على أنها النتائج التي كانوا يحصلون عليها عند اشتمال البحث على جميع أفراد المجتمع وتحت ظروف طبيعية للغاية ، فاذا وجد باحث معامل ارتباط ٢٠٠٠ بين متغيرين فهل هذا المعامل يقطع بوجود علاقة طردية بين المتغيرين ؟ حينئذ تتحول المشكلة الى مشكلة ثبات هذا المعامل التجريبي الذي نتج من البحث . وعلى الباحث أن يسأل نفسه دا ثما عن مدى الثقة التي يضعها في نتائجه التي يحصل عليها ، ومدى التغير المتوقع في هذه النتائج لو كرر البحث وزاد اتساعا .

ثبـــات المتوسط الحسابي :

ولذبدأ بالوسيلة الاحصائية لحساب ثبات معامل من أهم المعاملات المستخدمة في البحوث النفسية وهو المتوسط الحسابي . ولنفرض أن الباحث كان يهدف الى حساب متوسط أعمار المتقدمين للامتحان بالجامعات المصرية وقد أخذ عينة ممثلة بأية طريقة من الطرق العلمية السابق ذكرها وحسب المتوسط الحسابي لأعمار هذه العينة فكان ٢٠ سنة ، فمن الطبيعي أن هذا المتوسط قد ينطبق أو لا ينطبق على المتوسط الحقيقي للأعمار (المتوسط الحقيقي True Mean يعرف بأنه متوسط قيم المجتمع الأصلي ، أو المتوسط المقدر من متوسطات عدد لا نهائي من العينات). الا أنه من المرجح اذا كانت العينة صحيحة ألا يبعد هذا المتوسط عن المتوسط الحقيقي كثيرا ، بل ان متوسطات العينات تتذبذب حول هذا المتوسط الحقيقي ، ومن الثابت احصائيا أن التوزيع لمتوسطات هذه العينات يكون قريبا المتوسط الحقيقي ، ومن الثابت احصائيا أن التوزيع لمتوسطات هذه العينات يكون قريبا قربا كافيا من التوزيع من التوزيع من التوزيع من التوزيع من التوزيع من قيم

الأفراد المكونة للمجتمع الأصلي . كما أن الانحراف المعياري لهذه المتوسطات يكون.عادة أقل من الانحراف المعيّاري للقيم الأصلية (ويطلق على الانحراف المعياري للعينات اسما آخر هو « الخطأ المعياري Standard Error ويرمز بالرمز خ م .P.E) ومن الواضع أن تشتت متوسط الِقيم في العينة يتوقف على عاملين هامين :

١ ــ الانحراف المعياري للمجتمع الأصلي ، ذلك لأنه كلما كان الانحراف المعياري للمجتمع الأصلي صغميراً تقماريت قيمة بعضها من بعض ، وكلما تقاريت تبعا لذلك قيم العينات المختارة . بينما اذا كبر الانحراف المعياري للمجتمع الأصلي زاد اتساع تباين القيم الأصلية وزاد احتمال تشتت متوسطات العينات المأخوذة .

٢ _ عدد أفراد العينة فاذا كان عدد العينة صغيرا في كل مرة كلما توقعنا تشتتا كبيرًا في قيم متوسطات العينات ، وكلما اشتملت العينة على عدد أكبر من الافسراد كان تشتت متوسطات العينات صغيرا ، بحيث اذا وصلنا بحجم العينة الى منتهى الصغرأو الكبر وصلنا بتشتت المتوسطات الى حده الأكبر أو الأصغر . فاذا وصل حجم العينة درجة من الصغر حتى وصلت الى فرد واحد كان الانحراف المعياري للمتوسطأت هو نفس الانحراف المعياري لأفراد المجتمع الأصلي ، واذا بلغ حجم العينة درجة من الكبر حيى استغرق المجموعة كلها في عينة وأحدة أصبح هناك متوسط واحد ، ومن ثم أصبح الانحراف المعياري صفرا ، حيث لا يوجد تشتّت بالمرة . وفيما يلي توضيح لتطور الانحراف المعياري للمتوسط الحسابي للعينة بالرسم (١) :



(١) هذا التوضيح منقولي عن: . Guildford, J. P. Fundamental Statistics in Psychology and Education

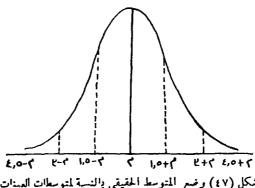
ومعنى ذلك أن الانحراف المعياري لمتوسطات العينات يتناسب طرديا مع الانحراف المعياري الحقيقي للقيم الأصلية وعكسيا مع عدد حالات كل عينة (لا عدد العينات المأخوذة من المجتمع الأصلي) .

حيث ع م = الانحراف المعياري للمتوسطات

حيث ع = الانحراف المعياري للقيم الأصلية .

فمثلاً في الرسم التوضيحي السابق اذا كان عدد أفراد العينة ٢٥ يكون الانحراف المعياري للمتوسطات = \frac{1}{70} = ٢

ولنعد ثانيا للبحث الذي يهدف الى معرفة متوسط أعمار المتقدمين للالتحاق بالجامعات. فقد ذكرنا أن الباحث اختار عينة محدودة من هؤلاء الطلبة وكان متوسط أعمار أفراد هذه العينة ٢٠ عاما فمن المعقول أنه لو كررنا هذا البحث على عينات أخرى لما ابتعد متوسط الأعمار عن ذلك كثيرا ، وأنه لو كرر البحث عددا من المرات فان المتوسط الحقيقي لا بد وأن ينحصر بين القيم التي نتجت من العينات المختلفة ، وطبيعي أن الباحث لا يكون عارفا بقيمة هذا المتوسط الحقيقي كما لا يكون عارفا بموضعه بالنسبة لتوزيع هذه المتوسطات ، وبما أن هذه القيم في العينات المختلفة تكون موزعة توزيعا اعتداليا كما ذكرنا فان هذا التوزيع ينطبق عليه نفس الخواص الذي ذكرت في الباب السابق ، كما تنطبق عليه نفس النسب الموضحة في جدول (٤٩) أي أن القيم المحصورة بين السابق ، كما تنطبق عليه نفس النسب الموضحة في جدول (٤٩) أي أن الانحراف المعياري مسحدث في ٦٨٪ من الحالات تقريبا ، فاذا كان الانحراف المعياري المقد المتوسطات ه.١ سنة فان هناك احتمال ٢٠٨، أن المتوسط الحقيقي سيبعد عن المتوسط الحقيقي يقع خارج هاتين القيمتين كما يتضح من الرسم الآتي :



شكل (٤٧) وضع المتوسط الحقيقي بالنسبة لمتوسطات العيدات

كما أنه في ٩٥٪ من الحالات تنحصر قيم المتوسط بين م ــ ٣ ــ ، م + ٣ وفي ٩٩٪ من الحالات تنحصر بين م - ٤,٥ ، م + ٥,٥ تقريبا .

وعلى هذا الأساس يستطيع الباحث أن يتنبأ بالحدين اللذين يقع بينهما المتوسط الحقيقي ، فالعمر ٢٠ سنة لا شك هو احدى القيم المحتملة لمتوسط أعمار المجتمع الأصليُّ ، ولكن من المحتمل أن يكون المتوسط قيمة أخرى تختلف عن ذلك ، ومدى بعد أو قرب القيم الأخرى عن المتوسط التجريبي وهو ٢٠ سنة يتوقف على مدى الثقة التي يود الباحث أن يلتزمها ، فاذا قبل الباحث أن يتسامح في نسبة خطأ قدرها هـ / في الفرصّ المحتملة لجميع القيم التي يأخذها المتوسط الحقيقي فان المدى الذي يحسدده، للمتوسط بناء على ما تقدم يَكُون بين ٢٠ ـــ ١,٩٦٦ ع ، ٢٠ + ١,٩٦٦ ع ، واذا قبل أن يتسامح في ١٪ في الفرص فان المدى يحدده يكون ٢٠ ــ ٢٠٥٨ ع م ، ٢٠ + ٢٠٥٨ ع م ، وهكذا فانه كلما قبل الباحث نسبة أقل من الحطأ في الفرص المحتملة الحدوث حسدد مسدى أكثر اتساعا مؤسسا علىما يحصلعليه في البحث التجربني المحدود بالعينة وظروف البحث .

وتبعا لهذا فان حكم الباحث على نتائجه لا يكون ما اذا كانت النتائج ثابتة يعتمد عليها أو غير ثابتة ، ولكنه يحدد عادة المدى الذي تتغير فيه النتائج التي يحصل عليها ونسبة الحطأ المحتمل في تحديد هذا المدى.

ثبات الوسيط:

يتوقف حساب ثبات الوسيط على الحطأ المعياري للقيمة الذي يحصل عليه الباحث في بحثه ويقدر الحطأ للوسيط بمقدار ثٍ من الحطأ المعياري للمتوسط الحساني (تقريبا)

مثال : اذا حسب الوسيط لدرجات ١٠٠ طفل أعمارهم ١٠ سنوات في اختبار المحصول اللغوي فكان ٢٥ وكان الانحراف المعياري للدرجات ٢٠٥ ، فالى أي حد يمكن اعتبار قيمة هذا الوسيط ثابتة ، أي الى أي حد يمكن أن نعتبر عذه الدرجة ممثلة لدرجات الأطفال في هذا السن عموما ؟

للاجابة على ذلك تحسب الحطأ المعياري للوسيط فهو يساوي

= ۲۱ر۰

وفي حالة المنحنى الاعتدالي 90, من الحالات تقع بين -1,97 خطأ معياريا ، +1,97 خطأ معياريا . أي أننا نستطيع أن نقول بدرجة 90, من التأكد أن الوسيط الحقيقي يقع بين الوسيط التجريبي =1,97 $\times 1,97$ وبدرجة 91, $\times 1,97$ تأكد من أن الوسيط الحقيقي يقع بين الوسيط التجريبي =1,90 $\times 1,97$ أي بين $\times 1,97$ و $\times 1,97$.

ونسبتا تأكد ٠,٩٥، ، ٢٩٩، هما النسهتان المتخذتان عادة في البحوث التجريبية ، وعلى أساس أي نسبة من هذين عادة يرسم الباحث لنفسه الحدين اللذين تقع بينهما المعاملات في المجموعة الأصلية بناء على المعاملات التجريبية في البحث الذي يقوم به .

ثبات الانحراف المعياري:

لمعرفة درجة ثبات الانحراف المعياري نستخدم الخطأ المعياري لهذا الانحراف وهو :

$$\frac{\varepsilon}{\overline{v}} = \varepsilon$$

ولتطبيق ذلك في المثال السابق نجد أن الخطأ المعياري للانحراف المعياري

$$= \frac{\nabla \cdot \cdot \nabla}{\nabla \cdot \cdot \cdot \nabla} = \frac{\nabla \cdot \cdot \cdot \nabla}{\nabla \cdot \cdot \cdot \nabla}$$

فالانحراف المعياري الحقيقي للمجتمع الأصلي ينحصر بين 7,0 - 1,97 × 1,4. ه. د. ٢٠٥ بنسبة تأكد قدرها 9,0 وبين ٢,٠٤، ٢,٠٤ بنسبة تأكد قدرها 9,0، وبين ٢,٠٤، بنسبة تأكد قدرها 9,0، وبين ٢,٠٤، ٢,٩٦ بنسبة تأكد 1,91.

السبة:

كثير من نتائج البحوث توضع على صورة نسبة خاصة بدلا من متوسط أو مقياس للتشتت . فنقول مثلا أن نسبة الناجحين في اختبار ما ٨٦٪ ، أو أن الموافقين على موضوع معين هم بيّ العينة ويكون من المهم في هذه الحالات معرفة مدى ثبات هذه النسبة ، أي مقدار تغير ها اذا تكرر البحث على عينات أخرى كل منها تستوفي فيه شروط العينة . الصالحية .

والفرض الذي يفترضه الباحث بناء على ذلك هو أن النسبة التي يحصل عليها مسن البحث عينة من العينات الكثيرة التي تمثل النسبة الحقيقية ، وأنه اذا أمكنه حساب الانحراف المعياري لتشتت هذه النسبة أمكن أن يصل الى حدين يفرض وقوع النسبة الحقيقية بينهما ، واضعا نسبة خاصة من نسب التأكد لهذا الافتراض والانحراف المعياري الذي يستخدمه الاحصائي في ذلك هو الانحراف المعياري للنسبة الحقيقية لا النسبة التجريبية التي تنتج من البحث وهي تساوي .



حيث أ هي النسبة الحقيقية .

- ، ب هي باقي طرح هذة النسبة من الواحد الصحيح .
- ، ن هي عدد الحالات التي بحثت ونتجت منها النسبة الحقيقية .

وبالرغم من أن النسبة الحقيقية لا تكون معلومة لدى الباحث الا أنه لا يكون بعيدا عن الصواب اذا افترض أن النسبة التي حصل عليها من البحث قريبة قربا كافيا مسن النسبة الحقيقية المجهولة . والأثر الذي يحدثه هذا الافتراض صغير دائما لأن قيمة الانحراف المعياري في القانون لا تتوقف كثيرا على قيمة أ (النسبة) بقدر ما يتوقف على ن (عدد الحالات) ، لأن الله يتغير كثيرا عند ما تأخذ (أ) أية قيمة بين ٠٠،٧٠، ٠٠،٠٠٠

وتكرر نفس القيم للمقدار \ أب اذا كانت قيم أ = ٠,٠٠ أو ٠,٠٠ أو ٠,٠٠ أو ٠,٠٠ أو ٠,٠٠ أو ٠,٠٠ أو ١٠,٠٠ أو قيمة قريبة منهما، – ومن الطبيعي أنه اذا كانت النسبة صغيرة جدا أو كبيرة جدا كان هناك احتمال أكبر من قرب النسبة في المجتمع .

والذي يساعد أيضا على صحة هذا الافتراض أن عينة النسب في العينات تكون موزعة توزيعا قريبا قربا كافيا من الاعتدالي اذا كانت(ن)كبيرة وكانت النسبة محصورة بين ٥٠,١٠٠

واليك مثلا لتطبيق هذه القاعدة . ولنفرض أنه عمل استفتاء للطلبة عن نظام الدراسة الحالي بالجامعات ، فأخذت عينة من ١٠٠ طالب واتضح أن ١،٦٠ من المجموعة قسد وافقت على النظام وأن ٤٠,٠ منها قد عارضته فما مدى ثبات هذه النسبة ؟ أو ما مدى تغير هذه النسبة لو كرر الاستفتاء على عينات أخرى من نفس الطلبة ؟

للوصول الى ذلك نحسب الحطأ المعياري لهذه النسبة وهو يساوي :

أي أن النسبة الحقيقية تنحصر بين $0.7^{\bullet} - 0.71 \times 0.00$ ، $0.7^{\bullet} + 0.71 \times 0.00$ هر، بنسبة تأكد 0.7^{\bullet} أي بين 0.7^{\bullet} ، $0.00 \times 0.00 \times 0.00$ عند هذه النسبة وبين 0.7^{\bullet} عند هذه النسبة مرووه 0.7^{\bullet} عند هذه النسبة عند هذه النسبة مرووه $0.00 \times 0.00 \times 0.00$

أما اذا كانت النسبة على هيئة نسبة مثوية فان الخطأ المعياري لها يكون :

فادا كانت المشكلة هي نفس المشكلة السانقة وأن نسنة الموافقين هي ٦٠٪ -والمعارضين ٤٠٪ فان الحطأ المعياري لهذه النسبة يكون

۱۰۰
$$\sqrt{\frac{7. \times 3. \cdot}{1.1}}$$
 = ه تقریبا

ويمكن وضع هذا الحطأ المعياري على صورة أخرى كالآتي :

ر ما المال وهو يساوي في هذا المال .
$$\sqrt{\frac{1-1\cdot 1}{i}}$$

ثبات معامل الارتباط:

يكون معامل الارتباط الناتج في البحث كغيره من باقي المعاملات الأخرى عرضة كذلك لأخطاء العينات والقياس والصدف وغير ذلك من العوامل المؤثرة في العينات. ويهم الباحث دائما أن يقف على الحدود التي يقع بينها المعامل الحقيقي المقابل للمعامل الذي أنتجه البحث ، والطريقة لا تختلف عما أجرى في المعاملات الأخرى فهي تتوقف على معرفة الانحراف المعياري لمعامل الارتباط وهو يساوي .

فادا أجري بحث على ٥٠ شخصا وكان معامل الارتباط بين متغيرين في هذا البحث ٤ · كان الابحراف المعياري .

$$=\frac{1-71.1}{\sqrt{P3}}=71.1$$

ومعنى هـــذا ان معامل الارتباط الحقيقي يقع بين $3.-1,97\times1,1.$ وبين $1.9.+1,97\times1,1.$ بنسبــة تأكد 1.9.+1. أي بين 1.1.+1. بنسبة تأكــد 1.9.+1. أي بين 1.9.+1. بنسبة تأكــد 1.9.+1. بنسبة تأكــد 1.9.+1. بنسبة تأكــد 1.9.+1. بنسبة المحدود معامل الارتباط الحقيقي واسعة سبيا و مختلفــة

اختلافا كبيرا عن المعامل التجريبي مما يجعل معامل الارتباط ٠,٤ – المستخرج من عينة قدرها ٥٠ ضعيف الثبات .

ويختلف معامل الارتباط عن المعاملات السابقة في أن توزيعه ليس دائما توزيعا اعتداليا أو حتى متماثلا ، فالتوزيع لا يكون كذلك الا في حالات معامل الارتباط الضعيف وحيث تكون العينة كبيرة نسبيا ، أما اذا كان معامل الارتباط كبيرا حوالي ٠,٨٠ أو أكثر فان توزيع معامل الارتباط يكون ملتويا . ولذلك فان حساب الانحراف المعياري لمعامل الارتباط يكون قليل الفائدة . ولذا فقد لجأ Fisher (۱) الى طريقة لتعديل معامل الارتباط الى معامل آخر رمز له بالرمز Z ومن خواص هذا المعامل أنه موزع توزيعا اعتداليا . وليس من الضروري استخدام هذا التعديل الافي حالات معاملات الارتباط العالية . فالفرق بسيط بين المعاملين في حالات المعاملات الصغيرة .

وبالمثل فان الخطأ المعياري لنسبة الارتباط n يطابق الخطأ المعياري لمعامل الارتباط فهو يساوي $\frac{\ln - 1}{\sqrt{\dot{v} - 1}}$

الخطأ المعياري لمعامل ارتباط الرتب :

وفي حالة معامل ارتباط الرتب فان الحطأ المعياري يتغير قليلا عن الوضع السابق فيصبح $\frac{1 - 2}{\sqrt{1 - 1}}$

ولنفرض أننا حصلنا على معامل ارتباط رتب قدره ٠٫٧ بمقارنة رتب ١٧ حالة في متغيرين فان الحطأ المعياري لهذا المعامل يعادل :

$$\cdot, \mathsf{V} = \frac{(\cdot, \mathsf{I} - \mathsf{I}) \cdot \mathsf{I}, \mathsf{I}}{\mathsf{I} - \mathsf{I} \mathsf{V}}$$

Fisher, R. A., Statistical Methods for Research Workers. (1)

أن هده النسبة تعطي معاملا للارتباط يحتمل وصوله الى قيمة تعادل أو تزيد قليلا عن الواحد الصحيح وهذا غير معقول.

ثبات معامل الارتباط الثنائي:

يختلف الحطأ المعياري لمعامل الارتباط الثنائي عن الصورة السابقة فهو يعادل :

حيث أ = نسبة الحالات في المجموعة العليا .

- . ب = نسبة الحالات في المجموعة السفلي .
 - . ر = معامل الارتباط الثنائي .
 - ، ن = عدد الحالات.

ولنخر المعامل الذي حصلنا عليه في المشال نجمه أن معامل الارتباط الثنائي الذي حصلنا عليه هو ١٦٠٠

وكانت ص عند نقطة التقسيم = ٣٩.٠

وبناء على ذلك فان الحطأ المحتمل لهذا المعامل :

$$\frac{Po, \times 13,}{P7,} - (P1,)^{\gamma} = 3..$$

ومعنى هذا أنه عند نسبة تأكد ٩٥,٠ ينحصر المعامل الثنائي الحقيقي بين ١٩٦٠ – ١,٩٦ × ١,٩٦ + ١,٩٦ وعند نسبة تأكد ٩٩,٠ ينحصر المعامل بين ١,٩٦ × ٢,٥٨ × ١,٩٦ عند النسبة النافية . ١,٥٠ × ٢,٥٠ عند النسبة الثانية .

دلالة الفروق والفرض الصفري :

ان دلالة الفروق أهم بكثير من الناحية التجريبية العملية من البحث عن مدى ثبات المقاييس الفردية . ذلك لأن أغلب البحوث التجريبية تهدف الى المقارنة والمقاييس النسبية أكثر مما تهدف الى مجرد القياس أو القيم المطلقة وحتى في حالات القياس العادية يلجأ الباحث الى مقارنة نتائجه — سواء كانت هذه المقارنة صريحة — أو ضمنية بمعيار خاص تم ليقف على مدى قرب القيمة التي حصل عليها من قياسه أو تقديره من المعيار المألوف في هذه الناحية ، بل وزيادة على ذلك فان أغلب البحوث التجريبية سواء في الميادين النفسية أو التربوية أو الاجتماعية تحتاج من الباحث أن يجري البحث على مجموعتين احداهما ضابطة والأخرى تجريبية وتستلزم المقارنة بين نتائج المجموعتين .

ومن هنا كان من المهم أن نعرف الانحراف المعياري للفرق بين متغيرين اذا عرف الانحراف المعياري لأحد المتغيرين هوع الانحراف المعياري للمتغير الآخر هوع التناوي المتغير الآخر هوع التناوي التناوي المتغير الآخر هوع التناوي
فان الانحراف المعياري للفرق بين المتغيرين= $\sqrt{3}$ + 3 أي يعادل الجذر

التربيعي لمجموع تباينهما على شرط أن يكون المتغيران غير مرتبطين بأية علاقة عددية ، أي أن معامل الارتباط بينهما صفر . فاذا كانت هناك علاقة عددية بين المتغيرين وليكن معامل الارتباط بينهما مربى مثلا فان الانحراف المعياري للفرق بين المتغيرين :

واذا طبقنا هذا على المتوسط الحسابي لمتغيرين فان المشكلة تصبح اختبارا لفرض محدد ، هل هناك فرق جوهري بين متوسطي المتغيرين ؟ ويمكن وضع هذا الفرضعلى صورة يطلق عليها اسم « الفرض الصفري (Null Hypothesis) فيفترض الباحث أنه « ليس بين متوسطي المتغيرين أي فرق له دلالة « أو بمعنى آخر أن الفرق بين المتوسطين في المجتمع الأصلي يعادل صفرا » .

وفي هذه الحالة يوجد الباحث الفرق بين متوسطي المتغيرين في البحث الذي يجريه ثم مقارف هذا الفرق بالحطأ المعياري للفرق نفسه .

النسبة الحرجة:

وتستخدم لهذه المقارنة نسبة خاصة يطلق عليها النسبة الحرجة (Critical Ratio (C.R.) وهي تساوي خارج قسمة الفرق بين المتوسطين على الانحراف المعياري (أو الحطاً المعياري) لهذا الفرق .

ويوصف الفرق التجريبي الذي ينبىء بفرق في المجتمع الأصلي بأنه فرق ذو دلالة احصائية Significant difference . ومسن الطبيعي أن يقرن الوصف بنسبة تأكد خاصة كما سبق ذكره في ثبات المقاييس السابقة فنقول مثلا أن الفرق ذو دلالة عند نسبة ٥٠٠، وعند نسبة ١٠٠، أي أن هناك احتمال ٥٪ أو ١٪ خطأ في صحة هذا الاحتمال ومن الطبيعي أن الباحث الذي يختار نسبة ١٠٠، يستلزم فرقا أعلى بين متوسطي المتغيرين .

فاذا فرضنا أن المتوسط الحسابي لأحد المتغيرين هو م ، أن المتوسط الحسابي للمتغير الثاني هو م ، وأن الانحراف المعياري للمتغير الأول ع ، والمتغير الثاني ع ، وأن عدد حالات المتغيرين هو ن ، ن ، على الترتيب كان الانحراف المعياري للمتوسط الأول

$$\frac{\zeta}{\sqrt{\dot{v}}} =$$

وكان الانحراف المعياري للمتوسط الثاني =
$$\frac{3}{\sqrt{\dot{v}}}$$

وكان الانحراف المعياري للفرق بين المتوسطين $3_1 - 7_1$ $= \sqrt{\frac{3^{4}}{5} + \frac{3^{4}}{5}}$

$$\frac{1 - 1}{\sqrt{2}} = (\dot{\upsilon} \cdot \dot{\upsilon}) = \frac{1 - 1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{3^{1} + \sqrt{2}}{\dot{\upsilon}} + \frac{3^{2}}{\dot{\upsilon}} + \frac{3^{2}}{\dot{\upsilon}}$$

واليك مثالا لطريقة تطبيق هذه النسبة : ت ﴿

طبق اختبار المحصول اللغوي على مجموعتين متجانستين (متعادلتين تقريبا من النواحي الأخرى)من البنينوالبنات وكانت نتيجة الاختباركما هو مبين في الحدول التكراريالآتي:

تكرار البنات	تكرار البنين	فئـــات الدرجات
٣	٥	صفر ــ
V	١٨	Y
10	74	- £
١٨	٣٥	- 1
77	٤٠	- A
70	۳۲	- 1.
٣٥	۳.	- 17
YV	Y 0	- 18
١٦	٧.	- 17
1 1 1	۱۲	- 11
11	٥	- Y•
٧	٥	- ۲۲
٧٠٠	70.	المجموع

جدو ل(٧٩)؛ نتيجة مجموعة من البنين و اخرى من البنات في اختبار المحصول اللغوي

فاذا طلب بعد ذلك معرفة أي الجنسين أكثر تفوقا في نتائج هذا الاختبار فيمكن أن نحول هذا السؤال على صورة فرض صفري وهو « أنه لا فرق بين الجنسين في هذه الناحية » ولاختبار هذا الفرض علينا أن نوجد متوسط درجات الفئتين والانحراف المعياري لهما.

ادغ	اء ح	تكرار	دع ۲	2ع	Ē	تكرار	فئسات
		البنات				البنين	الدرجات
٧٥	10-	٣	170	Y0 _	0	0	صفر ــ
117	۲۸ –	V	YAA	٧٢ —	٤ _	1.4	Y
140	10-	10	7.4	79	۳ _	74	_ £
٧٢	۳٦ –	۱۸	12.	٧٠	۲	40	- 7
77	۲۲ —	44	٤٠	٤٠	١ –	٤٠	A
_		40		_	صفر	44	-1.
40	٣٥	٣٥	٣٠	۳۰	١	٣,	- 17
١٠٨	٤٥	۲V	1	۰٥	۲	70	- 18
188	٤٨	17	۱۸۰	٦.	٣	۲٠	- 17
772	70	١٤	197	٤٨	٤	17	۱۸
770	٥٥	11	١٢٥	40	۰	٥	_ Y•
707	27	٧	۱۸۰	۳٠	٦	٥	۱۲
1608	79.	٧	17.4	727			
	187.			Y \\\		40.	المجموع

جدول (٨٠) حماب المتوسط والانحراف المعياري لدرجات المجموعتين .

اذا رمزنا لمجموعة البنين بالرقم (١) ولمجموعة البنات بالرقم (٢) .

ويتضح لأول وهلة أن مجموعة البنات متفوقة عن مجموعة البنين في هذا الاختبار ، فمتوسط الدرجاتِ في هذه المجموعة أعلى منه في مجموعة البنين . ولكن الباحث ينبغي أن يختبر مدى دلالة هذا الفرق ، أي يختبر دلالة الفرض بأن البنات يتفوقن على البنين في هذه الناحية بوجه عام . والطريقة الشائعة كما ذكرنا هي حساب النسبة الحرجة كمسا يسأتى :

$$\ddot{c} = \frac{1 - 1 - 1}{\sqrt{3 + 3 + 3 + 2}}$$

والفرق بين م , ، م , لا تهم فيه الاشارة ذلك لأن اعتبار احدى المجموعتين ١ أو ٢ يتوقف على المجرب نفسه ، ولذا فسوف لا نهتم باشارة الفرق في الخطوات الآتية :

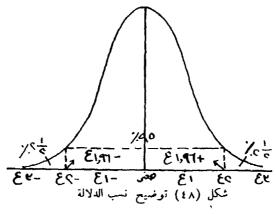
$$\frac{\frac{1}{1}, \frac{1}{1}}{\frac{1}{1}, \frac{1}{1}} = \frac{1}{1}$$

$$\frac{1}{1}, \frac{1}{1}$$

$$\Psi, \xi V = \frac{1, V \cdot}{\cdot, YY \wedge} =$$

مقاييس الدلالة:

واذا رجعنا الى جدول (٥٥) للمنحنى الاعتدالي لمعرفة الدرجة المعيارية المقابلة للمساحة الصغرى ٢٠٠٥ أي عندما يكون مجموع المساحتين عند طرفي المنحنى ٢٠٠٥ نجد أن هذه الدرجة ١,٩٦ وعند المساحة الصغرى ٥ ,٪ أي عندما يكون مجموع المساحتين عند طرفي المنحنى ٢٠٥٨ أن هذه الدرجة ٢٠٥٨ .



فاذا بلغت النسبة الحرجة ١٠٩٦ قيل أن الفرق له دلالة عند نسبة ٠,٠٠ واذا بلغت ٢٠٥٨ قيل أن له عند نسبة ٠٠٠١ .

و تفسير ذلك أنه لنفرض أن الفرق الذي وجد بالتجربة غير حقيقي وأنه نتج بسبب ظروف تجريبية ليس الا ، وأن الفرق بين المتوسطين صفر فانه من المعلوم نظريا أن الفروق بين متوسطات العينات المختلفة تكون موزعة توزيعا اعتداليا ، ما دام عدد الأفراد في كل عينة كبيرا .

ففي هذا المثال قد وجدنا أن الفرق التجربي يقع من هذا التوزيع خارج الحدود التي تحجز ٩٥٪ من المنحى ويقع أيضا خارج ٩٩٪ من مساحة المنحى ، مما يرجح ترجيحا كبير ا أن الفرق التجربي لا يمكن أن يكون ناتجا عن الصدفة أو ظروف التجربة فقط . ونسبة ٩٥٪ أو ٩٩٪ أوما شابهها هي نسبة اعتبارية يضعها المجرب لنفسه دون تقيد بنسبة خاصة . ولكن من المتبع في البحوث النفسية والنربوية والاجتماعية أن يعتبر الفرق الذي يخرج عن حدود يخرج عن حدود ده٩٪ من مساحة المنحى ذا دلالة احصائية ، وأن الذي يخرج عن حدود ٩٥٪ من مساحة المنحنى ذو دلالة احصائية كبيرة . وأما الذي يدخل ضمن حدود ه٩٪ من مساحة المنحنى فيوصف بأنه ليس له دلالة احصائية .

و تستعمل الرموز الآتية عادة في الانجليزية لهذه الاصطلاحات :

ويقصد بأن الفرق له دلالة احصائية عند ٠,٠٥ أنه يقع في طرف المنحى الذي يحجز داخله ٩٩٪ من المنحى على اعتبار أن النسبة الحرجة من كل طرف هي ٧,٠٪ ويفهم عادة من التعبير . (فودلالة احصائية عند ٥٠٠٠ فقط)، أن الفرق ليس له دلالة جوهرية عند نسبة ١٠٠٠ ويقتنع كثير من الباحثين بنسبة ٥٠٠٠ فقط ومن الطبيعي أن الفرق ذا الدلالة عند ١٠٠٠ لا بد أن يكون ذا دلالة أيضا عند ٥٪ فالنقطة في المساحة الحارجية عندما تكون المساحة الداخلية ٩٠٠٠ من مساحة المنحني لا بد وأن تكون خارجة أيضا بالنسبة للمساحة الداخلية ٩٥٪.

وبناء على هذا نستطيع أن نرجح أن الفرق الحالي في المثال انما هو فرق جوهري ذو دلالة حتى عند نسبة ١٪ مما يرجح البنات بوجه عام على البنين في هذا الاختبار

استخدام الفرض الصفري في حساب ثبات معامل الارتباط:

ذكرنا عند الكلام عن ثبات معامل الارتباط أن الصعوبة التي تصادف الاحصائي هي أن توريع هذا المعامل ليس اعتداليا وخصوصا عند القيم الكبيرة. وأن فيشر تغلب على هذه الصعوبة باستخدام معامل، Z، ولكن بعض الاحصائيين يميلون الى اختيار معامل الارتباط على ضوء الفرض الصفري، وذلك بفحص معامل الارتباط الذي يحصل عليه ازاء الفرض بأنه في المجتمع الأصلي لا توجد علاقة ما بين المتغيرين. أي ازاء افتراض أن معامل الارتباط صفر. فيحسبون الانحراف المعياري عندما يكون المعامل صفراً، فاذا بلغ المعامل الارتباط ١٩٩٦ من هذا الانحراف قيل أن المعامل له دلالة احصائية عند ٥٠٠٠ واذا بلغ بلغ ٢٠٥٨ من الانحراف قيل أنه ذو دلالة عند ٢٠٠٠.

ففي حالة معامل ارتباط قدره 0.0 عندما كانت العينة عددها 0.0 ففي حالة معامل ارتباط قدره 0.0 عندما كانت العينة عددها 0.0 قفي حالة معامل ارتباط قدره 0.0 عندما كانت العينة عددها 0.0

وهذه النسبة ذات دلالة عند نسبتي ٠,٠١، ٠,٠٠٠

هذا وهناك طريقة أخرى لقياس مدى ثبات معامل الارتباط ندكرها عند الكلام عن الحتبار « ت » .

اختبار « ت _»

ذكرتًا سابقًا أن الاحصائيين بميلون الى التفريق بين الخطأ المعياري للعينة الصغيرة (١)

⁽١) يميل كثير من الاحصائيين إلى اعتبار أن العينة الصغيرة ما يقل عدد أفرادها عن ٥٠ .

و الانحراف المعياري للمجتمع الأصلي ، ومن الممكن اثباته نظريا أن الانحراف المعياري للمجتمع يختلف حسابيا عن الخطأ المعياري للعينة فقيمة الأولى عادة أكبر من الثاني . ولتصحيح هذا الخطأ التجريبي يضرب الانحراف المعياري للعينة في المعامل لل ن - ا

و بذلك يصبح الحطأ المحتمل للعينة $= \sqrt{\frac{2}{i-1}}$ بدلا من $\sqrt{\frac{2}{i}}$ وهذا التعديل يكون عديم

القيمة في حالة العينات الكبيرة، حيث تتعادل √ن مع √ن - آتقريبا. ولكن من المستحسن دائما استخدام هذا التعديل ما دام المعامل قد حسب من العينة وليس من المجتمع . وإذا طبقنا ذلك على الانحراف المعياري للمتوسط الحسابي في حالة العينات الصغيرة ، وجدنا أن

المقدار
$$\frac{2}{\sqrt{0}}$$
 قد تحول الى $\sqrt{0}$

ومما تجدر ملاحظته كذلك أنه في حالة العينات الصغيرة لا تتبع المتوسطات توزيعا اعتداليا كما كان الحال في العينات الكبيرة ، بل يختلف التوزيع قليلا عن هذا النمط فيصبح أكثر ارتفاعا قرب الطرفين ، وبذا تصبح النسب الاحتمالية عند الطرفين أكثر منها قليلا في المنحنى الاعتدالي العادي وقد بحث Student هذا التوزيع الجديد وأعطى فشر (۱) جدولا للنسب الاحتمالية المختلفة وفي هذا الجدول نجد اصطلاحا جديدا :

هي درجات الحرية Degrees of Freedom ودرجات الحرية في أية مجموعة هي عدد الحالات في المجموعة ناقصا واحد (وتفسير ذلك أنه ما دام مجموع قيم المجموعة محددا وليكن عدد أفراد المجموعة خمسة فاننا نستطيع ان نصنع لهذه المجموعة أية أربع قيم بطريق الصدفة أما الحامس فيجب أن يقيد بقيمة تجعل المجموع معادلا للمجموع الآصلي ، أي أنه اذا كان عدد أفراد المجموعة ن فان درجات الحرية لهذه المجموعة هي ن — 1).

والجدول الآتي هو جدول لنسب الاحتمالات في التوزيع الجديد وقد أطلق عليه توريع (t) وترمز له بالعربية بالرمز (ت) وبهذا يصلح توزيع (ت) لأن يتخذ مقياسا للدلالة سواء كان ذلك في العينات الصغيرة أم الكبيرة.

Fisher R. A. Statistical Methods for Researches Workers.

نسب الاحتمالات

٠,٠١	٫۰۲	,.0	•,1•	٠,٥٠	درجات
	į				الحرية
L					(1 – 3)
٦٣,٦٦ = ٥	ت = ۲۱٫۸۲ر	17,71 =	ت= ۲٫۳٤ ت	ت=٠٠٠١	,
1,11	۸,۹٦	٤,٣٠	Y, 4 Y	۰٫۸۱٦	Y
٥,٨٤	٤,٥٤	۳,۱۸	7,40	۰٫۷٦٥	۳
٤,٦٠	۳,۷٥	Y, VA	7,14	٠,٧٤١	٤
٤,٠٣	٣,٣٦	Y,0V	7,.7	٠,٧٢٧	
۳,۷۱	٣,١٤	۲,٤٥	1,448	۸۱۷٫۰	٦
۳,٥٠	٣,٠٠	۲,۳٦	1,4.	۲۱۷٫۰	v
٣,٢٦	۲,۹۰	7,81	1,47	۰٫۷۰٦	٨
۳,۲٥	Y,AY	7,77	١٫٨٣	۰٫۷۰۳	•
٣,١٧	۲,٧٦	۲,۲۳	1,41	٠,٧٠٠	١٠
٣,١١	۲,۷۲	٧,٧٠	1,4.	٠,٦ ٩ ٧	11
٣,٠٦	۲٫٦٨	7,14	۱٫۷۸	٠,٦٩٥	17
۲,•١	۲,٦٥	7,17	1,77	٠,٦٩٤	۱۳
۲,۹۱	7,77	۲,۱٤	1,٧٦	٠,٦٩٢	١٤
۲,۹۰	۲,٦٠	7,14	1,٧0	,791	10
Y, 4 Y	۲,۵۸	Y,1Y	۱٫۷۵	·> 19 •	17
۲,۹۰	٧,٥٧	7,11	1,78	٠,٦١٩	1
۲,۸۸	Y,00	۲,۱۰	1,77	٠,٦٨١	14
۲,۸٦	Y,02	۲,٠٩	1,77	۸۸۶,۰	19
۲,۸٤	۲,۵۳	٧,٠٩	1,77	٧٨٢,٠	Y
.					
۲,۸۳	Y 0, Y	Υ,•Λ	1,77	*/1/17	71
۲,۸۲	7,01	۲,۰۷	1,74	-,7/7	ŶY]

					_
Y-A1	۲ ۰۷	۲.۷	1,71	۵۸۶,	74
۲,۸۰	Y-84	4.+7	1,71	,ጚለል	7 £
Y.V4	۲.٤٨	7.07	1.71	,ኣለ ኒ	70
۲,۷۸	۲,٤٨	7.•7	1,71	,٦٨٤	77
Y,VV	۲,٤٧	۲,٠٥	۱٫۷۰	,ጓለ٤	**
7,77	Y,£V	۲,۰۵	١,٧٠	,ጓለ£	47
7.77	۲,٤٦	۲,• ٤	۱٫۷۰	,ፕለ۳	79
7.70	7.17	۲,۰٤	۱٫۷۰	,٦٨٣	٣٠
Y,VY	۲,٤٤	۲,۰۳	1,14	۲۸۲,	٣٥
7,71	Y.£Y	7,.7	۱٫٦٨	,ጓለነ	٤٠
7.79	۲,٤١	77	۱٫٦٨	,ጓለ•	٤٥
Y,7A	۲,٤٠	۲,۰۱	۱٫٦٨	,٦٧٨	٥٠
7.77	۲,۳۹	۲,۰۰	١,٦٧	۸۷۲,	٦.
٧,٦٥	۲,۳۸	٧,٠٠	1,77	۸۷۶,	٧٠
۲,٦٤	۲ ,۳۸	1,44	1,17	۷۷۶,	۸۰
۲,٦۴	۲٫۳۷	1,44	1,77	۷۷۲,	۹٠
۲,٦٣	۲,۳٦	۱,۹۸	1,77	,٦٧٧	١
7,77	۲,۳٦	۱,۹۸	1,77	,٦٧٦,	۱۲۵
17,71	۲,۳۰	۱,۹۸	1,77	۲۷۲,	10.
٧,٦٠	۲,۳٥	1,47	1,70	۹۷۶,	7
7,09	۲,۴٤	1,47	1,70	۹۲۶,	٣٠٠
7,09	7,42	1,47	1,70	۹۷۶,	٤٠٠
Y,04	۲,۳۳	1,47	1,70	,٦٧٤	۰۰۰
Y,0A	۲,۳۳	1,47	1,70	,٦٧٤	1
Y-0A	۲,۳۳	1,47	1,70	,٦٧٤	

جدول (٨١) قيم (ث) عند نسب الاحتمال المختلفة

ولاستخدام « ت » كاختبار لقياس مدى دلالة الفرق بين متوسطي عينتين يستخدم القانون الآتي (هذا ويستحسن استخدام هذا القانون مهما كان حجم العينة) .

$$\frac{7 - 1}{(\frac{1}{\dot{v}} + \frac{1}{\dot{v}})} = \frac{7}{\dot{v}}$$

حيث م = متوسط قيم العينة الأولى .

حيث م = متوسط قيم العينة الثانية .

حيث ن = عدد أفراد العينة الأولى .

حيث ن = عدد أفراد العينة الثانية .

حيث ع = الانحراف المعياري للعينة الأولى .

حيث ع 🚽 الانحراف المعياري للعينة الثانية .

وبعد ايجاد قيمة (ت) للبيانات السابقة نحسب درجات الحرية وهي في حالة الفرق بين متوسط عينتين = ن, + ن, — ٢ (درجات الحرية للعينة الأولى ن, — ١ ، درجات الحرية للعينة الثانية ن, — ١ ومجموعهما ن, — ن, — ٢) .

والخطوة التالية هي استخدام الجدول السابق فنبحث عن (ت) في صف درجات الخرية الخاصة بالبحث عند نسبة ٠٠٠٠ (العامود الرابع) فان كانت قيمة (ت) في البحث تعادل أو أكبر من الموجودة في الجدول دل ذلك على أن الفرق بين المتوسطين له دلالة احصائية عند نسبة ٠٠٠١ (العامود الأخير) لتحديد ما اذا كان الفرق له دلالة احصائية عند نسبة ٠٠٠١ أيضا .

لنعد الى المثال بجدول (۸۲) حيث :

في هذا المثال تكون درجات الحرية (د . ح) = ۲۰۰ + ۲۰۰ = ۲ = ۲۱۸ ۱۲٫۶۶ – ۲۰٫۷۶ ت = _______

 $(\frac{1}{Y \cdot \cdot} + \frac{1}{Y \circ \cdot}) \quad \frac{(\circ, Y \cdot) Y \cdot \cdot + (\circ, \cdot Y) Y \circ \cdot}{Y - Y \cdot \cdot + Y \circ \cdot} \bigvee$

ونكرر هنا أن اشارة م م لا تهم في حساب (ت) لأن اختبار (ت) يوضح ما اذا كان الفرق له دلالة مهما كانت الاشارات

 $\frac{1, \vee \cdot}{\left(\frac{1}{\gamma \cdot \cdot} + \frac{1}{\gamma \circ \cdot}\right) \frac{\gamma \vee \times \gamma \cdot \cdot + \gamma \circ , \gamma \wedge \times \gamma \circ \cdot}{\xi \wedge \lambda}}{}$

وبالكشف في جدول (ت) عند درجة حرية ٤٤٨ نجد أن قيمة (ت) عند نسبة ٠,٠٥ = ١,٩٧ وعند نسبة ٢,٥٩ .

ومعنى هذا أن الفرق التجريبي له دلالة عند النسبتين .

واذا كان عدد الحالات في المجموعتين واحدا فان صورة قانون (ت) تصبح أكثر اختصارا حيث تصير :

$$\overline{z} = \frac{\gamma_1 - \gamma_2}{\sqrt{\frac{3_1^2 + 3_2^2}{6 - 1}}}$$

يلاحظ أن هذه نفس النسبة الحرجة مع اختلاف واحد ، وهو وضع ن – ١ بدلاً سَ نَ . استخدام اختبار « ت » في مقياس ثبات معامل الارتباط:

ذكرنا فيما سبق أن هناك طريقتين لحساب مدى ثبات معامل الارتباط وهما ٠

د مقارنة المعامل بانحرافه المعياري حيث ع =
$$\frac{1-\frac{\sqrt{Y}}{2}}{1-1}$$

٢ ــ مقارنة المعامل بالانحراف المعياري لمعامل ارتباط صفري ، أي فحص صحة الفرض بأن المعامل الارتباط الحقيقي هو صفر حيث :

$$\frac{3}{\sqrt{3}} = \frac{3}{\sqrt{3}}$$

وذكرنا أن عيوب طريقة مقارنة معامل الارتباط بانحرافه المعياري تنحصر في أن توزيع معامل الارتباط ليس اعتداليا . ولهذا اقترح فيشر معاملا جديدا هو Z.

ونضيف هنا طريقة أدق من سابقتها ، وتنحصر هذه الطريقة في افتراض أن معامل الارتباط الحقيقي هو صفر ومقارنة قيمة « ت » لمعامل الارتباط التجريبي بما يتوقع لها عند نسبتي ٠,٠٥ ، ٢٠٠٠ وتحسب « ت » من القانون :

$$\frac{\sqrt{\dot{0}-1}}{\sqrt{1-x_{y}}}$$

مر = معامل الارتباط الناتيج في البحث

، ن = عدد الحالات.

فبعد حساب (ت) بهذه الطريقة يرجع الى جدول قيم (ت) : وتكون درجات الحرية في هذه الحالة ن ــ ٢ . فاذا كانت (ت) الناتجة أكبر من الموجودة في الجدول عند نسبة ٥٠,٠ وصف معامل الارتباط التجريبي بأنه ذو دلالة عند هذه النسبة ، وفي هذه الحالة يبحث عن قيمة (ت) عند نسبة ٢٠,٠ لمعرفة ما اذا كانت القيمة الناتجة ذات دلالة عند هذه النسبة أيضا .

وعلى سبيل المثال نبحث عن دلالة معامل الارتباط ٤,٠ الناتج عن عينة عدد أفرادها

$$\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{(1,1)}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{(1,1)}}} $

بالرجوع الى جدول « ت » نجد أنها تساوي ٢,٠١ (د . ح = ١٨) عند نسبة ٥,٠٠ وتساوي ٢,٠١ عند نسبة ٢,٠١ ذو دلالــة السبتين .

وزيادة في سهولة هذه الطريقة يعطينا جاريت Garrett (١) جدولا يشتمل على قيم معامل الارتباط التي تكون ذات دلالة عند نسبتي ١,٠٥ و ١,٠١ اذا عرفت درجات الحرية . واليك فيما يلي هذا الجدول :

٠,٠١	٠.٠٠	درجات الحرية	٠,٠١	٠,٠۵	درجات الحرية
1,897	۰٫۳۸۸	71	1,	.,44٧	١
1,844	٠,٣٨١	Yo	٠,٩٩٠	٠,٩٥٠	۲
٠,٤٧٨	4٧٢,٠	41	٠,٩٥٩	۰,۸۷۸	٣
۰٫٤٧٠	٠,٣٦٧	**	1,417	٠,٨١١	٤
1,275	1,471	٨Y	٠,٨٧٤	٤.٧٠ ا	ه
۲۵۱,۰	۰,۲۵۵	74	٠,٨٣٤	۰,۷۰۷	٦
٠,٤٤٩	٠,٣٤٩	۳.	۰,۷۹۸	٠,٦٦٦	Y
٠,٤١٨	٠,٣٢٥	40	۰٫۷٦٥	۲۳۲,۰	٨
۰,۳۹۳	٤٠٣٠ ٠	٤٠	۰,۷۳٥	۲۰۲,۰	} •
۰٫۳۷۲	۰٫۲۸۸	į o	۰٫۷۰۸	۰,۰۷٦	1.
٠,٣٥٤	۰٫۲۷۲	٠٠	٠,٦٨٤	۰,٥٥٣	11
٠,٣٢٥	٠,٢٥٠	7.	1,771	۰,۵۳۲	14
٠,٣٠٢]	٠,٢٣٢	٧٠	137,1	٠,٥٠٤	14
۲۸۲٫۰	٠,٢١٧,	۸۰	٠,٦٢٣	٤٩٧ ،	18
۷۲۲۷،	ه ۲۰٫۰	4.	1,317	٤٨٢,٠	10
1,708	۰,۱۹۰	1	٠,٥٩٠	٠,٤٦٨	17
۸۲۲۸۰	٠,١٧٤	140	ا ەلاەر،	1,207	\ \\
٠,٢٠٨	1,104	10.	۰,۵۲۱	+,£££	1.4
١٨١,٠	٠,١٣٨	٧	1,014	٠,٤٣٢,	11
٠,١٤٨	۰٫۱۱۳	***	۰٫۵۲۷	٠,٤٢٣	γ.
٠,١٢٨	-1,148	£	۲۲۵,۰	٠,٤١٣	۲۱
۰٫۱۱۰	٠,٠٨٨	۵۰۰	۰٫۵۱۵	٠,٤٠٤	77
۰٫۰۸۱	٠,٠٦٢	١	۰٫٥٠٥	٠,٢٩٦	77"

جدر ل (٨٣) معاملات الارتباط ذات الدلالة عند درجات الحربة المختلفة

Garrett, H.E. Statistics in Psychology and Education.

ولتوضيح استخدام هذا الجدول نقدم الأمثلة الآتية :

التفسير	معامل الارتباط	درجات الحرية	عدد الحالات
له دلالة عند ۰٫۰۰ وليس له دلالة عند ۰٫۰۱	٠,٥٠٠	١٨	٧٠
له دلالة عند كل من	۰,٦٢٥	٤٨	۰۰
۰٫۰۱ و ۰٫۰۱ لیس له دلالة عند کل مــن	•,٧0•	4.	1
ه۰٫۰ و ۰٫۰۱			

اختبار کا^۲ :

ومن أهم الاختبارات المستخدمة لفحص الفرض الصفري اختبار كا ٢ ، وهو يستخدم بنوع خاص في اختبار مدى دلالة الفرق بين تكرار حصل عليه الباحث وتكرار مؤسس على الفرض الصفري . فاذا قسمنا عددا من أطفال فرقة دراسية حسب اختبار للذكاء الى مجموعتين : احداهما متفوقة وأخرى ضعيفة ثم لاحظنا في نهاية العام الدراسي نجاح ورسوب أفراد المجموعتين فكانت النتيجة كما يلي :

المجموع	ضعيف	ممتساز	ذكاء
			تحصل
٥٠	١٠	٤٠	ناجــح
٥٠	۳.	۲.	راسب
1	٤٠	٦.	المجموع

جدول (٨٣) الدلاقة بين الذكاء والتحصيل س

أي أن مجموعة الأطفال عددها ١٠٠ طفل ٢٠ منهم ممتازون من حيث الذكاء و ٤٠ أقل من المستوى العادي ، واتضح في نهاية العام أن ٤٠ من ممتازي الذكاء قد نجحوا في الامتحان التحصيلي ورسب ٢٠ منهم ، بينما نجح ١٠ من الضعاف ورسب ٣٠ . فانه يطلب مقارنة هذه النتيجة بما كان يتوقع لها لو أن أثر مستوى الذكاء في نتيجة التحصيل منعسدم .

لتحقيق هذا الغرض ننشىء جدولا آخر يحتوي على تكرارات فرضية مؤسسة على المتراض أن الذكاء لا أثر له في التحصيل . في مثل هذه الحالة يكون عدد الناجحين معادلا لعدد الراسبين في كل من فتي الذكاء ، أي يصير الجدول التكراري النظري على أساس الفرض الصفري كالآتي :

المجمسوع	ضعيف	متــاز	ذکاء تحصیل
۰۰	٧٠	۴.	ناجے
٥٠	٧٠	۳۰	راسب
1	٤٠	٦.	المجموع

جدول (٨٤) التكرار على أساس الفرض الصفري

. ٤

ومن هذين الجدولين يمكن أن نحصل على جدول ثالث يشتمل على الفروق بين

التكرارات التجريبية والتكرارات النظرية على أساس الفرض الصفري ويكون هذا الجدول كــالآتي :

المجمــوع	ضعيف	محـــاز	الذكاء التحصيل
صفر	١٠	1.	ناجــح
صفر	١٠	١٠ –	راسب
صفر	صفر	صفر	المجموع

جدول (ه ٨) الفروق بين التكرارات التجريبية والتكرارات النظرية

من الطبيعي أن صحة هذا الفرض أو خطأه يتوقف على هذه الفروق ، فان كانت هذه الفروق كبيرة كان كانت صغيرة كان الاحتمال كبيرا في صحته .

وهذه الفروق لا تعطي دلالة واضحة عن مدى بعد النتيجة التجريبية عما يتوقع لها اذا نظر اليها نظرة مطلقة . فاذا كان التكرار الأصلي ١٠ وكان الفرق بين التكرارين الأصلي والنظري ١٠ كان الموقف مختلفا عما اذا كان التكرار الأصلي ١٠٠ وكان الفرق بين التكرارين ١٠ أيضا ، كما أن هناك ملاحظة أخرى وهي أن اشارة الفرق (سالبة أو موجبة) لا تهم في معرفة مدى قرب التكرارين أو بعدهما عن بعض . ولذا فان اختبار (كا٢) يقوم على تربيع هذه الفروق وقسمة هذه المربعات على التكرارات النظرية ، ثم جمع نواتج القسمة للتكرارات المختلفة . أي أن :

حيث ك : التكرار الملاحظ (التجريبي).

، ك : التكرار النظري (حسب الفرض المختبر).

وتفسير هذا أن كا٢ تعادل مجموع خوارج قسمة مربعات الفروق على التكرارات

النظرية ويلاحظ أن مربع الفرق يقسم على التكرار النظري لا التكرار التجريبي الأصلي . ولحساب قيمة كا ٢ في المثال السابق تتبع الحطوات الآتية :

〔 (_ 지 — 쥐)	([4 - 4)	_ i1 − i1	التكرار النظري ك	التكرار التجريبي ك
۳,۳۳ ۳,۳۳	1	1· - 1· -	۳۰ ۲۰	۲۰ ۲۰
17,77	١٠٠	١٠	1	1

جلول (۸۹) حساب کا^۲

.. كا في هذا المثال = ١٦,٦٦

والخطوة الباقية هي معرفة درجات الحرية ، ثم الكشف في جدول كا عما اذا كانت قيمة كا لمذه القيمة من درجات الحرية ذات دلالة عند نسبة ٠,٠٠ ثم عنسد نسبة ٠,٠٠

ودرجات الحرية في مثل هذا الجدول =

(عدد الأعمدة - ١) (عدد الصفوف - ١).

(ذلك لأننا مقيدون في كل صف أو عامود بقيمة واحدة حتى يكون مجموع الصف أو العامود ثابتا) (١) .

$$(1-Y)(1-Y) = ... \therefore$$

(١) ريمكن حاب درجات الحرية بطريةة أخرى: ففي الجدول ؛ خانات تعطي ؛ درجات من الحرية الا أننا مقيدون في ملء هذه الحازات بأربعة قيود ، هي حواصل الحمم ولكننا في ذلك نكون قد تقيدنا بالمجموع الكلي مرتين : مرة في حواصل جمع الأعمدة ومرة في حواصل جمع الصفوف ، فينبغي أن نزيد ١ مل درجات الحرية الناتجة فتكون درجات الحرية = ؛ - ؛ + ١ = ١ .

•,٧•	۰۸۰	٠,٩٠	۰,۹۵	۰,۹۸	٠,٩٩	دح
٠,١٤٨	•,•787	۸۵۱،۰	•,•٣٦٣	,	•,•••\•Y	١
۰٫۷۱۳	٠,٤٤٦	٠,٢١١	٠,١٠٣	٠,٠٤٠٤	٠,٠٢٠١	۲
1,272	1,	۸۵۸٤	٠,٣٥٢	۰٫۱۸٥	۱٫۱۱۵	٣
7,190	1,719	١,٠٦٤	٠,٧١١	٠,٤٢٩	۲۹۷ ۰۰	٤
۳,۰۰۰	7,727	1,711	1,180	۲۵۷,۰	٠,٥٥٤	٥
۳,۸۲۸	۳,۰۷۰	۲,۲۰٤	1,740	1,178	۲۷۸,۰	٦
٤,٦٧١	۳,۸۲۲	۲, ۸۳۳	7,177	1,478	1,144	٧
۷۲۵,۵	4,091	٣,٤٩٠	7,747	۲,۰۳۲	1,727	٨
7,798	۰,۳۸۰	٤,١٦٨	7,740	7,047	۲,۰۸۸	4
٧,٢٦٧	٦,١٧٩	٤,٨٦٥	7,920	4,.04	۲,٥٨٨	١٠
۸٫۱٤۸	٦,٩٨٩	۸۷۹٫۵	ه٧٥,٤	Y,7 • 4	۳,۰۵۳	11
4,.42	٧,٨٠٧	7,408	٥,٢٢٦	٤,١٧٨	7,071	14
4,477	ለ,ጓሞ٤	٦,٠٤٢	۸۹۲ره	٤,٧٦٥	٤,١٠٧	۱۳
۱۰٫۸۲۱	1,277	V, V ¶•	٦,٥٧١	۰٫۳٦۸	٤, ٦٦•	١٤
11,771	۱۰٫۳۰۷	٧,٥٤٧	٧,٢٦١	۰,۹۸۰	۵,۲۲۹	١٥
17,771	11,107	4,414	٧,٩٦٢	٦,٦١٤	۰٫۸۱۲	17
۱۳٫۵۳۰	17,	4,.40	۸,٦٧٢	V, Y00	٦,٤٠٨	17
14,44.	۱۲,۸۵۷	۱۰٫۸٦٥	4,74.	٧,٩٠٩	٧,٠١٥	14
10,707	17,714	11,701	1.,117	۸٫۵٦٧	٧,٦٣٣	19
17,777	12,074	17,224	۱۰٫۸۰۱	4,777	۸,۲٦٠	7.
17,187	10,220	۱۳,۲٤٠	11,091	٧,٩١٥	۸٫۸۹۷	11
۱۸٫۱۰۱	17,818	12,+11	۱۲,۳۳۸	10,700	4,027	17
14,.41	17,147	12,828	18,.41	11,794	11,197	74
14,424	14,077	10,709	۱۳,۸٤۸	11,447	۱۰٫۸۵٦	75
۲۰٫۸٦۷	14,920	17,274	12,711	17,797	11,078	10
11,744	19,840	14,747	10,879	14,5.4	14,194	77
77,714	۲۰,۷۰۳	14,118	17,101	18,170	14,44	YY
74,750	۲۱,۵۸۸	18,989	17,474	1	14,010	144
71,077	77,270	19,774	۱۷,۷۰۸	}	18,704	14
Y0,0·A	74,418	70,099	14,544	17,4.7	12,790	٣.

				-+	- ,		
دح	٠.٠١			•.1•	٠٢.٠	٠.٣٠	٠.٥٠
١	7.750	0.817	4.481	7.7.7	1.787	۱۰۷٤	• . 200
۲ ا	4.71	37A.V	0.441	1.1.0	7,714	۲,٤٠٨	۱٫۸۳٦
٣	11.750	4.444	۷,۸۷۵	7,701	1,711	7.770	7.477
٤	17.777	11.778	4,844	V.VV4	0.414	٤,٨٧٨	4.40
٥	١٥،٠٨٦	۱۳,۳۸۸	114.	1,171	V,YA4	7.078	107,3
٦	17.777	10,.27	17,097	11.720	۸,۵۵۸	V,Y#1	۸٤٣.٥
Y	14.270	17,77	18,.77	1717	1,1.4	۸٫۳۸۳	٦,٣٤٦
٨	1 4 .	14.174	۱۵٫۵۰۷	14.414	11.000	1,011	٧,٣٤٤
1	71.777	14.774	17,414	18,718	17,727	10,700	۸,۳٤٣
1.	72.7.4	11.11	۱۸٫۳۰۷	10,444	14,227	11,741	4,721
11	41.44	27,118	14.770	17,770	12,771	14,844	1.741
17	۲ ٦, ۲ ۱۷	71,.01	7177	14,029	۱۵٫۸۱۲	1811	11,78.
۱۳	۳۷,٦٠٨	10,271	77,77	14,811	17,400	10,119	17.48.
18	29,181	۲٦,۸۷۳	٥٨٢,٣٢	41.078	۱۸٫۱۰۱	17,777	14.44
١٥	40,041	7 A, 7 0 4	72.447	14,4.4	14,711	14,411	18.744
١٦	44,	۲ ٩,٦٣٣	77,747	74,027	۲۰,٤٦٥	14.514	۱۵,۳۳۸
۱۷	44,5.9	٣٠,٩٩٥	۲ ۷,0۸۷	71,774	41,710	14.011	ነ ገ . ۳۳۸
١٨	71,100	44,487	۲۸,۸٦٩	Y0,414	۲۲,۷ ٦٠	20,201	۱۷،۳۳۸
11	41,141	22,770	٣٠,٠٤٤	YV,Y•£	77,9	Y1,7A4	۱۸,۳۴۸
۲٠	47,077	70,.70	٣١,٤١٠	۲۸,٤۱۲	72, . 47	YY,VV0	14,440
11	44,444	47,424	۳۲,٦٧١	19,710	10,171	۲۳,۸۵۸	۲۰,۳۳۷
77	\$+,449	27,704	77,472	۳۰,۸۱۳	۲۷,۳۰۱	12,444	۲۱,۳۳۷
74	\$1,748	የ ለ, ੧ ٦٨	۳۵,۱۷۰	71,	YA,£Y ¶	۲7,•1 8	27,77
72	٤٢,٩٨٠	٤٠,٢٧٠	41,510	77,197	79,000	14,.47	۲۳,۳ ۳ ۷
10	117,33	٤١,٥٦٦	47,707	78,787	۵۷۶,۳۳	YA,1YY	۲٤,۳۳۷
77	10,717	٤٢,٨٥٦	۳۸,۸۸۰	40,074	۳۱,۷۹٥	79,727	797,07
77	17,978	\$8,18.	٤٠,١١٣	٣٦,٧٤١	۳۲,۹۱۰	40,419	77,777
۲۸	£ A, Y YA	٤٥,٤١٩	\$1,777	47,417	۳٤,٠٢٧	71,791	۲۷,۳۳٦
44	٤٦,٦٩٣	٤٢,٥٥٧	۳۹,۰۸۷	70,179	40,149	47,271	የለ,ዮዮ٦
٣٠	۵۰,۸۹۲	٤٧,٨٦٧	£٣,٧٧٣	207,03	41,700	1	۲ ۹ ,۳۳٦

جدو ل(٨٧) قيم كا ^٧ المقابلة لنسب الاحتمالات المختلفة

واذا بحثنا في الجدول أمام درجة الحرية ^(۱) في عامودي نسبة الاحتمال ٠,٠٥ ونسبة احتمال ٦,٦٣٥ ونسبة احتمال ١,٠١ .

وكا ^٢ التي حصلنا عليها تزيد كثيرا عن هاتين القيمتين ، مما يدل على أنها ذات دلالة عند النسبتين ، أي أن الفرض الصفري لا يقوم عن أساس سليم ، أي أن التجربة قد أثبتت أن لمستوى الذكاء أثرا فعلي في النجاح التحصيلي . فاختبار (كا ^٢) يستخدم عادة كمحك لقبول أو رفض الفرض الصفري .

وُفي حالات الجداول التي تتساوى فيها الفروق بين التكرارات النظرية والتجريبية في الخلايا الأربع يمكن أن نحول القانون الذي نحسب به كا ^۲ الى (ك ـــ ك ً) مح الم

مثال آخر : عمل استفتاء اجتماعي عن موضوع « التعليم المشترك » في المستوى الثانوي فكانت النتيجة كما يلي :

موافق جدا موافق محايد معارض معارض بشدة المجموع عدد الاجابات ۳۳ ۲۸ ۲۹ ۱۹۰

فهل يمكن الاعتماد على هذه النتيجة التي عدد الموافقين فيها (77 + 10) = 10 وعدد المعارضين فيها (10 + 10) = 10 ، أم أن الفروق بين التكرارات نتجت بمحض الصدفة وراجعه لظروف الاستفتاء واختيار العينة ؟ المتبع في مثل هذه الحالات أن نفترض فرضا صفريا وهو 10 أن التكرارات الحقيقية في المجتمع الأصلي متعادلة ، وليس هناك اتجاه حقيقي لزيادة الموافقين عن المعارضين ، . وبناء على هذا الفرض الصفري تنشىء جدولا تكرارايا جديدا فيه تتساوى تكرارات الفئات الحمسة (مع تقيدنا بالمجموع 10)

موافق جدا موافق محايد معارض معارض بشدة المجموع عدد الاجابات ۳۰ ۳۰ ۳۰ موافق عايد الاجابات معارض بشدة المجموع

ثم تقارن بين التكرار التجريبي والنظري وتحسب كا ٢:

1(1-4)			التكرار النظري	التكرار التجريبي
<u>.</u> 1	<u>-1-1</u>		آئے۔	<u>.</u>
۰٫۳۰	٩	٣	۳۰	۳۳
1,74	YA 4	17	٣٠	٤٧
۱٫۳۳	٤٩	٧	۴٠	74
۰٫۱۳	ŧ	٧	٣٠	44
٤,٠٣	171	11 -	٣٠	19
10,77			10.	10.

جدول (AA) حساب كا^۲ لاجابات الاستفتاء

ودرجات الحرية في هذا المثال ن – ١ ، وينبغي أن لا يفوتنا هنا أن ن هي عدد التكرارات وليس مجموعها كما كان الحال في اختبار « ت » أي أنها تساوي هنا ٥ – ١ = ٤ (لأننا كنا مقيدين بقيد واحد في وضع التكرارات النظرية المتساوية وهو مجموع التكرارات) واذا رجعنا الى جدول كا ٢ في صف درجات الحرية ٤ نجد أنها تعادل ٩.٤٨٨ عند نسبة ٥٠,٠ وتعادل ١٣,٢٧٧ عند نسبة ١٠,٠ ، وما دامت كا ٢ في جدول (٨٩) أكبر من هاتين القيمتين فاننا نكون محقين في رفض الفرض الصفري ، ذلك لأن النتيجة التي حصلنا عليها لا تحدث إلامرة واحدة في كل مائة مرة عن طريق الصدفة اذا كان الذرض الصغري صحيحا ، أي أن هذه التكرارات التجريبية ذات دلالة احصائية وأن هناك اتجاها حقيقيا في المجتمع الأصلي للموافقة أكثر منه للمعارضة .

كا ^٢ في حالة الجداول التكرارية ذات التكرار الصغير :

في كثير من الأحيان تحتوي خلايا الجدول التكراري المزدوج على تكرارات صغيرة وفي مثل هذه الحالات يفضل اجراء تصحيح في الفروق بين التكرارات وقد اقترح هذا التصحيح يول Yule ويطلق عليه تصحيح الاستمرار Yule المتقسيم مستمرا وليس والفكرة من هذا التصحيح أن نظرية العينات تؤدي بنا الى اعتبار التقسيم مستمرا وليس محددا بنقط حادة فاصلة ، واعتبار هذه النقط على أنها منتصف فترة ، هي مرحلة الانتقال بين القسمين ، ولذا يفضل دائما أن نعمل حسابا لكسرقدره هر ، في كل فرق بين التكرار التجريبي والمتوقع ، ولنأخذ مثالا لتطبيق هذا التصحيح . لنفرض أننا أجرينا استبيانا التجريبي والمتوقع ، ولنأخذ مثالا لتطبيق هذا التصحيح . لنفرض أننا أجرينا وصفون المحسين مراهقا ، فكانت النتيجة التجريبية أن ٢٨ أجابوا اجابات تجعلهم يوصفون بالخضوع . فهل نكون محقين في بالسيطرة ، و ٢٧ أجابوا اجابات تجعلهم يوصفون بالخضوع . فهل نكون محقين في وصف المراهقين بأنهم يميلون الى السيطرة أكثر من الحضوع ؟ للاجابة على ذلك نفترض فرضا صفريا مؤداه « أنه ليس هناك ميل خاص بين المراهقين الى السيطرة أو الخضوع وبناء على هذا الفرض يكون من المتوقع أن يوصف نصف العدد الكلي بكل من الصفتين أي أن الوضع التجربي والمتوقع يمكن تلخيصه كما يلى :

مجمــوع	خــاضع	مسيطر	
٥٠	77	47	تكرارات تجريبية
۰۰	70	40	تكرارات نظرية
	٣	٣	الفـــرق
	۲,٥	حیح ۲٫۵	ويكونالفرق بعدالتص
	Y (Y, 0) +	' (Y,0) Yo	وتكون كـــا " =
		o =	
	1 = 1 -	الحرية = ٢ ـ	وتكرن عدد درجات

Goulden, C. H., Methods of Statistical Analysis (1939) and Sendecor, G.W. Statistical (1) Methods. (1937).

وواضح من جدول كا ^٢ أن النتيجة تقل عن قيمة كا ^٢ عند درجة حرية ١ ونسبة احتمال ٥٠٠ (٣.٨١٦) أي أن كا ^٢ هنا لا دلالة احصائية لها . مما يرجح قبول الفرض الصفري وهو أنه ليس هناك ميل خاص لأية ناحية من هاتين الناحيتين عند المراهقين .

كا في قياس مدى انطباق التوزيع على التوزيع الاعتدالي :

تكلمنا في الباب الحامس عن خواص المنحى الاعتدالي ، وبينا أن هذا النموذج من التوزيع انما هو نموذج نظري صرف لا يحدث عمليا أن ينطب عليه التوييع التجربي لأي صفة نفسية أو أي متغير طبيعي انطباقا تاما . ولكن الذي يحدث دائما أننا نفترض هذا التوزيع في أغلب السمات النفسية والاجتماعية في المجتمع الأصلي ، ويكون هدف الباحث مقارنة التوزيع الذي يحصل عليه بهذا التوريع الاعتدالي النظري . وقد دكرنا أن الطريقة لهذه المقارنة تنحصر في تهيئة Fitting أقرب توزيع اعتدالي لما حصل عليه الباحث من بيانات ، مع التقيد في هذه التهيئة بالمعاملات الأصلية في التوزيع التجربي كالمتوسط الحسابي ، الانحراف المعياري كما يجب التقيد كذلك بعدد الحالات التي شملها البحث : وطريقة تحويل التوزيع الى التوزيع الاعتدالي موضحة في ص جدول ٤٥ ، وتشتمل على تحويل القيم الى درجات معيارية ثم تعديل التكرارات الأصلية الى تكرارات مستمدة من ارتفاعات المنحى الاعتدالي النظري .

وقد ذكرنا أنه يمكن المقارنة بالنظر بين التكرارات الأصلية والتكرارات المعدلة ، فاذا كان الفرق كبيرا دل ذلك على أن التوزيع التجرببي لم يأت من التوزيع أصلي اعتدالي ، الا أن مدى كبر الفروق بين التكرارين ينبغي أن نصل اليه عن طريق احصائي . ونظرا لأن اختبار كا ^٢ يوصلنا الى المقارنة الاحصائية بين أي تكرار تجرببي وأي تكرار آخر نظري نفترضه فان هذا اللاختبار هو خير ما يصلح للوصول الى هذا الهدف ، حيث يمكننا أن نفترض الفرض الصفري الآتي « لا يوجد فرق جوهري ذو دلالة بين التكرار التجرببي الذي حصلنا عليه والتكرار الاعتدالي النموذجي » .

التكرار المعــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	التكرار	الفئات
آغ	4	
٤,٤٢		
۸,۸٥	١٦	- Y•
۱۷,۷۰	44	- 1.
۲۸,۸۲	**	0 •
۲۸,۷۲	40	-4.
11,71	٤٥	~Y•
٤٢,٠٣	٤٢	_Y•
84,17	47	_4.
77,17	14	-1
17,17	١٤	-11.
0,04	١٢	-14.
۲,۲۱	ı	
Y09,99	77.	المجموع

جدول (٨٩) تكر ارات معدلة حسب التوزيع الاعتدالي

ويلاحظ أننا أضفنا في التكرارات المعدلة فئة عند كل طرف نظرا لاحتمال أن العينة التجريبة لم تشتمل على القيم الصغيرة جدا أو الكبيرة جدا ، فلحساب كا ^٢ لهذه المقارنة نتبع الحطوات المعتادة ، كما في الجدول الآتي وقد ضمننا التكرارين الزائدين على تكرار أول وآخر فئة لتتسى المقارنة بين التكرارات المقابلة .

			التكرار المعدل	التكر ار	
*(ゴーシ)	(ゴー ゴ)	(44)			الفئات
_ 1			의	(ك)	
۲٥.٠	٧.٤٥	۲.۷۳	14.40	17	- T'
١,٠٤	٨,٤٩	1.4	۱۷,۷۰	77	į·
٠,١١	۳,۳۱	1.87	۲۸,۸۲	47	٠ ه ــ
٠,٣٦	۱۳,۸٤	۳,۷۲	۳۸.۷۲	٣٥	- 1.
۰٫۰۱	۰,۵۸	۰.٧٦	11-33	٤٥	_ V•
_	_	٠,٠٣ _	٤٢,٠٣	٤٢	۸۰
۰٫۸۱	۲٦,۸۳	0,11	44.14	47	_ 4.
٠,٤٤	٩.٧٣	۳,۱۲	77,17	19	_ \
۰٫۲۷	4,40	١٫٨٣	17,17	12	-11.
٢,٣٤	14.10	٤,٢٦	٧,٧٤	17	-14.
٥,٩٤		۱۳٬۸۸	Y09.99	۲٦٠	المجموع
		۱۳،۸۷ –			

جدول (• •) مقارنة بين التكرار الأصلي والتكرار المعدل باستخدام اختبار كا ٣ من هذا الجدول نجد أن كا ٢ = ٩٤.٥

ولحساب درجات الحرية ينبغي أن نذكر أنه في تعديل هذه التكرارات كنا مقيدين بقيود ثلاث هو المتوسط والانحراف المعياري ومجموع التكرارات ولذا فان درجات الحرية تساوي عدد الفئات ــ ٣ (وينبغي ألا نخلط بين عدد الفئات وعدد الحالات الذي هو مجموع التكرارات كما كنا نحسب درجات الحرية في اختبار «ت»).

واذا رجعنا الى جدول كا ٢ عندما تكون درجات الحرية ٧ نجد أن نسبة ٠,٠٠ يجب أن تصل الى كا ٢ الى ١٤٠٠٦ حتى تكون ذات دلالة وعند نسبة ٠,٠١ بجب أن تصل الى ١٨٠٤٧٥ . وعلى هذا تكون كا ٢ ليست ذات دلالة احصائية ، ولذا نستطيع أن نقبل الفرض الصفري الذي يفيد بأنه ليس هناك فرق جوهري بين التكرار التجريبي الذي حصلنا عليه والتكرار الاعتدالي النظري .

ونضيف هنا ملاحظة صغيرة وهي أنه اذا قل تكرار احدى الفئات عن (٥) ضممت هذه الفئة الى الفئة التي قبلها أو بعدها واعتبرت الفئتان فئة واحدة وذلك لأن تطبيق اختبار كا ٢ يشترط فيه أن يكون كل تكرار في الجدول ٥ على الأقل .

استخدام كا ٢ في اختبار اعتماد متغيرين كل على الآخر:

X² as a test of Dependence

اذا حاول باحث ايجاد العلاقة بين متغيرين فالطريقة الطبيعية كما ذكرنا سابقا ــ هي ايجاد معامل الارتباط بينهما ، مستخدما في ذلك أي معامل من المعاملات التي سبق لنا ذكرها . ولكنه لا يتسى ذلك الا اذا تيسر له الحصول على فترات عددية منتظمة لكل متغير ، أما اذا كانت البيانات التي حصل عليها لا تسمح بهذا التقسيم العددي المنتظم لجأ الى معامل التوافق (ق) في ذلك .

هذا ويمكن استخدام كا ^٢ في اختبار صحة الفرض بأن المتغيرين منفصلان عـــن بعضهما تماما من حيث الأثر ، بحيث لا تأثير لتغير أحدهما في تغير الآخر أي في اختبار استقلال Independence كل من المتغيرين عن الآخر .

واليك مثل لتطبيق اختبار كا^٢ في مثل هذه الحالات :

أراد باحث معرفة العلاقة بين التوافق الاجتماعي لطلبة الكليات ونجاحهم الدراسي ، فأجرى استبيانا للتوافق الاجتماعي على عينة من هؤلاء الطلبة ، ثم قسمهم حسب نجاحهم تبعا لتقديراتهم في النجاح ، فكانت نتيجة البحث كما هو مبين في الجدول الآتي :

-			1	التوافق
المجموع	توافق منخفض	توافق معتدل	توافق عال	الدز اسة
۳۰	1	٩	17	ممتاز
٣٠	٧	10	۸	جيدا جدا
٦.	17	٣٦	۸	جيـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
۸۰	•	70	*	مقبـــول
٥٠	۳۱	11	٨	ضعيف
٥٠	۲۸	١٤	٨	ضعيف جدا
۳۰۰	١	10.	٥٠	المجموع

جدو ل (٩١) العلاقة بين النجاح الدراسي والتوافق الاجتماعي لطلبة الكليات .

ويهدف الباحث الى معرفة هل يعتمد كل من المتغيرين على الآخر أم أنهما مستقلان تماما بعضهما عن بعض . :

والطريقة هنا هي نفس الطريقة المتبعة دائما في تطبيق اختبار كا ^٢ ، وهي تنحصر في تكوين جدول تكراري على أساس الفرض الصفري ، أي على أساس استقلال العاملين بعضهماعن بعض، فاذا ثبت بعدذلك أن كا ذات دلالة احصائية رفضنا الفرض الصفري . واختبرنا المتغيرين مستقلين .

لمعرفة عدد الممتازين الذين على درجة كبيرة من التوافق على فرض استقلال العامل الدراسي وعامل التوافق نلاحظ أن عدد الممتازين جميعا 70 طالباً . (مجموع الصف الأول) ، كما نلاحظ أن في المجموعة كلها البالغ عددها 70 طالباً 90 منهم متوافقا توافقا عاليا ، أي ما بعادل $\frac{1}{7}$ المجموعة الكلية . فان لم تكن هناك أي علاقة بين الدراسة والتوافق توقعنا أن النسبة $\frac{1}{7}$ ($\frac{10}{10}$) تكون محفوظة في جميع مراتب الدراسة. أي نتوقع أن يكون عدد الذين نجحوا برتبة جيد جدا ومتوافقين توافقا عاليا 70 \times $\frac{10}{10}$... ونتوقع أيضا أن يكون عدد الذين نجحوا برتبة جيد ومتوافقين توافقا عاليا 70 \times $\frac{10}{10}$... وهكذا ، في جميع تكرارات العامود الأول .

وفي حالة تكرارات خلايا العامود الثاني نجد أن عدد المتوافقين توافقا معتدلا يعادل نصف المجموعة الكلية ($\frac{10}{1000}$). فيجب أن تظل هذه النسبة محفوظة في جميع خلايا هذا العامود على فرض أنه ليس هناك علاقة بين المتغيرين ، فنتوقع أن يكون عدد الممتازين المتوافقين توافقا معتدلا 0.000 0.000 ، وعدد الناجحين برتبة جيد جدا ومتوافقين توافقا معتدلا 0.000 و الناجحين برتبة جيد 0.000 و هكذا .

فاذا رمزنا للصف بالرمز أ وللعامود بالرمز ب كان التكرار المتوقع للخلية في الصف أ والعامود ب أي الخلية أ ب ذات التكرار ك_ا

> ك أ × ك ب <u>ك</u> والحطوة التالية هي تكوين جدول من التكر ارات النظرية كالآتي :

المجموع	توافق ضعيف	توافق معتدل	تو افق عال	التوافق
المبس	ر ی سید			الدر اسة
٣٠	١٠	10	٥	ممتـــاز
٣.	١.	10	٥	جيد جدا
٦.	۲.	٣.	١.	جيـــد
۸۰	Y7,Y	٤٠	۱۳٫۳	مقبول
٥٠	17,7	70	۸,۳	ضعيف
٥٠	17,7	Υ0	۸٫۳	ضعیف جدا
٣٠٠	١٠٠,١	10.	٤٩,٩	المجمــوع

جدول (٩٢) التكر ارات المتوقعة على أساس الفرض الصفري

وبعد ذلك نستطيع أن نحسب كا' بنفس الطريقة المعتادة :

u .	_		التكرار المتوقع	التكرار الأصلي
*(「もーも)	(1-4)	(1-4)		
_1			آئ	4
4,4.	٤٩	٧	٥	۱۲
٧,٤٠	٣٦	٦	١٥	٩
٠,١٠	١	١ –	١.	4
١,٨٠	4	٣	٥	۸
_	!		١٥	١٥
٠,٩٠	4	۳ –	١.	٧
٠,٤٠	٤	۲	١.	^
۰٫۲۰	47	۲ ٤	۳.	Y7
۰٫۸۰	١٦			17
٤,٠١	٥٣,٢٩	٧,٣	14,4	۳,
10,77	770	70	٤٠	٥٢
11,77	717,79	14,4-	۲ ٦, ۷	•
۰٫۰۱	٠,٠٩	۰,۳~	۸٫۳	٨
٧,٨٤	197	12, -	40	11
۱۲,۲۵	4.5,54	18,7	۱٦,٧	۳۱ ا
۰٫۰۱	٠,٠٩	۱۰,۳-	۸٫۳	٨
٤,٨٤	171	11-	40	£
٧,٦٥	177,79	11,7	۱٦,٧	44
		٦,٦٦		
۸۱٫۳۷		٦,५٦ —	٣٠٠	٣٠٠
		•••		

جدول (٩٣) حساب كا^٢ في اختبار اعتماد متغيرين كل عل الآخر

من هذا الجدول يتضع أن كا = ۸۱٬۳۷ ودرجات الجرية = (۳–۱) (۱–۱) =۱۰ وبالرجوع الى جدول كا ^٢ نجد أن قيمتها ذات الدلالة لهذا العدد من درجات الحرية عند ٠,٠٥ تعادل ٢٤,٩٩٦ وعند ٠,٠١ تعادل ٣٠,٥٧٨ أي أن قيمة كا ^٢ في الجدول ذات دلالة احصائية عند هاتين النسبتين مما يجعلنا نرفض الفرض الصفري . ويؤدي بنا هذا الى احتمال اعتماد كل من المتغيرين (التوافق والدراسة) كل على الآخر .

ويمكن تلخيص طريقة حساب كا ٢ في الجدول التوافقي في القانون الآتي :

و هو يتطلب الحطوات الآتية :

احسب التكرار النظري لكل خلية فاذا رمزنا للخلية بالرمز أب وكان رمز تكرارها الأصلي كان بغرب بضرب المقابل للتكرار التجريبي يحسب بضرب الصف كم × تكرار العامود كي وقسمة الناتج على التكرار الأصلي ك .

٢ - اطرح كل تكرار نظري من التكرار الأصلي (التجريبي المقابل له) أي احسب
 افن. - الشري من التكرار الأصلي (التجريبي المقابل له) أي احسب

 $^{\mathsf{Y}} - ^{\mathsf{L}}_{\mathsf{L}} = ^{\mathsf{L}}_{\mathsf{L}} + ^{\mathsf{L}}_{\mathsf$

٤ - اقسم مربع الفرق في كل خلية على التكرار النظري لها أي أوجد

اجمع خوارج القسمة للخلايا المختلفة ، فيكون حاصل الجمع هو قيمة كا ٢.

٦ - احسب درجات الحرية للجدول التوافقي و هي تساوي :

(عدد الصفوف - ١) × (عدد الأعمدة - ١).

٧ - اكشف عن قيمة كا ٢ ذات الدلالة المقابلة لعدد درجات الحرية من جدول كا ٢ عند نسبتي ٠٠٠٥ و ٠٠٠١ ، فان كانت القيمة الناتجة أقل من القيمة في جدول كا دل ذلك على استقلال المتغيرين بعضها عن بعض ، وان كانت أكبر منها دل ذلك على اعتمادهما بعضهما على بعض .

حساب معامل التوافق من كا ٢:

بالرغم من أن اختبار كا ^٢ يفيد الباحث في تحديد ما اذا كان أحد المتغيرين يعتمد على الآخر ، أم أنهما مستقلان عن بعضهما تماما . الا أنه في الحالات التي يتضح من هذا الاختبار أن المتغيرين مرتبطان لا يفيد الاختبار كما هو في معرفة مدى العلاقة بينهما ولكن بتعديل بسيط في قيمة كا ^٢ يمكن أن تحصل على قيمة قريبة من معامل التوافق الذي سبق ايضاحه في الباب السابق .

وطريقة حساب معامل التوافق من قيمة كا ٢ تنحصر في تطبيق

$$\overline{\frac{\gamma_{0}}{\dot{0} + \lambda^{1/2}}} = 0$$

ولتطبيق هذا القانون في المثال السابق نجد أن :

ومعامل التوافق لا يحسب في هذه الحالة الا بعد تطبيق اختبار كا' . والاستدلال من هذا الاختبار على أن هناك علاقة بين المتغيرين ، أما اذا أثبت هذا الاختبار أن المتغيرين مستقلان كل عن الآخر فيكون لا معنى مطلقا حينئذ لحساب معامل التوافق ، لأنه في هذه الحالة يكون عادة عديم الدلالة .

تحليل التباين :

يستخدم اختبار قرت ه في المقارنة بين متوسط مجموعتين لمعرفة ما اذا كان الفرق بينهما جوهريا لا يمكن أن يكون قد حدث عن طريق الصدفة ، أو بمعنى آخر لاختبار الفرض بأن المجموعتين يمكن اعتبارهما عينتين من مجتمع أصلي واحد ، ويمكن تحوير هذين الفرضين ووضعهما على صورة فرض صفري بأنه ليس هناك فرق حقيقي بين المتوسطين في المجتمع الأصلي .

ويضطر الباحث في كثير من الأحيان أن يختار عينته التجريبية من جهات متعددة . فيجري اختباره مثلا على عينة من مدارس متباينة ، أو من مستويات مختلفة من الثقافة ، أو مستويات اقتصادية اجتماعية متنوعة ، أو من بلاد مختلفة ، ومثل ذلك حينما يجري الباحث استفتاء عن موضوع معين ، أو بحثا اكتشافيا للرأي العام نحو مشكلة خاصة فيجمع العينة التجريبية من أوساط وأقسام مختلفة . وتكون المشكلة التي يصادفها الباحث هي هل يكون محقا اذا جمع النتائج الجزئية التي حصل عليها ويعاملها على أنها نتيجة واحدة من مصدر واحد ، أم أن عليه أن يعاملها على أنها نتائج منفصلة مختلفة ؟ في مثل هذه الحالات ينبغي أن يتحقق من عدم دلالة ما بين هذه المجموعات وبعضها من فروق . ويمكنه القيام بهذا الاختبار على أساس المقارنة بين كل مجموعتين على حدة مستعملا في ذلك اختبار « ت » ومعنى هذا أنه يقوم بعدة اختبارات للوصول الى هدفه ، فان كان عدد المجموعات أربعة اضطر الى اجراء ٦ اختبارات واذا وصل عدد المجموعات الى ٨ كان عليه أن يجري ٢٨ اختبارا هـ

ولكن طريقة تحليل التباين التي وضعها Fisher توصل الى هدف المقارنة بسين مجموعات متعددة عن طريق مباشر . فالتباين هو متوسط مربعات فروق القيم عسن المتوسط ، أي أنه مربع الانحراف المعياري . ويمتاز التباين عن الانحراف المعياري في أن استخدامه أعم وأنه بصلح لعمليات كثيرة ، فهو يخضع لعمايات الجمع مثلا فاذا جمعنا مجموعتين احداهما مكونة من ن قيمة وانحرافها المعياري ع والثانية من ن قيمة وانحرافها المعياري ع فقد توصل هلسن Helson الى حساب الانحراف المعياري المجموعة الكلية المكونة منها من المعادلة الآتية :

حيث ع ٢ : تباين المجموعة الكلية (المكونة من المجموعتين ٢٠١)

ن : عدد حالات المجموعة الكلية .

ن : عدد حالات المجموعة الأولى .

ن : عدد حالات المجموعة الثانية .

ف : الفرق بين متوسط المجموعة الأولى والمتوسط العام للمجموعة الكلية

في: الفرق بين متوسط المجموعة الثانية والمتوسط العام للمجموعة الكليسة

واذا ضربنا حدي المعادلة في ن تصبح :

ن ع ۱ + ۲ رف رن + ۲ رو رن + ۲ رو رن = ۲ ون

ويلاحظ أن هذه المعادلة تحلل مجموع المربعات (مربعات فروق القيم عن المتوسط العام) الى قسمين :

أولا: ن ع ٢٠ ن ع ٢ وهذا المقدار هو مجموع المربعات داخل المجموعتين أي مربعات الفروق الموجودة بين كل قيمة ومتوسط المجموعة التي تنتمي اليها .

ثانباً : ن م ف ٢ + ن م ف ٢ وهو المجموع المرجح Weighed لمربعات الفروق بين متوسط كل مجموعة والمتوسط العام .

ومن الطبيعي أن كلا من الجزئين يسهم في التباين العام بقدر يختلف تبعا لطبيعة المجموعات وانسجامها أو اختلافها بعضها عن بعض . فان كان متوسط المجموعات المكونة للمجموعة الكلية واحدا فان التباين الكلي يرجع الى التباين الداخلي في المجموعات فقط ، وذلك لأن قيمتي ف ، و ف ، في المعادلة السابقة تصير صفرا . وكلما زادت الفروق بين متوسطات المجموعات والمتوسط العام كلما قل تجانس المجموعة الكلية .

فكأن درجة تجانس المجموعة يتوقف على النسبة بين نصيب القسمين السابقين من التباين . ولتوضيح ذلك نفيرض ثلاث مجموعات تتكون كل منها من خمسة أطفال أعمارهم كالآتي :

ومن هذه القيم الاثني عشر يمكن حساب مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط العام كما يلي :

ر مجموع مربعات انحرافات المتوسطات عند المتوسط العام .

$$= [(\forall -r)^{7} + (a-r)^{7} + (r-r)^{7}] \times 3$$

$$= 7 \times 3 = \lambda$$

مشمو مجموع مربعات انحرافات القيم داخل المجموعة عن متوسطها ـــ

 وقد ذكرنا أن مدى ائساق المجموعة الكلية يتوقف على النسبة بين (التباين بين المجموعات) و (التباين داخل المجموعات) فان كانت النسبة كبيرة دل ذلك على عدم تجانس المجموعة الكلية .

ولكي نحصل على النباين من مجموعات المربعات التي حسبناها ينبغي أن نقسم كل مجموع على عدد درجات الحرية في كل حالة .

فدرجات الحرية لمجموع مربعات انحرافات القيم عن المتوسط العام

== عدد القيم كلها - ١ = ١١ - ١ = ١١ = =

ودرجات الحرية لمجموع مربعات انحرافات المتوسطات عن المتوسط العام

= ۱ − ۳ = ۱ − ۱ = ۳ − ۱ = ۳ − ۱ = ۳ − ۱

ودرجات الحرية لمجموع انحرافات القيم داخل المجموعات

= مجموع درجات الحرية للمجموعات كل على حدة .

$$= (\dot{v}_{y} - 1) + (\dot{v}_{y} - 1) + (\dot{v}_{y} - 1)$$

ويلاحظ أيضا أن عدد درجات الحرية في الحالة الأولى = مجموع درجات الحرية في الحالتين الثانية والثالثة ويمكن أن نضع النتيجة في الجدول الآتي :

متوسط مجموع المربعات(التباين)	مجموع المربعات	در جات الحرية	المصدر
٤,٠٠	٨	۲	بين المجموعات
١,٥٦	1 £	4	داخل المجموعات
	77	11	المجمــوع

جدول (٩٤) محليل التباين لقيم نلاث مجموعات

وقد أطلق اسم F Ratio و نسميها « نسبة ف » على النسبة بين التبابن بين المجموعات والتباين داخل المجموعات . ووضع Snedecor جدولا لقيمها التي تكون لها دلالة احصائية عند نسبتي ٥٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ولاستخدام هذا الجدول يلزمنا معرفة درجات الحرية لكل من حدي النسبة . ونظرا لأن القيمة الصغرى من التباين تقابلها درجات حرية عددها ٩ في المثال السابق نبحث في الجدول عن العامود تحت الرقم ٢ والصف الذي رقمه ٩ (فأرقام الأعمدة هي الحاصة بدرجات الحرية المقابلة لأكبر جزء من التباين ، وأرقام الصفوف هي الحاصة بدرجات الحرية المقابلة لجزء التباين الأصغر . والجزءان في هذا المثال هما ٤ ، ٢٠٥٦) وبالرجوع الى الجدول نجد أن قيمة « نسبة ف » ذات الدلالة عند نسبة احتمال ٥٠٠٠ هي ٢٠٠٦ ، وعند ٢٠٠١ هي ٨٠٠٠ أي أن قيمة «ف» في هذا المثال ليست لها دلالة عند النسبتين .

ومعنى هذا أن التباين بين المجموعات وبعضها لا يزيد عن التباين داخل المجموعات بنسبة كبيرة تجعلنا ذلك في تناسق المجموعة الكلية المتكونة منها ، أي أننا نستطيع أن نقول أن هذه المجموعات الثلاثة قد أخذت كعينات من مجتمع أصلي واحد ، وبمعنى آخر أننا نستطيع أن نقبل الفرض الصفري .

ويكون الاستنتاج الأخير سهلا في حالة عدم دلالة الفروق بين المجموعات لأن هذا الاستنتاج يتضمن عدم وجود فرق جوهري بين أي مجموعتين من هذه المجموعات الثلاث، أما اذا كان هناك فروق جوهرية بين أي مجموعتين فان تحليل التباين سيوضح أن المجموعات كلها لم تأت من مجتمع أصلي واحد وتكون نسبة «ف» ذات دلالة احصائية واليك المثال الآتي لتوضيح هذه الحالة.

طبق اختبار تحصيلي على عيبة من كل من أربعة فصول دراسية فكانت الدرجات كما هي مبينة فيما يلي :

37.31 145.1 1 1.2 1 1.2 1 1.3	_ <	17.70	4.00	7.40	٧.٠٠	31.4	V,1,4	V . V 4	7.7	1.4.1	7.77	70.7	73.5
1		14.75	19.91	4 .VA	4.10	>, < 0	73,4	>. ٢٦	>	<. 4 >	٧.٠٧	٧.٧٩	٧.٧٢
	ابر	0.44	0,15	٤.٧٦	۲.۰۲	2.44	٤.٢٨	17.3	*:	2.17	*	44	**
		17.77	14.41	14,.4	11,44	10,94	10,71	160	10.77	10.10	10.00	4.41	۾ م.م ۸
	0	7.7.	٥,٧٦	13.0	0,10	0,.0	6.40	* . *	۲۷.3	£.٧,	17.3	٠٧.٤	£.7>
1 7 7 7 1 2 1 0 7 7 7 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1		Y1.Y.	١٨,٠٠	17,79	L	10,07	10,71	18.41	15.7.	16.77	12.05	12,20	18,44
1	**	٧.٧١	7,98	۳,٥٠	7.70	7.77	4.71	بر • هه	ابر • مم	به. :	0.47	0,44	0.91
1. 1 4 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7		T2.17	T. 3/1	79,27	[۲۸,۲٤	l	44.44	1	34.V4	77.77	24.12	YV 0
1	-1	10.17	4.00	۹.۲۸	9.17		>.96	>. >>	>.>٤	>.>/	>. V>	۸.٧٦	۸.٧٤
1. 4 4 7 2.00 1 7. 14. 14. 14. 14. 15. 14. 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15		94,59	99,1	19,14		AA.4.	ι		ł	11.70	99.5.	13.61	44.84
1 7 7 7 1 1 2 0 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	-	14,01	14,00	14,17	14,40	14,4・		19.47	Į.		19.49	14.50	19.61
1. 4 7 7 27 277 777 PT7 127 727 127 127 127 127 127 127 127 12		70.3							0,4/1			۲.۰۸۲	بر بر د م
ا ۱۰ م ۸ ۷ ٦ ٥ ١ ١ ١٠ ١٠	_	171	۲:	417	440	77.	344	٧٣٧	444	131	727	737	33.1
		-	4	-1;	~	o	ور	<	>	ھ	-	1	17
	٠. د.								-	- ``U	4. 1. 1.	، ه <u>ي</u> . ل	

۲,>,	۲,04	6,17	47.74	6,6	۲,۷۹	٤,٧١	7,91	0,11	۲,·۷	0,77	۲,۲۸
	۲۰,۵۲	2,44	11/1	13,3	۸۷,۸	٤,٧٨	7,98	0,11	て;一・	9.75	イデザノ
7,4%	٠٢,٦	٤,٣٠	۲,۷٦	30,	λ٧.	٥٨, ٤	4,44	0,77	4:14	1	7,72
۲٠,۲	٥٦٫٦	2,49	۲,۸۰	٤,٦٣	7.47	٤,٩٥	۲.۰۲	٥٣٥	۲,۱۸	0.4	
21,3	٧,٧٠	٤,0٠	٧,٨٥	٤,٧٤	٧,٩٠	0,47	4,.4	0.57	۲.۲۳		
۲,۲۸	۷۷,۷۷	٤,٦٥	7.97	٤.٨٨	١٠٠٦	١٢٠٥	7:12	0.77	4.44		14,0.
13.3	۰۸۰۲	٤,٨٢	T	٥,٠٧	4.4	0.79	47.44	۰,۸۰	٣.٣٧		7,01
£ . 1 &	7.47	0, • 7	4,1,	0,44	۲,۲.	31.0	٣,٣٢	7,07	r.2.	7.74	
0; • 7	7,17	13,0	4,47	۷۲,٥	4,41	0,44	۲,٤٨	73,57	T.74	٧,٠١	134.7
10,0	4,48	0,40	T, 24	7,77	4.04	7,00	4,41	7,44	ザ ,>コ	٧,٥٩	٤,٠٧
7,01	4,72	7,94	7,77	٧,٢٠	T; 4 >	V.07	6,1.	۸,۰۲	2.77	۸,٦٥	13,3
۲۸,۸	6,7.	4,44	£,V0	9.40	\$ ^ \$	10.00	16.3	10.07	0.17	11,77	ا ٥,٣٢
	<u>~</u>		1		5		-		هر		>

verted by	Till Collibille -	(110 Stallips are applied b)	registered version)

				,				
. <	ب ر	0	~	4	-4	١.	حر ر.	
٠٢.٥	7,7V	4.7	17.77	17.17	19.01	70£ 7,777		
34.4	7.9.	4 F	34.0	31.17	14.0.	7.471	0	
٥.٧٠	7.79 7.79	44	14.04	77.17 30.4	19.59	404.T	۲.,	
T: Y>	7.41	4.14	14.07	۲۲.۲۲	63.66	7.445	 :	
4.44 0,47	7,77 7.•7	4.17	14.71	77.7Y	19.20	7.772	Y 0	
T, TY	۲.۷0 ۷,۰۹	37.8	14.10	7.00 77.70	19.27	7.4.4	o,	
T.T.	7,7Y 7,18	9,79	17.4	13.61	19.87	701 7.777	٤٠	
T.T.A	۲.۸۱ ۷.۲۳	4.4.	14.74	10.57	19.57 19.57 19.57 19.50 19.67 99.57 99.57	707 701 700 759 7.7.7 7.7.7 7.7.7	4.	
7:4	۳.۸٤ ۷,۳۱	73.4	14.74 14.44	77,72		7,742	7 2	
33.4	7.74	₹.07 ٩ ,00	٠,٨٠	77.77 17.77 17.77 13.77 07.77 77.77	19,22	7 £ A	٧.	
77.7 12.4	7:47 7:07	6.74 4.74	0,\£	71.74	19.27	7,179	17	بز الأكبر
04'L 10'A	4.41 4.41	£,7£	۰.۸۷ ۱٤,۲٤	۸,۷۱ ۲٦,۹۲	19,27	431°L 031	18	التبسساين

				 	
١٣	=	=	-		>
7, 7	7,77	7.4.	T.91	Y.V.1	۲. ۵۲
7,18	7.77	Y, 21	T,9T	4.74 4.74	7,4£
7.17	T.E.1	Y, EY	T,97	7.YT	Y,41
7.14	T.77	T,V.	7,09	13.3	7.9.7 7.9.7
7.77	4.44	7,2V 7.V2	٠٠.٤	۲.۷۷ ۲.۷۷	0 1
Y.YE	Y.E.	۲,0.	41.3 31.4	¥.4.	0 1
۲,۲۷ ۲,۲۷	17:71 73.7	۲۰۰۲	٧١٠٤	۲۰۸۲ ۲۰۰۶	4:0
7.72 17.7	۲.٤٦	T.98	4,V.	7.A7 3.7.3	0 7 >
43.4	Y.0.	7.71	4.VE	X . V	T.17
Y.74 T.01	7.0£	۲,٦٥ ۲,٦٥	13:3	۲.۹۲	7.10
7.77	Y.7.	17.3	Y Y	7.4X	0.4.7 7.4.
۲.٤٨	r	34.7	1.73	b	7.77

<u> </u>	Y	***	4.:3 3.7.1	7,7.	4,40	7,77	4,91	7,77	7,77	7,04	7,07	03'A \$<'.'
	٧,١٧		٠٨٠٤	7.41	13.7	7.1.>	7:1	۲.۸۸	۲.٧٨	۲.٧٠	17.77	1.0.7
•	77	7.17	7.74	Y.07	7,2.	7.74	۲.۲.	7.17	77	77	7.4	1.90
	7.71	0.15	2.71	7.7	4.04	7.74	4.11	Y. 9.4	۲.۸۸	۲.۸۰	۲.۷۲	Y,77
·~	٤,٠٨	4.44	7.72	17.71	7.20	7.72	7.70	۲.۱۸	۲.۱۲	٧٠.٧	3.7	۲.،.
	٧.٥٦	0.44	10.3	F Y	7.4.	T'. EV	4.4.	4.17	41	Y.4A	7.4.	Y.A£
7	2,17	4,44	7,97	4.74	7.05	7.57	7,72	۲.۲۷	۲.۲۱	7.17	11:17	۲.۰۹
	٧.٨٢	17,0	٤,٧٢	2.44	T.A.	٧٢.٣	7.0.	4.4.1	4.40	4.14	4.04	77
4 %	1.4.3	T. 2.	7:-1	۲.۷۸	7.77	7.01	7.24	۲۳.۲	۲.۳٠	4.4.	7.77	٧.١٨
	۸.۱۰	o .>	\$1.3	73.3	2.1.	۲.۸۷	۲.٧١	4.01	4.50	7.47	4.4.	4.44
٠.	2.40	7.64	7.1.	۲.۸۷	۲.۷۱	۲.٦٠	7.07	Y. £0	٧.٤٠	٥4.٢	۲.۳۲	۲.۲۸
	>. % ·	1,11	0.17	۲۲.3	1. TX	r.1.	4.47	T.V4	4.14	T.09	4.01	4.50
11		T.04	T. T.	7.47	۲.۸۱	₹. ∀ •	7.77	۲.00	γ.ο.	٥٤.٢	13.7	۲,۳۸
	-	~	7	**	o	ب	٧	^	٨	٠١	11	17
ر ا												
							-		ر.	ن ۱ درجار	درجات الحريسة	. ስ
												۱

	T								Γ					 -
1	4 0		1:12		٧,٢٠	1.5	7.74	1.77	Y.Y.	١,٨٠	۲.۳۰	1,,1	7.77	1,>0
1.97			1.12		7.77	1,>.	7,79	1.71	7,72	۱۸۲،۱	7.47	1,,	۲,٤٣	۱,۸۸
1,44			1,11	7,77	7.72	1,15	٧٣,٢٧	1,>0	Y. E 1	٧٨,١	Y, £ £	1,14	7.01	1.47
1.44 Y.V.	₹:.		1,21	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	۲,٤٢	1,>4	7,27	<u>.</u> هـ	۲,0٠	19,1	Y , 0 Y	36.1	۲.09	1.97
Y, Y	-		1,01	1,98	7,04	1.40	۲,۵0	1,41	Y.7.	1,41	7,77	٧,٠٠	7,79	7,.4
4, v. 4 3 · 6	o		1,12	۲,۰	Y.77	77	4,79	74	Y,Vr	۷٠,٧	۲.٧٦	۸٠٠٨	7,17	۲,1.
Y,.>			, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	۲	۲.۸۲	۲,1۰	۲,۸٥	7.17	7.4	۲,۱٤	7.97	11.7	7,99	4:14
4,41	·		7.0	7.71	7.2	7.77	41	7,77	7,11	۱ ۸۰۸	4.18	٧٧.٢	4.4.	4.4.
7:10	7		1 :1 1	7.77	T;T2	7,77	4.41	7.79	13.7	13.7	4.55	Y. 24	4.01	7.57
Y . 7 A	3.7		1.4/	4 . 7 .	1,>.	117	۲,۸۲	7,77	1.77	7.70	4,41	7,77	T', 4 ^	۲,٧٠
4,44	1.	لم		ب م. ب ه. ب	11.3	-1 :	11.3	7.7	1.7.3	7	٥٧.٤	7	۲۸.3	T A
T.74		1 1 1 L	1:16	1 7 7 1	7.7.7	۲.>٥	٦,٧٠	4,17	۲۷,۲	۲,۸۹	1 % 1	7.4.	٠, ١	7,48
7.70	in .	. <u></u>				<i>-</i> ::::::::::::::::::::::::::::::::::::				-≺ :		·		1:

	 -:	<	0	~	7	3.2	۲.
. 0	•						
1.77	1.77	1.70	33.1		1 . 4	7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	13.7
١.٢٥	1.3.1	1.77	1.7.1	1.07	7.76	۲.۲۲	1.00 13.4
1.74	1.01	1.17	1.67	1.00	۸۰۰۸	۲۷ ۲	٧٤.٢
1.4%	1.04	1.20	1.01	1.04	1.79	۲.۲۲	1.4. Y.04
١٠٠٢	1.28	1.27) . o o	1.71	1.77	1.74	1.97 7.07
33.1	1.£%	1.04	1.4.	1.77	1.77	33.7 LV.1	1 97 7.75
1.27	1.01	1.6.1	1.74	11.79	1.49	7.24	7 7 A A A A A A A A A A A A A A A A A A
1.08	1.04	1.78	1.74	1.72	1.72	7.0X	7.77
1,00	1,17	1,7Y 7.•Y	1.YE Y.1A	1.44	1.A9 7.EV	1.4A Y.77	۲. ۲ ۸
1.78	7.17	1.VT T.10	1.77	1.72	T.97	7.V#	Y.18
1,71	1,40	1.VA 7,7A	1.40	1.4.	7,77	۲ · ۲ • • •	7 7 0 >
1,77	7.77	7.70	1.3.7 4.4.	1,40	3. 7	7.47	7.77

		:	₹:
	1	:	
1,	1,•A 1,11	1,14	1,14
1,10	1,14	1,17	1,44
1,14	1,14	1,44	1,77
1,72	1,47	1,44 1,84	1,54
1,47	1,4.	1,44 1,24	1,07
1,40	1,00	1,4%	177,1
1,00 1,2:	1,27	1,27	1,20
1,2,1	1,87	1,49	1.04
7.07	1.04	1,0%	١٠٨٨ /
1.04	1,0%	7,47	1797
1,75 1,79	1,70 1,V. Y,.1 Y,.4	1,7V 1,VY 7,0 3,17	7,14
1 7,.4	7,.4	7,17	1,72

جدو لـ(ه٩) ، م ف المة بلة لدرجات الحرية المختلفة (الأعمدة لدرجات الحرية للتباين الأكبر عند نسيتي ه ٠٫٠ (العدد العلوي في كل حانة) و ٢٠٫٠ (العدد السفلي في كل عونة) .

فصـــل (د)	فصل (ج)	فصل (ب)	فصل(أ)	
70	70	٣٨	77	
77	77	٤٢	17	
٧١	44	٣٥	70	
14	79	41	٣0	
77	٤١	٣٧	٧.	
74"	٣٤	٤٠	4.5	
11	٣٧	٤١	٣٨	
٧٠	۲۸	44	**	
44	40	70	٣٧	
۱۷	٤٢	44	*1	
<u> </u>	۳۳۰	٠	. 44.	المسا
**	۳۳	٣٨.	YV	المجموع المتوسط

جدول (٩٦) درجات أرىمة فصول في اختبار تحصيلي

ويكون المتوسط العام =
$$\frac{77 + 77 + 77 + 77}{3}$$
 (نظرا لأن العدد متساوي في المجموعات) .

مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط العام .

$$+ [(\Lambda) + \xi q + 7\xi + 7\xi + 77 + 1 \cdots + 70 + 70 + 197 + 7\xi] + [(\xi q + 70 + \Lambda) + 171 + 1 \cdots + \xi q + 77 + 70 + 12\xi + 7\xi] + [(\xi q + 70 + 1) + 171 + 1$$

متوسط مجمـــوع مربعات التبــــاين	مجموع المربعات	درجات الحرية	المصدر
\$ ለ٦,٦٧	187.	*	بين المجموعات
۲۸٫۸۲	1.48	47	داخل المجموعات
	Y 5 4 5	44	الحموع

جلول (٩٧) تحليل تباين درجات اربعة فصول في اختبار تحصيلي

ومن ذلك تكون ف
$$=$$
 $\frac{2\Lambda 7,7 V}{Y \Lambda, V Y}$ = ه

واذا رجعنا الى جدول (ف) مع ملاحظة أن درجات الحرية المقابلة للتباين الأكبر تساوي ٣ ، وأن درجات الحرية المقابلة للتباين الأصغر هي ٢٦ (أي في عامود ٣ القيمة المقابلة للعدد ٣٦ نجد أن قيمة ف ذات الدلالة عند نسبة ٥٠٠٠ تنحصر بين ٢,٨٤ ، ٢,٩٢ ، وعند نسبة « ف » هنا ذات دلالة احصائية فهي

أكبر من القيمة اللازمة عند نسبتي ٥٠٠٠ ، ١٠٠٠ ويهم الباحث في كثير من الأجيان معرفة أي المجموعات هي التي سببت ريادة للتباين بين المجموعات عن التباين داخل المجموعة لهذه الدرجة ، وفي هذه الحالة يضطر الى حساب معامل « ت » بين كسل مجموعتين أي حساب ٢ معاملات في هذه الحالة بين ١ و ٢ ، ١ و ٣ ، ١ و ٤ . ٢ و ٣ ، ٢ و ٤ . ٣ و ٤ . ٣ و ٤ . ٣ و ٤ . ٣ و ٤ . ٣ و ٤ .

وقيم " ت " في المثال الحالي ومدى دلالتها موضحة في الجدول الآتي :

دلالة عند ٠,٠١	دلالة عند ه٠,٠٠	ت	الفصـــول
نعم	نعم	٤,١٠٤	Υ , ١
K	K	1.74	۲ ، ۳
צ	צ	1.17	٤،١
K	צ	۲,٤٤	٣ ، ٢
نعم	نعم	14,41	٤، ٢
نعم	نعم	۳۱,۰	٤ ، ٣

جدول (٩٨) قيم «ت» للمقارنة بين متوسطات المجموعات الأربعة

ونجد في هذا الجدول أن نصف عدد قيم « ت » لها دلالة احصائية عند نسبتي ٠٠٠٠ ، منه يتضح أن أكبر قيمة لمعامل « ت » بين الفصلين ٢ ، ٤ . والقيمة التالية بين الفصلين ٣ . ٤ . ويمكننا من هذا الجدول أن نستنتج أن المجموعات الأربعة لا يمكن ضم درجاتها واعتبارها مجموعة واحدة ولكن قد نستطيع ضم درجات الفصلين ١ ، ٤ واعتبارها مجموعة واحدة وضم ٢ ، ٣ واعتبارها مجموعة أخرى .

أسئلة على الباب السادس

١ – قسمت مجموعة من التلاميذ الى مجموعتين متعادلتي القوة الدراسية تقريبا في بحث يهدف الى المقارنة بين طريقتين من طرق التدريس ، وفي نهاية السنة الدراسية كانت النتيجة الدراسية للمجموعتين كما يلى : –

رقم المجموعة	عددها	ناجحون	راسبون
(1)	٧٥	٦.	40
(Y)	١٣٠	٧٠	٦.

اختبر ما اذا كان هناك فرق جوهري بين أثر كل من الطريقتين على نجاح التلاميذ ورسوبهم .

تكرار تكرار تكرار فئات المجموعة الأولى المجموعة الثالثة المجموعة الثانية درجات الاختبار ۲ ٣ **- ۳** ٨ 17 18 ٦ 27 ۲. ١٤ - 11 70 77 70 24 ٣. 44 20 45 41 - 11 - 11 ٤. 3 33 11 - YE Y٨ 18 _ YY ۳. 4 8 11 40 ۲. ١. **- ۳**٠ 17 ٩ - 44 ٦ 10 ٣ - 47 المجموع ٣., 10. Y . .

جدول (٩٩) حدول تكراري لبيان العلاقة بين ذكاء الابن ووظيفة الأب

٣ - في بحث لبيان العلاقة بين عمل الوالد و ذكاء الان أجري اختبار للذكاء على ثلاث مجموعات من الأطفال : المجموعة الأولى آباؤهم يعملون في مهن صناعية والمجموعات الثانية آباؤهم يعملون في مهن كتابية والثالثة في مهن فنية عالية . فكانت نتائج المجموعات الثلاثة كما هو مبين في الجدول التكراري السابق .

باستخدام اختبار « ت » بين ما اذا كان الفرق بين متوسط كل مجموعتين مــن المجموعات الثلاثة ذات دلالة احصائية .

٤ ــ عزفت خمس قطع موسيقية على مجموعة من ١٠٠ شخص ، وطلب منهم
 بيان أفضل هذه القطع الخمس فكان عدد الذين اختاروا كل قطعة كما يلي :

44	Ī	قطعة
۱۵	ب	قطعة
Y 1	>-	نطعة
17	د	قطعة
Y	A	قطعة

اختبر ما اذا كان هناك فرق جوهري بين تفضيل المجموعة للقطع الخمس،

اجريت أربع اختبارات على ١٠٠ شخص فكانت معاملات الارتباط بين نتائج هذه الاختبارات الأربعة كما هو مبين في المصفوفة الآتية :

(£)	(٣)	(Y)	اختبار (۱)	
٠,٣٣	,£Y	ه۳,	_	اختبار (۱)
٧٤,٠	۲۱,	_		(Y)
٠,٥٤	_			(٣)
_				(1)

اختبر درجة دلالة هذه المعاملات الستة ، (المعامل المستخدم هو معامل بيرسون) بطريقتين مختلفتين .

٦ -- الجدول التوافقي الآتي يبين العلاقة بين الاجابة على سؤالين مختلفين في الاستفتاء
 عن تربية الفتاة .

المجموع	معارض	معارض	محايد	موافق	موافق	السؤال الأول السؤال
	بشدة				جدا	الثاني
11.	11	١.	70	٣٠	40	موافق جدا
٩.	۱۲	١٤	١٢	47	77	موافق
٧٠	١٠	•	١٥	١٨	۱۸	محايد
4.	۲.	47	10	١٤	١٥	معار ض
١	**	۲۱	71	۱۲	١٦	معارض بشدة
٤٦٠	۸٠	۸۰	4.	1	11.	المجموع

جدول(١٠٠) جدول توافقي للملاقة بين الاجابة عن سؤالين من استفتاء

4.6

احسب معامل التوافق بين هذين السؤالين عن طريق ايجاد قيمة « كا ٢ » لاستغلال المتغيرين كل عن الآخر .

٧ – ألقي زهر اللعب ١٠٠ مرة فكان تكرار وقوعه على الأرقام المختلفة كما يلي :

هل هذه التجربة تؤيد أم ترفض نظرية الاحتمالات (الصدفة) ؟

	<u> </u>
عامــل الاتجــــاه الثان أطول - الثان أقص	عامل الواضــع الثابت على اليمير الثابت على البسار
J	, 9. 10 - 1

استخدم طريقة تحليل التاين لاختبار صحة الفرض الصفري « بأنه ليس هناك فرق جو هري بين هذه الحالات الأربع » .

أجري إخ-بار النزعة العصابية ، Neuroticism على مجموعتين من

الأشخاص: احداهما تشتمل على أشخاص عاديين Normals والأخرى

أشخاص غير عاديين Abnormals فكانت نتيجة المجموعتين في الاختبار كما يلي :

> عاديين غير عاديين المتوسط الحسابي ٢٥ لاتوسط الحسابي ٢٥ الانحراف المعياري ٦,٢٥ العسدد ١٦٦

اختبر مدى صحة Validity هذا الاختبار (أي قدرته على التمييز بين العاديين وغير العاديين).



onverted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

(الأبر) (الأبائع

التحليل العاملي Factor Analysis

- = أهداف التحليل العاملي .
- -- الحطوات التجريبية الى أدت الى التحليل العاملي:
- معادلة الفروق الرباعية . Tetrad Difference Equation
 - = اكتشاف الموامل الطائفية . Group Factors
 - = الطرق العملية للتحليل العاملي: _

طريقة الجمع البسيط . Simple Summation Method

الطريقة المركزية. Centroid Method

طريقة العوامل الطائفية . Group Factor Method

طريقة العوامل الجمعية . Bi-Factor Method

= خـــاتمة .



أهداف التحليل العاملي:

من أهم الأهداف التي ترمي اليها المحاولات العلمية تنظيم الحقائق والمفهومات تنظيما وضح ما بينها من علاقات ، أو تقسيمها على أساس ما بينها من أوجه التشابه والاختلاف . وقد نشطت عملية التقسيم والتنظيم منذ منتصف القرن الماضي فيما يتعلق بالظواهر الطبيعية Physical phenomena حيث يكون التقسيم واضحا محدودا وعند ما تحول اتجاه التقسيم العلمي للظواهر الحيوية Biological اتضح أن التقسيم المحدد لا يتمثل في الأنواع المختلفة . بل وجد أن السمات والصفات البيولوجية يتداخل بعضها مع بعض فهي سمات مرتبطة لا يمكن فصلها واقترح جولن Galton طريقة معامل الارتباط كوسيلة عدية لوصف هذا التداخل . فاذا انجه التقسيم بعد ذلك الى السمات النفسية أو الظواهس الإجتماعية كانت صعوبة التقسيم أصعب بكثير نظرا لتعقد الصورة وتشابك العوامل التي تكوما تشابكا يجعل من العسير على التجارب العملية وحدها — مهما أحكمت — القيام بعملية التقسيم والتنظيم دون مساعدة الوسائل الاحصائية ، ومن أهم الوسائل الاحصائية التي تهدف لذلك في ميدان القياس النفسي والاجتماعي الطريقة المسماة والتحليل العاملي ويتنهي من هذا التحليل الى تقسيم هذه القدرات الى مجموعات مورتبط أفرادها تبعا لعدد من الأسس هي يطلق عليها العوامل كما يتضح من الشكل التوضيحي الآتي :

جدول (١٠٣) التحليل العاملي كوسيلة من وسائل التقسيم العلمي

وبالرغم من أن الباحث المدرب قد ينجح في بعض الأحيان في اجراء تقسيم كهذا بناء على فحصه ومعلوماته الفنية الا أن هذا التقسيم يكون بمثابة فرض يحتاج الى التحقيق العلمي . وكثير ا ما يعدل في هذا التحقيق أو يلغيه . والتحليل العاملي هُو وَسَيَلَةُ هَذَا التحقيق .

وينظر بعض الباحثين الى طريقة التحليل العاملي على أنها وسيلة للتبسيط العلمي (١) ، Scientific Simplification فهو يحول عددا كبيرا من الأوصاف والسمات المعقدة المترابطة الى عدد قليل من العوامل غير المترابطة (وخاصة في حالة العوامل المتعامدة التي سيأتي ذكرها فيما بعد) فبدلا من أن نميز فردا ما عن غيره على أساس درجاته مثلا في عشر بن اختبارا نستطيع عن طريق تحليل هذه الاختبارات الى عدد محدد من القدرات تمييزه على أساس عدد قليل من العوامل .

وقد حاول الباحثون في القياس العقلي خلال النصف قرن الأخير الوصول الى المكونات الأساسية للحياة العقلية ، أو الأبعاد الأولية التي ينسب اليها كل وصف نفس لأي فرد . فكما أن الطول أو العرض والارتفاع ثلاثة أبعاد أساسية نستطيع بها أن نحدد شكل الشيء وحجمه ، فكذلك يعمل الباحثون الى الوصول الى ما يقابل هذه الأبعاد في الميدان النفسي ، والتحليل العاملي هو الوسيلة التي يأمل الباحثون عن طريقها أن يصلوا الى هذا الهدف ، حتى يستطيعوا استخدامه بعد ذلك في الأغراض العملية التطبيقية في الحياة كالتوجيه التعليمي والتوجيه المهني مير

وقد كان سبيرمان يرى في التحليل العاملي أداة لاكتشاف العوامل الأساسية المسببة للعمليات العقلية Causal Mechanisms والقوانين العامة التي تسير عليها . ومن هذه النظرة العامة التي تجعل العام يهدف الى اكتشاف المسببات قد تغيرت أخيرا بعد أن تشكك العلم كثيرا في صحة العلاقات السببية .

وللتحايل العاملي عدا هذه الأهداف الأساسية التي ذكرت أغراض أخرى تختلف باختلاف البحث ووجهة نظر الباحث ، فقد يكون وسيلة من وسائل التحقق من معامل صدق Validity اختبار معين حيث يجمع الباحث بينه وبين اختبارات أخرى تقيس السمة أو العامل الذي وضع الاختبار لقياسها مع بعض الاختبارات الأخرى ، ويكون نمط تجمع هذه الاختبارات وتقسيمها دليلا على صدق الاختبار ، وقد يمتد البحث الى

Wundt, W. Principles of Physiology, Psychology, 1904.

حصر جميع العوامل الأساسية الداخلة في الاختبار ودرجة تشبعه بكل عامل من هذه . العوامـــل .

وقد تطبق هذه الطريقة على العلاقة بين الأشخاص ويكون الهدف هنا تقسيم الأشخاص المختبرين لاكتشاف الأنماط Types التي تصلح أساسا لهذا التقسيم وما يشتمل عليه كل نمط من عوامل .

الخيطوات التجريبية التي أدت الى التحليل العاملي :

اذا تتبعنا تقسيم العمليات العقلية وجدنا آثار هذا التقسيم في آراء فلاسفة اليونان كأرسطو وأفلاطون ثم في نظريات الملكات المعروعة . فقد كانت هذه النظرية تقوم على تقسيم العمليات العقلية الى ملكتين عامتين : ملكة المعرفة وملكة الرغبة . كما هو موضح في التقسيم الآتي :

ولكن التاريخ الحقيقي للتحليل العاملي يبدأ منذ أن بدأ القياس العقلي يتخذ اتجاها عمليا تجريبيا على يد جولتن (١) ، فقد وجد من بحوثه عن الانسان والحيوان والنبات أن من بين أفراد الفصيلة الواحدة حتى الحصائص المختلفة ترتبط فيها ارتباطا موجبا .

كما استخدم وسلر (٢) تحت اشراف ماك كين كاتل طريقة معامل الارتباط التي أوجدها بيرسون للتحقق من تمييز القدرة العامة General Ability عن القدرة الحاصة Specific Ability وقد وجد من نتيجة تجاربه أن هناك ارتباطا عاليا بين نواحي

Psychological Monngraph Supplement III 1901. (Y)

Galton, F. Hereditary Genius. 1869.

التحصيل الدراسي ، بينما ليس هناك ارتباط يذكر بين النواحي النفسية التي اشتملتها الاختبارات . وقد كان سبب ذلك راجعا الى : _

- (١) العينة التي طبقت عليها الاختبارات والمقاييس كانت مختارة لحد كبير .
 - (٢) كما أن الوظائف النفسية التي شملها البحث كانت حسية بسيطة .

وفي سنة ١٨٩٥ حاول بينيه (١) Binet قياس القدرة العامة (الذكاء) على أنه محصلة عدة ملكات : الذاكرة والتصور والتخيل والانتباه وملكة النهم والقابلية للايحاء والحكم الجمالي والعاطفة الخلقية والقوة العضلية وقوة الارادة والمهارة . وقد أعد اختباره المعروف للذكاء متضمنا هذه الملكات .

وفي سنة ١٩٠٧ قام ثورندك Thorondike ببحث عملي حسب فيه معاملات الارتباط بين عمليات ادراكية وارتباطية ووصل منه الى النتيجة الآتية : – ان النتائج تؤيد أن الوظائف العقلية التي تبدو شديدة التشابه قد تكون في الواقع عمليات تخصصية مستقل كل منها عن الأخرى .

ولكن بذور التحليل العاملي قد نبعت من بحوث وتجــــــارب سبير مان (٣) Spearman فقد أجرى سنة ١٩٠٤ عددا من البحوث قام فيهــــا بحساب المعاملات الارتباط بين عدد من الاختبارات ، وقد انتهى من هذه البحوث الى النتيجتين الآتيتين : ــــ

(أ) أن هناك ما يمكن أن نطلق عليه « الذكاء » كعامل يدخل في جميع العمليات العقلية .

(ب) ومع هذا العنصر المشترك فان جميع نواحي النشاط العقلي يختلف كل منها عن الأخــــرى .

وكانت هاتان النتيجتــان هما الأساس الذي بنى عليـــه سبيرمان نظرية العاملين : Two Factor Theory التي تنص على أن كل عملية عقلية تتكون من عاملين أساسيين :

Binet, A., Henri, V, « La Psychologie Individuelle » L'Année. Psychologue II. (1)

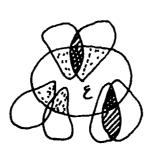
Thorondike, E. L., « Heredity and Correlation in School Abilities » Psychological, (7) Review IX, 1902.

Spearman, C., « General Intelligence Objectively Determined and measured, American (7) Journal of Psychology, 1904.

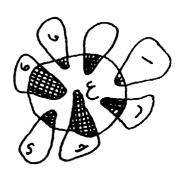
۱ ــ عامل عام تشترك فيه جميع العمليات الأخرى ويرمزله سبيرمان باليمز « g » ٢ ــ عامل خاص بها تختلف فيه كل عملية عن الأخرى ويرمز له سبيرمان بالرمز « S » .

وفي بحث بيرت Burt الذي كان يهدف منه الى اختبار صحة النتائج التي وصل اليها سبيرمان ، كما قصد الى اختبار صحة فرض جديد هو وجود عوامل طائفية تتدخل في بعض العمليات العقلية دون غيرها ، وجد بيرت بالفعل أن التحليل الاحصائي لمعاملات الارتباط التي حصل عليها من تجاربه تدل على أن الاختبارات التي استخدمها يمكن تقسيمها على هيئة مجموعات ، تحددها عوامل مشتركة بين اختبارات المجموعة الواحدة علاوة على العامل المشترك بين الاختبارات جميعا .

وقد مهدت هذه البحوث وكثير غيرها لظهور تعديل لنظرية العاملين واعلان نظرية العوامل الثلاثة ، والعلاقة بين النظريتين يمكن تمثيلها بالرسم الآتي :



شكل (٥٠) نظرية ذات العوامل الثلاثة



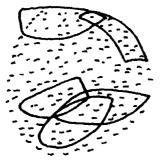
شكل (٤٩) نظرية ذات العاملين

وأهم نواحي النقد التي وجهت ضد نظرية العاملين ونظرية العوامل الثلاثة قد جاءت من جهتين :

Burt, C., Experimental Tests of General Intelligence, British Journal of Psychology, (1) 3, 1909.

(أ) نظرية العينات Sampling Theory التي وضعها تومسون Thomson (أ) نظرية العينات الطائفية المتعددة (٢) Multiple Group Factors Theory

يرى تومسون أن السلوك يتوقف على عدد كبير من العناصر المستقل بعضها عن بعض وهذه العناصر كان يفسرها أحيانا على أنها النيورونات العصبية أو الوصلات بين هسذه النيورونات، وكل وجه من أوجه النشاط يتوقف ويتضمن عينة محددة أو نموذجا Pattern خاصا من هذه الوحدات ومعاملات الارتباط الموجبة بين أي وجهين من أوجه النشاط العقلي مرجعه التداخل الذي يحدث بين العينات المختلفة التي تضم عناصر مختلفة . وعلى هذا الأساس يمكن أن نفسر وجود أي نوع من أنواع العسوامل أكثرها اتساعا وهو العامل العام الى أقلها اتساعا وهو العامل الخاص الذي يختص بعملية واحدة . ويمكن تمثيل هذه النظرية بالشكل الآتى :



شكل (١٥) نظرية المينات لتومسون

أما ثرستون فيرجح تنظيم العمليات العقلية على هيئة مجموعات أو قدرات حسب التفسي ، ويستبعد ضرورة وجود العامل العام المشترك في جميع هذه العمليات . ويقنع بأن يقرر بأنه لم يجد ضرورة تحتم عليه في أي بحث من بحوثه الالتجاء الى مفهوم العامل العام كأساس لتفسير النتائج .

الا أنه يعود ويفضل التفسير على أساس العوامه الطائفية المترابطة المترابطة Correlated Group Factors ، أو ما يطلق عليه أحيانا العوامل الطائفية من الدرجة الثانية Second Order Group Factors وبذا يقترب قليلا في تفسيره هذا من احتمال ايجاد العامل العام .

Thomson, C., The Factorial Analysis of Human Ability, 1950.

Thurstone, L.L., The Vectors of Mind 1935

ويمكن أن نلخص النظريات المختلفة للتنظيم العقلي فيما يأتي :

- ۱ ــ نظرية البؤرة الواحدة . Unifocal و يمثلها سبيرمان .
- Multifocal خطرية البؤرات المتعددة ويمثلها ثرستون
 - ۳ نظریة اللابؤریـــة Non-Focal
 و عثلها ثورندیك .

ومن النظريتين الأولى والثانية نشأت نظرية العوامل الثلاثة ويمثلها بيرت في انجلترا وهلزنجر Holzinger في أميركا .

واليك فيما يلي الأسس الاحصائية التي أدت الى الوصول لأهم طرق التحدا العاملي الشائعة الاستخدام . ومن الطبيعي أن نبدأ في هــــــذه الأسس بالوسائل الاحصائية التي استخدمها سبيرمان في بحوثه والتي تعتبر الفتح الهام في هذا الميدان .

معادلة الفروق الرباعية Tetrad Differences Equation

وبالرغم من أن طرق التحليل الاحصائي التي قام بها سبير مان لا تعد من طرق التحليل العاملي الا أنها كانت الأساس النظري والاحصائي الذي بنيت عليه الطرق الأخرى . وقد ساعد على ظهور هذه الطرق التقدم الاحصائي وزيادة استخدام الوسائل الاحصائية في البحوث النفسية في نصف القرن الأخير الذي تلى ظهور نظرية العاملين .

والفكرة الأساسية في نظرية سبيرمان تقوم على مفهوم الترتيب المتدرج المتشعب Hirarchy ويسميه البعض (١) الترتيب الهرمي . فاذا أجرينا ست اختبارات على عينة من الأفراد ووضعنا معاملات الارتباط في مصفوفة مرتبة حسب المجموع الكلي للأعمدة كما في الجدول الآتي :

⁽١) انظر باب التحليل العاملي في كتاب الاحصاء في التربية وعلم النص الدكتور عبد العزيز القوصي -الدكتور حسن محمد حسين - الدكتور محمد خليفة بركات ويفضل المؤلف استخدام اللفظ كما هو فيطلق
على الجدول المرتب بهذا الشكل « 'لحدول الهيراركي » -

9		د	ب	ب	1	
٠,١٦	٤٢.٠	۲۳٬۰	٠,٤٠	٠,٤٨		ţ
٠,١٢	۰٫۱۸	٤ ٢, ٠	۰۳،۰	_	٠,٤٨	ب
٠,١٠	٠,١٥	٠,٢٠	_	۰ ۳, ۰	٠,٤٠	ج
٠,٠٨	٠,١٢		٠,٢٠	۰,۲٤	٠,٣٢	د
٠,٠٩	-	٠,١٢	۰٫۱۰	۰٫۱۸	٠,٢٤	۸
	٠,٠٦	۰,۰۸	٠,١٠	۱,۱۲،	٠,١٦	و
٠,٥٢	۰,۷۵	٠,٩٦	1,10	1,44	1,71	المجموع

جدول (۱۰۱) مصفوفة ارتباطية مرتبة على هيئة « هير اكبي »

ويلاحظ أن المعاملات في هذا الجدول تتناقص تدريجيا في كل صف أو عامود .

وقد وجد سبير مان أن هذا الجدول حالة العمليات العقلية المعرفية تكون جميعها موجبة الاشارة ، مما جعله يصل الى فرض وجود العامل العام في العمليات التي يتضمنها الجدول الارتباطي . وقد لاحظ سبير مان ملاحظة هامة ، وهي أن النسبة بين المعاملات المختلفة في أي عمودين تكون واحدة ، فاذا أخذنا مثلا المعاملات في العامودين ، ه من الجدول نجد أنها :

النسبة		ب
	.,٧٤	٠,٤٨
	۰٫۱۸	
	۰٫۱۰	۰ ۳٫ ۰
1 : Y	۰٫۱۲	۲۲,۰
	_	۰٫۱۸
	٠,٠٦	٠,١٢

وكذلك في أي عامودين آخرين ، وقد استنتج سبيرمان أنه اذا وجدت خاصية النسبة

هذه في أعمدة جدول ارتباطي دل ذلك على أن الاختبارات التي يمثل هذا الجدول العلاقة بينها بشترك بينها عامل عام (١)

والجدول السابق هو جدول فرضي ولذلك نجد أن هذه القاعدة تنطبق تماما على المعاملات في الجدول ، ولكن في التجارب العملية لا يمكن أن يصل الباحث الى هذا النموذج النظري ، فقد تزيد المعاملات أو تنقص عن هذه المعاملات المتوقعة ويحتاج الباحث بعد هذا الى تحديد درجة انطباق النتيجة التجريبية على النموذج النظري المرتيب الهيراركي ، وقد اقترح سبيرمان (٢) لذلك أن نحسب معاملات الارتباط بين كل عمودين من أعمدة المصفوفة الارتباطية ، فاذا كانت كلها مساوية (١) كان الترتيب الهيراركي كاملا ، وكلما بعدت معاملات الارتباط عن ذلك كلما قلت درجة انطباق المصفوفة على الترتيب الهيراركي .

تحولت فكرة النسبة بين معاملات الأعمدة بعد ذلك الى فكرة المعادلة الرباعية ولتوضيحها نفرض الجدول الارتباطى الرمزي الآتي :

د	>-	ب	1	
أد ب د 	× ×	أب (بب)	(أأ) ب أ	٠.
ح د (د . د)	(ح. ح) د. ب	ج ب د ب	حأ د أ	- د

جدول (۱۰۲) مصفوفة ارتباطية رمزية

فهذه المصفوفة تتضمن معاملات الارتباط بين أربعة اختبارات أ ، ب ، ح ، د ــ حيث أ ب يمثل معامل الارتباط من الاختبارين أ ، ب ، ونفس هذا التفسير يتبع في باقي الرموز الأخرى ، وقد وضعت الرموز القطرية بين قوسين لأن قيمها لا تعرف من

⁽١) لا يوافق تومسون على هذا الاستنتاج بالرغم من أنه يوافق على عكس هذا الاستنتاج ، وهو أن الجدول الارتباطي لمدد من اختبارات تشترك في عامل يكون على هيئة ترتيب هيراركي ، ولكن خاصية الترتيب الهير اركي ليست دليلا قاطماً على وجود عامل عام مشترك بين اختبارات الجدول .

Spearman, General Ability Its Existance And Nature, British Journal of Psychology. (7)

البحث التجريبي بل تقدر تبعا للمعاملات في الجدول كما سيتضح فيما بعد وتسمى باشتراكية الاختبار Communality .

وبما أن هذا الجدول يمثل ترتيبا هير اركيا فحسب خاصية النسبية السابق شرحها يكون $\frac{1}{1-\epsilon} = \frac{1}{1-\epsilon}$ وتتبع نفس العلاقة بين أي أربعة معاملات متقابلة من معاملات الجدول .

ومن هذه المعادلة ينتج أن :

أح× ب د = أد × ب ح

أو أن أح × ب د _ أد × ب ح = صفر

ويطلق على هذه المعادلة معادلة الفروق الرباعية Tetrad Equation

هذا ويمكن الوصول من معاملات الارتباط الموجودة في الجدول الى درجة تشبع Saturation

لنفرض وجود اختبار يمثل العامل العام ولنرمز له بالرمز « م » فيكون معامـــل ألارتباط بينه وبين نفسه معادلا 1 ، فاذا أضفناه للاختبارات الأربعة السابقة تصبح المصفوفة الارتباطية كما يلى :

د	>-	ب	î	٢	
م د أ د	م ح أ ح	م ب أ ب	م أ (أأ)	ا أم	ŗ
ب د	ب ح	(ب ب)	ب أ	ب م	ب
ح د	(> >)	~ ب	حأ	حم	~
(22)	د ح	<i>د ب</i>	دأ	د م	د

جدول (١٠٣) مصفوفة ارتباطية مشتملة على اختبار يمثل العامل العام

ومن الطبيعي ان يقع الاختبار الممثل للعامل العام في قمة الجدول نظرًا لأن من خواص الجدول الهير اركي أن ترتب فيه الاختبار ات تبعا لدرجة تشبعها بالعامل العام .

ومن الخاصية النسبية للجدول الهير اركي نستنتج أن :

$$\frac{1}{c} = \frac{1}{c} = \frac{1}{c} = \frac{1}{c}$$

 \therefore بأ=مأ \times م ب، حأ=مأ \times حم . . وهكذا .

أي أن معامل الارتباط بين أي اختبارين ينتج من حاصل ضرب معاملي الارتباط بينهما والعامل العام .

فاذا كان معامل الارتباط بين(أ)والعامل العام (ويطلق على هذا المعامل درجة تشبع الاختبار أ بالعامل العام) = ٠,٦ ، ومعامل الارتباط بين ب والعامل العام = ٠,٧ كان معامل الارتباط الناتج عن هذا العامل المشترك = ٠,٤٢ .

ومن هذه القاعدة يمكن أن نحلل أ أ الى م أ × م أ .

أي أنه لحساب درجة تشبع أ بالعامل العام نستخرج قيمة كا

ولكن أ أ لا تكون معروفة لدى الباحث بل يقدرها تبعا لنمط معاملات الجدول ولذا كان علينا أن نستعيض عنها بمقادير أخرى بالطريقة الآتية :

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

$$\frac{1 \times c}{c} = 11 :$$

أي أن درجة تشبع (أ) بالعامل العام

$$= \sqrt{\frac{c! \times i_{v}}{c \cdot v}} = \sqrt{\frac{c! \times i_{v}}{c \cdot v}} = \sqrt{\frac{c! \times i_{v}}{c \cdot v}} = \sqrt{\frac{c! \times i_{v}}{c \cdot v}}$$

واذا طبقنا هذا على جدول (١٤٦) نجد أن درجة تشبع (أ) بالعامل العام

$$= \sqrt{\frac{3, \cdot \times 3, \cdot \times 3, \cdot}{3, \cdot \times 3, \cdot}} = \sqrt{\frac{7\%, \cdot \times 33, \cdot}{3\%, \cdot}}$$

وكانت نظرية سبير مان تتلخص في أنه في الحالات التي تبلغ جميع قيم الفروق الرباعبة صفرا فان معاملات الارتباط في الجدول تفسر على أنها ناتجة عن عامل مشترك واحد يجري في جميع الاختبارات وكانت النتائج التجريبية التي يحصل عليها سبير مان تشذ دائما عن ذلك ، الا أن البواقي في هذه المعادلات لم تكن ذات دلالة احصائية اذا قورنت بالحطأ المعياري لمعاملات الجدول ، وقد كان السبب الأساسي في ذلك أن هذه الاختبارات التي شملتها الأبحاث في ذلك الوقت كان أغلبها فرديا ، ولذا كانت مقصورة على عدد صغير من الأفراد .

اكتشاف العوامل الطائفيسة Group Factors:

بتقدم الأساليب التجريبية والوسائل الاحصائية في ميدان القياس العقلي أمكن استخدام اختبارات جمعية تقيس عددا كبيرا من الأفراد في جلسة واحدة ، وبذلك اتضح أن بواقي (Residuals) معاملات الارتباط بعد استخراج أثر العامل العام منها والتي كانت تعتبر سابقا عديمة الدلالة الاحصائية هي في الواقع ذات دلالة اذا قورنت بعدد أفراد العينات الكبيرة ، ومعنى هذا أن هذه البوافي يمكن مواصلة تحليلها للكشف عن عوامل مشتركة أخرى بين بعض اختبارات الجدول دون غيرها ، أي أن الموقف قد تغير تغيرا يوضحه الجدول الآني :

نظرية العوامل الطائفية

نظرية العاملين

الباق	عامل طائفي (۳)	عامل طاثفي (۲)	عامل طائفي (۱)		البساقي	العـــامل المشترك	الاختبار
صفر	_	_	×	×	صفر	×	f
صفر		×	_	×	صنمر	×	ب
صفر	_	_	×	×	صفر	×	>-
صفر	×	_	_	×	صفر	×	د
صفر	_	×	_	×	صفر	×	A
صفر	×		_	×	صفر	×	,

جدول (١٠٤) نمط التشيمات في نظريتي العاملين والموامل الطائفية

هذا وقد ذكرنا أن بعض الباحثين يعارضون ضرورة التفسير على أساس وجود العامل العام المشترك . ولذا فان الطرق التي يستخدمونها تحذف أثر العامل العام كضرورة لازمة من ضروريات تكوين الصورة الكلية في التحليل .

وعلى أساس فرض العوامل الطائفية يمكن أن نحلل معامل الارتباط بين أي اختبارين أ ، ب الى عدة عوامل ، فلو رمزنا للعامل العام بالرمز م وللعوامل الطائفية بالرموز ط ، ، ط ي مثلا .

على اعتبار أن ﴿ خ ﴾ هو الحزء الناتج عن الأخطاء التجريبية في معامل الارتباط أ

سر الطرق العملية للتحليل العاملي :

يمكننا أن نلخص الموقف الحالي فيما يتعلق بالصورة النهائية لنتائج التحليل العاملي في اتجاهين :

(أ) اتجاه يعترف بالعامل العام كأساس لازم في التحليل مع الاعتراف أيضا بالعوامل الطائف...ة .

(ب) اتجاه لا يعترف بضرورة تضمن الصورة النهائية للنتائج للعامل العام ويقتصر على العوامل الطائفية ، سواء كانت هذه العوامل متر ابطة أو مستقلة (متعامدة) . وأصحاب هذا الاتجاه لا يدخلون ضمن الخطوات العملية للطرق التي يستخدمونها ما يضمن الاحتفاظ بالعامل العام .

وسنعرض فيما يلي طرقا لهذين الاتجاهين وسيشتمل هذا العرض على :

(أ) طريقة الحمع البسيط Simple Summation (بيرت Burt) وعلاقتها بالطريقة المركزية .

(ب) طريقة العوامل الطائفية Group Factor Method (بيرت Burt وعلاقتها بطريقة العوامل الجمعية Bi-Factor Method (هلزنجر Holzinger)

Holzinger K. J. Factor Analysis: A Synthesis of Factorial Methods, 1940.

طريقة الجمع البسيط:

لفهم الأساس النظري الذي تقوم عليه الطريقة نفترض أربعة اختبارات (أ، ب، ج، د) ومعاملات الارتباط بينها كما في الحدول الآتي :

د	?	ب	î	
أد	أج	أب	(11)	î
ب د	ب ج	(بب)	<u>ب</u> أ	ب
ج د	(+ +)	ج ب	جآ	ج
(()	د ج	د ب	د آ	د

مجموع معاملات الاختبار أ (العامود الأول = (أأ) + (ب أ) + (ج أ) + (د أ) .

وبتحليل كل معامل من هذه المعاملات الى قسمين يكون حاصل الجمع العامود الأول . (على اعتبار أن م تمثل العامل العام) .

$$(\dagger_{r} \times) + (\dagger_{r} \times) + (\dagger_$$

وبالمثل فان مجموع معاملات العامود الثاني :

ومجموع معاملات العامود الثالث :

=
$$\gamma = (\gamma^{\dagger} + \gamma^{\dagger} + \gamma^{\dagger} + \gamma^{\dagger})$$

ومجموع معاملات العامود الرابع :

فاذا استخرجنا الجذر التربيعي للمجموع الكلي ، ثم قسمنا حاصل جمع كل عامود على هذا الجذر ينتج م أ ، م ب ، م ج ، م د ، أي معامل ارتباط الاختبارات بالعامل العام أو بالتعبير الشائع درجة تشبع كل اختبار بالعامل العام . وهذه هي نفس الخطوات العملية في طريقة الجمع البسيط وتتلخص الحطوات العملية لحساب درجات تشبسع الاختبارات بالعامل العام فيما يأتي :

١ -- يحسن بالمبتدىء أن يرتب الاختبارات في المصفوفة ترتيبا تنازليا حسب المجموع الكلى لمعاملات ارتباط الاختبار مع باقي الاختبارات .

وفيما يلى نتيجة أُخد البحوث وهي تتضمن مصفوفة ارتباطية لاختبارات ستة :

Synonyms and opposites المرادف والعكس

Completion _____Y

٣ _ سلاسل الأعداد Number Series

٤ ـ المحصول اللغوي Vocabulary

ه ـ ذاكرة الأعسداد Memory for Numbers

Form Series الأشكال _ ٦

٦	0	٤	٣	۲	1	رقم الاختبار
۸۳,۰	٠,٤٤	٠.٤٩	۰٫۳۰	۸۵,	_	1
۱۳,	,۲۱	٠,٤٦	٠,١٠	_	۰,٥٨	Υ
۰۵,	۰٫۲۸	۶۰۹	_	٠,١٠	۰٫۳۰	٣
۱۲,	۰۲,	-	۶۰۹	۶٤٦,	,٤٩	٤
۳۳,	_	۰۲۰,	,۲۸	۲۱,	, £ £	•
	۲۳,	۱۲,	۰۵,	۱۳,	,۳۸	٦
1,89	1,08	1,81	1,47	١,٤٨	Y,19	المجموع

جلول (١٠٥) مصفوفة ارتباطية لستة اختبارات

٧ ـــ في الأحوال التجريبية تكون الحلايا القطرية خالية وتحتاج لملئها بمعاملات مناسبة . وليست هناك طريقة محددة لملئها . فطريقة برت هي وضع قيم تقديرية تتناسب مع نمط المعاملات في الجدول . ثم تعدل هذه القيم بعد نهاية التحليل ، ويعاد التحليل ثانيا وثالثا حتى ينتهي الباحث في النهاية الى وضع معاملات تناسب العوامل الناتجة من التحليل .

ولكن ثرستون يقترح وضع أعلى معامل في الحلايا القطرية في كل خطوة من خطوات التحليل ويوضع بدله أعلى التحليل . أي يحذف المعامل الناتج في كل خطوة من خطوات التحليل ويوضع بدله أعلى معامل للاختبار .

وفي الجدول الآتي قد وضعت معاملات قطرية مقدرة تحت الصف الحاص بحاصل جمع الأعمدة ثم جمعت هذه المعاملات مع مجموع الأعمدة وحسب المجموع الكيلي (١٢,٤٨) .

المجمسوع	٦	٥	٤	٣	۲	١	رقم الاختبار
7,19	۳۸,	, £ £	۶٤٩,	۳۰,	۸٥,		١
١,٤٨	٠١٣.	۱۲،	,٤٦	٠,١٠	-	۸۵,	۲
1,77	٠٥,	۸۲,	٠,٩	_	۰۱۰	۳۰,	٣
1.81	.17	٥٢,	-	۶۰۹	,£٦	۶٤٩,	٤
1,01	۲۳.		۰۲,	۸۲,	۲۱,	, £ £	٥
1,89	_	,٣٦	,۱۲	۰٥,	۱۳,	,۳۸	٦
1,47	1,29	1,08	١,٤١	1,44	1,88	Y,14	المجموع
٣,١٠	,۳۰	٠٤,	٠٤,	٠٤,	,٦٠	٠,٧٠	المعامل القطري
۱۲,٤٨	7,.4	1,48	۱۸۸۱	١٫٦٧	۲,۰۸	۲,۸۹	المجموع الكلي
^Y (T,0TT)	۹۹۲,	,019	۱۹۰۰,	۶٤٧٣,	۰۸۹,	۸۱۸,	س م

جدول (١٠٦) حساب درجات التشبع بالعامل العام

٣ – استخرج الجذر التربيعي للمجموع الكلي (٣,٥٣٣) .

٤ – اقسم مجموع كل عامود على الجذر التربيعي لتنتج درجات تشبع Saturations
 الاختبارات بالعامل العام:

 $(\Lambda, \Upsilon \div \Upsilon, \Lambda) = \Psi, \Lambda, \Upsilon \div \Upsilon, \Lambda$ وهکذا) .

وللتأكد من صحة هذه العمليات الحسابية يسبغي أن يكون مجموع درجات التشبع معادلا للجذر التربيعي للمجموع الكلي وهو هنا ٣.٥٣٣ .

حساب درجات التشبع بالعامل القطبي الأول:

ه ... بعد حساب درجات التشبع بالعامل العام تنحصر الخطوة التالية في تخليص الجدول من المعاملات الناتجة عن هذا العامل العام ، ولذلك فان من اللازم حساب معاملات الارتباط الناتجة عن هذا العامل وحده .

وقد سبق أن ذكرنا أن معامل الارتباط بين أي اختبارين بسبب ما بينهما من عامل عام = درجة تشبع الاختبار الثاني به ، عام = درجة تشبع الاختبار الثاني به ، ولذا فان هذه الخطوة تشتمل على تكوين جدول لمعاملات الارتباط المتوقعة على أساس العامل العام . والمعاملات المكتوبة خارج الجدول هي درجات التشبع بالعامل العام التي نتجت من الخطوة السابقة . ويلاحظ أن الاختبارات في هذا الجدول قد أعيد ترتيبها على أساس درجات تشبعها بالعامل العام .

٠,٤٧٣ ٠,٥١٢ ٠,٥٤٩ ٠,٥٨٩ ٠,٥٩٢ ٠,٨١٨

٣	٤	٥	۲	*	١	رقم الاختبار	
۲٫۳۸۷	٠,٤١٩	1,224	٠,٤٨٢	٠,٤٨٤	(+,774)	١	۰,۸۱۸
٠,٢٨٠	۰٫۳۰۳	۰,۳۲۰	٠,٤٣٩	(+,414)	٠,٤٨٤	٦	٠,٥٩٢
۰,۲۷۸	١٠٣٠١	۳۲۳,۰	(۲٤۷, ۲)	٠,٤٣٩	٠,٤٨٢	۲	۰,٥٨٩
٠,٢٥٩	٠,٢٨١	(۰,۳۰۳)	۰٫۳۲۳	۰,۳۲٥	1,889	٥	1,019
٠,٧٤٣	(*,*77	۰٫۲۸۱	۲۰۳۰۱	۳۰۳٫۰	٠,٤١٩	٤	٠,٥١٢
(*,۲۲۳)	1.727	٠,٢٥٩	٠,٢٧٨	٠,٢٨٠	۲٫۳۸۷	٣	٠,٤٧٣
1,77.	۱٫۸۱۰	1,48.	۲,۰۸۰	Y, • 9 •	Y, 19.	المجموع	

جدول (١٠٧) المعاملات المتوقعة على أساس العامل العام .

و نلاحظ أن مجموع الأعمدة هو نفسه للمعاملات الأصلية مع اضافة المعامل المقدر للخلايا القطرية مع فروق طفيفة جدا ناتجة عن التقريب في العمليات الحسابية .

٦ اطرح خلايا الحدول النظري للمعاملات المتوقعة الذي حسبته أخيرا من خلايا الحدول الأصلي (التجريبي) لتحصل على جدول البواقي Residuals ويلاحظ في هذا الحدول أن المجموع الحبري للبواقي في الصف أو العامود صفر ما دام مجموع المعاملات

في الأعمدة لم يتغير . فبعض البواقي تكون موجبة الاشارة وبعضها سالبة الاشارة .

واليك فيما يلي جدول البواقي بعد العامل العام في المثال ، وقد دونت فيه بواقي الخلايا القطرية وهي الناتجة من طرح المعامل المتوقع على أساس العامل العام من المعامل الذي سبق تقديره . ومن المتبع دائما وضع المعاملات القطرية بين قوسين لبيان أنهسا معاملات تقديرية . وهذه البواقي هي التي يحسب منها درجات تشبع الاختبارات بالعوامل القطبيسة .

المجموع	٣	٤	ø	۲	٦	١	ر قـــ م الإختبار
	٠,٠٨٧ —	•,•٧١+	•,••٩_	•,• ٩ ٨+	٠,١٠٤ _	(','٣١)	1
_	+ ۲۲۰,۰	•,114	+ ۲۰۰۰,	ــ ۲۱۹,۰	(*, **)	٠,١٠٤ -	٦
_	٠,١٧٨	+ 109+	- ۱۱۳۰،	(۴۰,۲۰۳)	٠,٢١٩.	 ,• ٩ Λ +	4
_	• ,• ۲۱ + •	·*1 - (·,• 1 V)	۰,۱۱۳ —	+ ۲۵۰۰،	٠,٠٠٩	٥
1	- ۱۰٫۱۰۳ —	•				i	٤
	(+.177) •	,10"	٠,٠٢١	⁺ •, \ ΥΛ —	+ ۲۲۰۰	٠,٠٨٧	٣
_					_		المجموع

جدول (١٠٨) البواقي Residuals بمد العامل العام

٧ ــ رتب البواقي الموجودة في الجدول بحيث تتجمع البواقي الموجبة الاشارة في الربعين الأيمن العلوي والأيسر السفلي ، والسالبة الاشارة في الربعين الباقيين . فيكون نمط توزيع الاشارات في الجدول كالآتي :

+	
_	+

ولا يشترط أن يكون عدد الاختبارات متساوية في القسمين العلوي والسسفلي أو الأيمن والأيسر كما هو الحال في المثال الحالي ولكن المهم أن يكون المجموع الجبري للبواقي هو الذي يكون واحدا في النصفين ، ولا ينتظر دائما في الحالات التجريبية أن تحصل

على نموذج منتظم انتظاما تاما كما في الشكل . ولكن المهم أن تتبع غالبية الاشارات في كل ربع بالجدول هذا النظام ، وأن يكون المجموع الجبري لأجزاء الأعمدة في كل ربع متمشيا مع هذا النموذج العام .

وفيما يلي جدول يضم البواقي السابقة مرتبة حسب النموذج المطلوب ، والذي يساعد على ترتيب البواقي ملاحظة اشاراتها فنجد في الجدول السابق أن البواقي ما بين الاختبارات ٢ ، ٥ ، ٣ . ولكن بواقي المعاملات بين أفراد كل من المجموعتين والأخرى سالبة ، مما يرجح التقسيم على هذا النحبو :

٣	o	٦	٤	Y	`	ر قــــم الاختبار	
٠,٠٨٧ –	- • • • • -	٠,١٠٤	۰٫۰۷۱	+ •,••∧ +	(1,171)	1	
٠,١٧٨	٠,١١٣،	۰,۲۱۹ _	+ ۱۹۹۹	(*^ '\)	•,• 4 A+	Y	
۱٫۱۵۳	۔,۰۳۱ –	۰,۱۸۳ –	•,177+	•,104+	٠,٠٧١+	٣	
()	()	()	(⁺)	(+)	(+)		
· ,	٠,٠٣٥ +	(107,1)	۰,۱۸۳ –	- ۲۱۲,•	٠,١٠٤ —	٦	
()	()	()	(+)	(+)	(+)		
·,•Y\+	(·,·¶Y)	+ ۲۰۰۰،	٠,٠٣١ _	٠,١١٣ –	•,•••	۰	
()	()	()	(+)	(+)	(+)		
(*,\YY)	+ / / /	+ ۲۲۰۰	۲۰۲۰،	۰,۱۷۸ ــ	٠,٠٨٧	٣	
٠,٤١٨	۰,۱۸۳.	٠,٥٠٦_	+ ۲۲۷٫۰	٠,٥١٠+	+ ۴۰۰۰,		
٠,٤١٨ —	•,104-	- ۲۰۰۰ –	• , ٣٦∨+	+ ۱۰,۰	+ ۰ ۰ ٠ +	المجموع	
- ۱۳۸ج	۰,۳۰٦	-ر۱٫۰۱۲	+ ٣٤٧ي٠	١,٠٢٠ +	٠,٤٠٠+		
{,٣· \ =	4,102	•	+	4,108			
- ۲۰۶۰ -	·,\{\	- ۲۸۷ ـ	٤٥٣, •	٠,٤٩١	•.19٣	س ق₁	
- ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** **							

جدول (٩٠٩)البواقي بعد العامل العام بعد تر تبها وعكسها .

A — الحطرة التالية هــي التي يطلق عليها خطوة الانعكاس Reflextion فنعكس اشارات الاختبارات التي في النصف السفلي من الجدول أي نفرب البواقي التي بها في – ١ . ففي المثال الحالي نعكس اشارات الاختبارات ٢ ، ٥ ، ٣ . ولكي لا تضيع الاشارات الأصلية بين قوسين كما هو الاشارات الأصلية بين قوسين كما هو موضح في الجدول (١١٢) .

٩ - اجمع البواقي في كل عامود بعد حدوث الانعكاسات اللازمة ، ثم اوجد المجموع الكلي مع تجاهل اشارات حواصل جمع الأعمدة . والمجموع الكلي في هذا المثال لهذه البواقي هو ٤,٣٠٨ ، ويلاحظ أن مجموع أعمدة القسمين واحدا في الجدول (٢,١٥٤) .

١٠ أوجد الجذر التربيعي لهذا المجموع الكلي (وهو هنا ٢٠٠٧) ، ثم اقسم حاصل جمع كل عامود على هذا الجذر التربيعي فينتج درجة تشبع كل اختبار بالعامل القطبي الأول ، ويجسب الا ننسى ارجساع الاشارة السالبة للاختبارات التي تم انعكاسها أثناء التحليل .

ويصف Burt (١) العوامل من هذا النوع بأنها عوامل قطبية أو ذات قطبين لأن درجات تشبع الاختبارات به لها نوعان من الاشارة (سالبة وموجبة) وهي في هذا المثال تمتد من + ١٩٤٨، الى – ١٩٤٧.

11 – والخطوات التالية تشبه الخطوات السابقة وتهدف الى استخراج درجسات تشبع الاختبارات بالعامل القطبي الثاني ، وذلك بتكوين جدول نظري لمعاملات الارتباط المتوقعة على أساس العامل القطبي الأول بنفس الطريقة التي تكون بها الجدول النظري على أساس العامل العام ثم تطرح خلايا هذا الجدول من خلايسا الجدول السابق للحصول على البواقي بعد العامل القطبي .

⁽¹⁾

iverted by	Tiff Combi	ne - (no stamp:	s are applied	by registered	version)

0 .,2,1						
-	1 44	19/ -		· 177) · . · 0 + · ,147 + · .184 -	+	(177)
		: 4		٧٢	(****) ٧٢ -	
- 127.	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	.,17,		·,·٧٢ + (·,٢٣٧) +	·, . V * +	.117-
,		•,172 -		۱۷۲ –	- 141 10	.124-
4 -		(*.781)	1,175 +	·, YY4 -	·.•٧٢ –	· 14^ –
< -	(*,TY)	· , · , · , · , · , · , · , · , · , · ,	• ,• ¶ \ +	1,146	· · · ۲ › -	۸۷۰۰
رقع الالختيار		~	~	هه ا	D	7
	11.0	161.	Yo Y	٧٨٠٤٠٠	***	

المجموع	-	٠,٠١ –	ļ	-	٠,٠٢ + ٠,٠١ -	•,•4 +	
7	٠,٠٨ -	٠,٠١٠- ٠,٠٢٠ + ٠,٠٩-	:,.1	*, * 7 2 +	٠,٠٣٨ -	·,· ۲ + (·,· 10) ·,· ۲ \	•,• 4
0	·, 14	:,::1	•,•٢١+		(·,Ye)	·, T* > 1	;.1-
اد.	:,1:1	*, • * • +	-,-11-	(*,18)	·,· * V	·, · Y2 + ·, · YV -	ı
•	·,·· ¥ +	.,14) .,.10-	(۱۲۰۰	- 11.	1,.11-	:,::	1
4	•;•••+	(3.38)	.,.\0-	*,***+	1,21	·,· ۲· + ·,· ٤١ -	ジニー
-	(:,:3)	•,••+	•,•• +	٠,٠١٠ _	+ 61.6.	-11.6. + 61.6 6.06.	1
رقع الاختبار ١	-	~	2.	4	0	٦	المجموع

جدول (۱۱۱) البواقي بعد العامل القطبي الأول

١٢ – ومن البواقي في الجدول السابق يتضح أن التقسيم يكون الى قسمين هما : اختبارات ١ . ٤ . ٥ ثم اختبارات

وتكون البواقي بعد ترتيبها كما يأتي:

			ſ				_,						. 			
	1,121-	+ 446.	-,117,-		- ye.'.	(:,:16)	(-)	+ 37.	(-)	•,• 4• +	(-)	·. · ٣٧ -	-,-11-	۰,۰۱۰ –	*	
بها دعكمها	*.141-	٠,٣٣٧	-111,	•,•04 —	- ۱۹۰۰	· , • Y £ +	(-)	(•,•\•)	(-)	·, · Y · +	(-)	·, • ٣٨	:,-1	.,	- €	
جنول (١١٢) البواقي بعد العام القطبي الأول بعد ترتيبها وحكسها جنول	*.14V -	+	ر - ۱۰۰،	·, · o Y -	1,004-	٠,٠٧٠ +	<u>(</u>	*,•*•+	(1)	(3,1,12)	<u>1</u>	1,167-	,.10-	*; *** +	7	#
ا () اليواقي يعد العام القطبي ا	17. V=		+ 1416	-,117+	.,110+	·,·*V-	(+)	*, * * *	(+)	-,-61-	(+)	(·,·Ye)	·,· Y / +	•,•14+	o	
بينول (۲)	•••	٠,٣٢٥	+ 44.6.	*, *** +	·, · ۲.7 +	1,111	(+)	::1:1	(+)	1,110	(+)	1,171+	(;;:)()	•,•••+	~	
	.,.14		.,. ۲۲+	*,*17 +	;,11+	*,*1* -	· (+	, , ,	· (+	*, * * +	(<u>-</u>)	*,*14 +	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	(*,::,1)	-	7
	c,	t •				-	•		•	-	t		, ~	·		

PAY

17 – وتستمر عملية التحليل بنفس النظام حتى يتضح أن البواقي قد قربت من الصفر أي أصبحت عديمة الدلالة الاحصائية . وعلى هذا الأساس بكتفي هنا باستخراج ثلاثة عوامل : عامل عام وعاملين قطبيين . ويرى برت أنه اذا لم يقترب مجموع مربعات التشبعات لكل اختبار من العوامل القطبية (اشتراكية الاختبار) الذي قدرناه منذ البداية قربا كافيا يعاد التحليل مرة أخرى بتقديرات أخرى وهكذا حتى يتحقق ذلك .

وفي المثال الحالي نجد أن :

الفــر ق	المعاملالمقدر	≯ س ≮	س ق ۲	س ق ۱	س م	
٠,٠٠٨	٠,٧٠	۰,۷۰۸	٠,٠٣٩	٠,١٩٣	۸۱۸٫۰	١
٠,٠٠٤	٠,٦٠	٤٠٢,٠	– ۱۲۸،	٠,٤٩١	۰,۵۸۹	٠٢
٠,٠٠٦	۰ ,٤٠	٠,٤٠٦	۰,۱٤١	- ۴۰۶۰۰ –	۰,٤٧٣	٣
•,•••	٠,٤٠	۰,۳۹٥	٠,•٨٨	٠,٣٥٤	۰,۵۱۲	٤
٠,٠٠٤	٠,٤٠	٠,٤٠٤	٠,٢٨٤	·,\{\v\ _	٠,٥٤٩	٥
٠,٠٠٨	۰۶,۰	۰٫٦٠۸	.,111 -	۰,٤٧٨ –	٠,٥٩٢	٦

جدول (١١٣) اختبار المعاملات القطرية المقدرة

وقد روجعت المعاملات المقدرة حتى أمكن الوصول الى المعاملات الآتية :

*,777 · , 777 · , 777 · , 777 · , 777 · , 777 · , 777 ·

وقد أدت هذه المعاملات الى درجات التشبع الآتية :

التشبـــع بالعامل القطبي (٢)	التشبــــع بالعامل القطبي (١)	التشبـــع بالعامل العام	الاختجـــــــار
•,•٧٣	•,144	٠ ,٨٢٢	المرادف والعكس
.,104	۰,۵۰۳	۰,۵۹۷	التكميل
- 171.	۰٫٤٠١	٠,٤٧٢	سلاسل الأعداد
۲۸۰.۰	۲ ٤٣. ٠	٠,٥٠٦	المحصول اللغوي
* YVY.	٠,١٤٤ _	٠,٥٤٦	ذاكرة الأعداد
•,188 -	·,£9A —	٧٩٥,٠	سلاسل الاشكال

جدول (١١٤) درجات التشبع النهائية بالعوامل الثلاثة

14 ـ ويتبع هذا التحليل الاحصائي تفسير للعوامل الناتجة ، ويرى برت أن النتيجة الحالية تصلح أساسا للتفسير بالرغم من وجود الاشارات السالبة في تشبعات اختبارات القدرات بالعوامل القطبية ما دام اختلاف الاشارة لا يتخذ الاعلى أنه دليل للتقسيم . ولكن ثرستون يصر على أن العوامل الناتجة عوامل فرضية . فلو فرضنا أن هذه العوامل الثلاثة مثلا أبعاد يحدد موضع كل اختبار على أساسها فان الأبعاد المتخذة على هذا الأساس تكون أبعادا لا معنى لها ، كأن تحدد نقطة في فراغ الحجرة على أساس محاور متعامدة تصل بين أي ثلاث نقط في هذا الفراغ ، بينما يمكن تحويل هذه الأبعاد عديمة المعنى الى أبعداد مؤسسة على الأبعاد المألوفة وهي الطول والعرض والارتفاع بمعناها المفهوم .

ويتضح من جدول (١١٧) أن العامل الأول عامل عام يجري في جميع الاختبارات ويرجح أنه الذكاء العام والعامل الثاني يميز بين الاختبارات اللفظية الأخرى. والعامل والعكس، والتكميل، المحصول اللغوي) والاختبارات غير اللفظية الأخرى. والعامل الأخير يجمع بين الاختبارات التي تشتمل على تكميل الناقص (أي ما يطلق عليه أحيانا ادراك المتعلقات Correlates ويمكن أن نسميه عامل الاستدلال (Reasoning) ويفصلها عن الاختبارات التي تتضمن الاستفادة من الذاكرة وهي المرادف والعكس والمحصول اللغوي وذاكرة الأعداد.

وواضح أن طريقة الجمع البسيط تقوم جميع خطواتها على أساس واحد هو قسمة حاصل جمع معاملات ارتباط الاختبار بالاختبارات الأخرى على الحذر التربيعي للمجموع الكلى لمعاملات الارتباط أي أن المعادلة الأساسية في الطريقة هي كما يأتي :

حيث س : درجة تشبع الاختبار (خ) بالعامل .

، مر_{اغ} : معامل الارتباط بين الاختبار (خ) والاختبار (^أ)

مح م : مجموع معاملات الارتباط بين الاختبار (خ) وجميع الاختبارات الأخرى .

، محس . مجموع معاملات الارتباط في الجدول الارتباطي .

ويقترح برت طريقة أخرى مؤسسة على التحليل بطريقة الحمع البسيط ويطلق على هذه الطريقة على المترايد الله الطريقة Method of Subdivided Factors ويمكن أن نسميها طريقسسة التقسيم المتزايد (١)

فهذا ينطبق على نمط التحليل الذي تؤدي اليه هذه الطريقة ، ونقطة الحلاف بين هذه الطريقة وطريقة الجمع البسيط تبدأ بعد استخراج العامل القطبي الأول ، حيث يقترح برت أن نقسم البواقي الى قسمين ، يحلل كل قسم منها على حدة على اعتبار أنه جدول منفصل ، وبذلك يكون نمط التشبعات كما هو مبين في الجدول الآتي وهو يمثل تحليلا فرضا لثمانية اختيارات :

	يد	قسيم المتزا	طريقة التأ			البسيسط	الجمع	. طريقة
								العوامل
س س	س ۳	س ۱	سم	۲	س ق	سیق	س م	
							_	الاختبارات
		+	†			+	+	1
		+	+		<u> </u>	+	+	Y
	+	+	+		+	+	+	٣
	+	ŧ	-		+	+	+	٤
_			ŧ		_	-	+	٥
			+				+	7
+		-	+		+	<u></u>	+	٦
+		_	+		+	~~	+	٨

جدول(١١٥) نمط التشبمات في طريقتي الجمع البسيط و التقسيم المتزايد

والخطوات العملية لهذه الطريقة في المثال السابق الذي تم تحليله بطريقة الجمع البسيط تبدأ بخطوة ١٢ حيث يبدأ الخلاف بين الطريقتين ، فتكون خطوة (١٢) هي الاقتصار على الربع الأيسر السفلي وتحليله على حدة ، ثم على الربع الأيسر السفلي وتحليله على حدة

 ⁽١) استخدم بعض الاخصائيين في مصر تسمية أحرى « الانقسام بالطريقة الثنائية » أنظر الاحصاء في التربية
 وعلم النفس : الدكتور عبد العزيز القوصي - الدكتور حسن محمد حسي - الدكتور محمد خليفه بركات .

كذلك وتهمل البواقي في الربعين الآخرين ، ولذلك يشترط برت أن تطبق هذه الطريقة في حالات خاصة هي التي تكون غالبية البواقي في الربعين الأيمن العلوي والأيسر السفلي ذات دلالة احصائية بينما تقل أو تنعدم البواقي ذات الدلالة في الربعين الباقيين (١)

الطريقة المركزية:

تبدأ الطريقة المركزية بنفس الحطوات التي اتبعت في طريقة الجمع البسيط ، وقد ذكرنا أن الفرق بين الطريقتين في هذه الحطوات أن بيرت يفضل مل الحلايا القطرية بمعاملات تقديرية تعدل بعد نهاية التحليل حتى النهاية ، ولكن ثرستون يضع أكبر معامل أرتباط للاختبار في الجدول كقيمة تقديرية للخلايا القطرية ، على أن يتبع هذا الاجراء عند بدء كل تحليل للبواقي كذلك حيث يحذف الباقي في الحلية القطرية ويوضع بدله أكبر باقى في العامود .

والاختلاف الثاني هو أن ثرستون يصر على أن العوامل المركزية Rotation of Axes وتحويل نمط التشبعات لا يمكن تفسير ها نفسيا الا بعد ادارة المحاور Simple Structure وتحويل نمط التشبعات الى ما يسميه ثرستون التركيب البسيط البسيط يبدأ بالتشبعات الناتجة من التحليل لعملية ادارة المحاور للحصول على التركيب البسيط يبدأ بالتشبعات الناتجة ثابتة موحدة المركزي . ويرى ثرستون أن التركيب البسيط يضمن وصول التحليل الى نتيجة ثابتة موحدة والشروط التي يضعها لهذا النمط هي :

١ – أن يحتوي كل صف في التحليل على تشبع صفري على الأقل.

٢ – أن يحتوي كل عامود في التحليل على عدد من التشبعات الصفرية يعادل عدد العوامل على الأقل.

٣ – اذا أخذنا أي عامود من أعمدة التشبعات ينبغي أن يكون بسه عدد مسن الاختبارات التي تتلاشى تشبعاتها بالعامل الآخر معادلا لعدد العوامل على الأقل .

وطريقة ادارة المحاور التي تتبع في هذا السبيل أن نختار أي عاملين ونعتبر هما محورين

Burt, C., « Sub. Divided Factors » British Journal of Psychology Statistical Section (1)

Thurstone, L., Multiple Factor Analysis, 1947.

وتمثل الاختبارات بنقط على هذين المحورين ، وندير المحاور ليمر أحدهما بأكبر عدد من الاختبارات ، ومن الطبيعي أن تتغير التشبعات نتيجة هذه الادارة فتحتفظ بالتشبعات الجديدة للعامل الذي مر بالاختبارات ، ونأخذ العامل الثاني مع عامل جديد وهكذا بأخذ

ومن المتبع عادة أن يقوم الباحث بمحاولات مبدئية ليقرر خطوات الادارة التي تضمن الوصول الى التركيب البسيط الذي يفي بالشروط الثلاثة السابقة ، علاوة على الوصول الى درجات تشبع موجبة لاختبارات القدرات العقلية .

العوامل كل اثنين في محاولة نصل في النهاية الى نموذج التركيب البسيط السابق شرحه .

واليك فيما يلي خطوات ادارة المحاور مبينة في مثال يتضمن ست اختبارات : أولا : المصفوفة الارتباطية التي بدأ منها التحليل .

٦	٥	٤	٣	۲	١	رقم الاختبار
٠,٠٠٢	٠,٤٤٨	٠,٠٠١	٠,٠٠١	٠,٥٢٥	_	١
٠,٠٠١	٠,٣٤٩	۲۰۳۲, ۰	٠,٠٩٨	_	:	Y
٤٠٥,٠	۲۱۳,۰	٠,١٣٣٠	_			٣
١,٠٠١	•,••1		_			
١٠,٣٠٧						
- •						

جدول (۱۱٦) مصفونة ارتباطية

نسانيا:

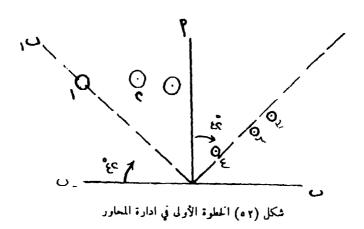
نتيجة التحليل المركزي:

۶۰	ب	î	رقم العامل رقـــم الاختبار
٠,٠٧٤	۲۱۲,۰	٧٤٥,٠	١
۰،۳٤۸ -	٠,٣٤٣	٠,٦٢٩	٧
٠,١٩١	٠,٤٩٢ _	•,079	٣
_ ۰۵۵,۰	٠,١٨٢ _	۰٫۲۸۱	٤
٠,٢٧٤	٠,١٤٣	۸۲۶,۰	٥
٠,٤٩٥	.,171 -	٠,٤٢٩	٦

جلول (١١٧) تشيمات الاختبارات بالموامل أ ، ب ، ح

ثالثا: ادارة المحاور:

(أ) نقوم برسم مبدئي لموقع الاختمارات تبعا لتشعانها بكل عاملين ، فتقوم بعمل ثلاثة رسوم (أمع ب) ، أمع ح ، (ب مع ج) لمحتار مها الرسم الذي نبدأ منسه الادارة ، وقد وقع الاختيار في هذا المثال على الرسم الذي يكول فيه العاملان أ ، ب احداثيي الرسم . ونجد أن خير وضع تدار المحاور اليه هو الوضع الذي يمر فيه المحور أبحوضع الاختبارات ٤ ، ٣ ، ٦ تقريبا ، وذلك لأننا فلاحظ أن النقط التي تمثلها تكاد تقع على استقامة واحدة بين نقطة الأصل ، ولذا اختير هذا الوضع كمرحلة أول ، ويقتضي هذا ادارة المحاور في اتجاه العقرب حوالي ٤٢ الله الوضع الحديد الذي يأخذ فيه المحور الوضع أ ، والمحور ب الوضع ب ، وي هذين الوضعين تصبح تشبعات الاختبارات ٣ ، ٤ ، ٢ صفرا تقريبا ، هذا ويمكن قياس أبعاد النقط عن المحاور في الوضع الجديد من الشكل مباشرة ، وهذه تعطي بطبيعة الحال مقاييس تقريبية لدرجات التشبع الجديدة .



(ب) ذكرنا أن المحورين سيدوران في اتجاه عقرب الساعة بنحو ٤٢°، وتبعسا لقاعدة رياضية اذا كان بعدا نقطة عن نقطة الأصل (تقاطع المحورين) هما س، صحيث س هو البعد على المحور أ، صهو البعد على المحور ب فان البعدين على المحورين نفسيهما بعد ادارة المحورين ٤٢° في اتجاه عقرب الساعة يضبحان (س جتا ٤٢° – صحا ٤٢°)، (س حا ٤٢° + صحتا ٤٤°) ومن جداول النسب المثلثية نجد أن:

·,779 = *87 b

، جتا ٤٢ = ٣٤٧ر.

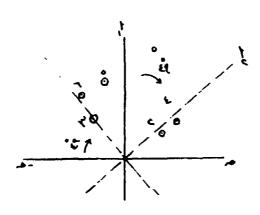
وعلى أساس هذين المقدارين نحول درجات التشبع الأصلية الى درجات التشبع الحديدة وتصبح الدرجات الجديدة كما يلى :

لجديدة	التشبع ا	در جات	لأصلية	تشبع اا	درجات ال	
<i>ب</i>		†	ب		†	الاختبار
۰,۸۱۷	٠, ٠	۰۰۷	٠,٦١٢		٠,٥٤٢	1
٠,٦٧٥		٠,٢٣٩	٠,٣٤٢		٠,٦٢٩	4
٠,٠,١٢		٧٢٧,٠	•,£4Y	_	۰,٥٢٩	٣
٠.٠٥٣		۲۳۲, ۰	•,114	_	۰٫۲۸۱	٤
٠,٥٢٦		۲۷۲, ۰	•,127		۸۲۶,۰	٥
•.• •		٧٠٢.٠	173.0	_	٠,٤٢٩	٦
۴۲۲.۰ (^أ ٫)		٧٤٧.٠	عوامل الضرب			
۰٫۷٤۳ (ب٫)	_	• ,٦٦٩				

ويمكن التأكد من صحة العمليات الحسابية من أن مجموع مربعي تشبعى كل اختبار بهذين العاملين يظل ثابتا لا يتغير مع ادارة المحاور .

ونظرا لأن التحليل الأصلي قد تم على ثلاثة عوامل فاننا نتطلب ثلاثة تشبعات صفرية في كل عامل حسب ما يتطلبه التركيب البسيط ، ونحن نلاحظ أن هذا قديتوفر في العامل γ (اختبار γ = γ - γ) .

(ح) تشتمل الحطوة التالية على ادارة المحورين أ_، مع ح . لذا نرسم مواضع الاختبارات أولا على هذين المحورين ، ولا يفوتنا اتخاذ الأبعاد الجديدة على المحور أ_، بدلا من الأبعاد الأصلية .



شكل (٣٥) الحطوة الثانية في ادارة المحور

(د) ويتضح من الشكل أن خير وضع للمحاور الجديدة نحصل عليه من ادارة المحاور الأصلية في اتجاه عقرب الساعة بحوالي ٤٩° حيث يمر المحور حم بالاختبارات ٢،٣،١ تقريبا ويمر المحور ألى بالاختبارات ٢،٢،١ تقريبا .

وبنفس طريقة الحساب السابقة نحصل على التشبعات الجديدة وهي كما يلي :

	درجات التشبع الحديدة	ببع الأصلية	درجات التث	
~ ر	Ī	>-	, †	
• , • ٤٣	··· · · -	·,•V1 _	٠,٠٠٧	١
٠,٠٤٨	- ',£Y'	۴٫۳٤۸ ــ	۰,۲۳۹	4
٠,٦٧٠	٠,٣٢٩	•,141	٧٢٧,٠	٣
.,111	۲۳۲، ۰	٠,٥٥٠ _	۰٫۳۳۱	٤
٠,٤٦٠	٠,٠٣٧	۲۷۲, ۰	۲۷۳,۰	٥
.,14.	٠,١٢٤	۰,۳۹٥	٧,٦٠٢	٦

(ه) وبذلك تصبح النتيجة النهائية كالآتي :

			المحاور	بعد ادارة المحاور			المحاور	قبل أدارة المحاور	
	رِّ ۴	Í).	4 -1	الا در	y.	.(-	العوامل الاختبارات
	٠,٦٧٣	73.6.	٠,٨١٧	1	34 341	34	1115.	730,-	_
	٠,٦٣٤ -,٠٤٨-	٠,٠٤٨ –	٥٧٢٠٠	٠,٤٢٠	.,14.	·, ٣٤٨ -	737,	.,774	~
	٠,٧٢٠ م٥٠٠٠	.,,,		.,٣٢4	٠,٥٥٨	.,001 .,191	-113.	.,044	-1
	.,210 .,111.	•,111-	٠,٠٥٢	٠,٦٣٢	.,£10	-,610 -,000 -	٠,١٨٢ -	٠,٢٨١	~
	.,٤٩.		.,077	٠,٠٣٧	٠,٤٩٠	٠,٢٧٠ ٠,٣٧٠		٠,٦٢٨	•
	. 64. 463.			٠,١٢٤	.,297	·, 64" ·, ro4	-373.	4.36.	مر

جدول (۱۱۸)در جات التشبع بعد ادارة المعاور

ويلاحظ أن نمط درجات التشبع قد قرب كثيرا من النمط النموذجي الذي تتطلبه مستلزمات « التركيب البسيط » واذا أريد الوصول الى نموذج أقرب يمكن اجراء خطوات أخرى للادارة .

طريقة العوامل الطائفية (١) :

تقوم طريقة العوامل الطائفية على فكرة نظرية ﴿ هِي أَن أَيَّة عملية عقلية يمكن أن نحللها الى عامل عام تشترك فيه مع باقي العمليات ثم عامل طائفي تشترك فيه مع عدد من العمليات الأخرى، فهي تطبيق مباشر لنظرية العوامل الثلاثة الي سبق توضيحها،

Burt, C. British Journal of Psychology (Statical Section) III, part 1.

ويحتلف الأساس العملي في هده الطريقة عنه في طريقة الجمع البسيط أو الطريقة المركزيةفي أن العامل العاء الذي يستخرج في هاتين الطريقةين يقوم مقام مركز الثقل بالنسبة لكتلةالجسم. بحيث تتوزع قيم البواقي بعد استخراجه والتخلص منه فيكون نصفها سالبا

					. Y £	•	.77	1.22	٨3.	. . >	. 0 .	لمعموغ	
	ı	<u>۔</u>	۲۲,		3	:		٤٧.	1	>	. •	ھر	
	-	ı	.1^		`^		١٧.	٨٤.	.16	ند	۲۱.	*	
	. ۲۷	· >	1		.17	6	۸۱.	٠٧٢	. 71	. 7 %	۸۸.	Υ	Y
٠,٠								٠٤.	1.00	1.7.	1.40	المجموع	
34.	3.	>	11.		1	۲۲.	Τ,	.47	۸۲۰	177	.47	ار	
		-	٠١.		٨٧	J	¥ 3.	٠٧٠	٠٣٥	÷	. 60	0	.(
1.46	. • 4	, 1 Y	· / >		4	**	1	33.	. 2 7	, * >	30,	~	
.\$\$. 7 2	, 2 ^	٧,	4.4.	4.1	۲.	7.66				,	المجموع	
۲٤.	٠.٧	1%	3	·	1 >	.40	73.		1	77.	. 10	4	
,1,			37.	٠٢.	.47	in.	*		.77	ı	٠,٧٥	4	_
30,	٠,	. >	744	.40	17.		,0,		٠,٦٥	٠,	1	-	\
المجموع	ه	>	<	المجموع	م	•	*	المجموع	7	~	_	آ جَعَانُ	

1			
	:		
	٠١,		,٣4
	٠, ١٠	4.4	,٧٨
	٠,١٠ ١٠ ١٠		, ۲4 , ۷۸ 1,14
			•
	.3		٠,٢٠
-	٠١٠ ، ٥٠٥ ، ٤٠	۳,۰	1,7. 1,0. 1,4.
	٠,٦٠		۱,۸۰
,	٠٧,		73,
	٠٨٠	۲,۱	٨٤٠
	٠,٩٠		30,
	درجات ۹۰ ،۸۰ ،۷۰	القاسم	المجسوع عور ١٤٨ ٢٤٠ ١٤٠

جدول (١١٩) حساب درجات التشبع بالعامل الاساسي

والنصف الآخر موجباً . ولكن العامل العام الذي يستخرج في طريقة العـــوامل الطائفيةيترك وراءه بواقي موجبه في اختبارات المجموعة الواحدة وصفراً في اختبارات المجموعات المختلفة ، ولذلك يفضل برت أن يسمي هذه العوامل اسما يختلف عن العامل العام فيطلق عليه « العامل الأساسي » .

والخطوات العملية في هذه الطريقة تنضح من تحليل المثال السابق (١) :

ويمكن تبسيط خطوات الطريقة اذا رمزنا للجدول الأصلي ولمعاملات ارتباط بالشكل الآتي :

⁽۱) هدا المثال مقتبس من Burt, C., The Factors of The Mind, 1940.

>	ب	î	
اء	أب	fi	ĺ
ب۔	ب ب	با	ب
>- >-	ح ب	اح أ	>-

أي أنه يمكن تمييز ثلاث مجموعات في الجدول الارتباطي والذي يدلنا على ذلك منذ البداية أن معاملات الارتباط في المربعات الثلاثة القطرية الموضحة في الجدول تكون أعلى على وجه العموم عما يتوقع لها على أساس الترتيب الهير اركي الذي تنخفض فيه المعاملات كلما اتجهت الى أسفل أو الى اليسار وتنحصر خطوات التحليل فيما يأتي :

١ سر رتب معاملات الجدول الارتباطي الأصلي ترتيبا تنازليا بقدر الامكان . حتى يتضح نمط التقسيم الى مجموعات . مستدلا عليها بالدليل الذي وصحناه .

٢ ـــ أوجد حواصل جمع أعمدة وصفوف كل مجموعة . كما هو مبين في الجدول
 واستنتج في النهاية المجموع الكلي للأعمدة (١,٨٩ ، ١,٦٨ ، ١,٤٧)

٣ ــ المعاملات في المربعات القطرية تتكون من عوامل أخرى مضافة الى العامل الأساسي بناء على النمكرة الأساسية في الطريقة . وأما ما عداها من المعاملات في المربعات الأخرى فهي راجعة الى العامل الأساسي وحده . ولذا نقتصر في حساب درجات التشبع لما العامل على هذه المربعات .

٤ ــ وطريقة حساب معاملات التشبع بهذا العامل الأساسي حسب هذه الطريقة بقتضي حساب قاسم لمجموعات أعمدة كل مجموعة (مع حذف معاملات المربعات القطرية) .

والقانون الذي تحسب به هذا القاسم للمجموعة الأولى هو:

أي يساوي في هذا المثال .

$$\sqrt{\cdot, \gamma} = \left\{ \sqrt{\frac{1, \xi \xi}{1, \gamma}} + \sqrt{\frac{1, \xi \xi}{1, \gamma}} \right\} = 1, \gamma$$

والقاسم للمجموعة الثانية هو :

وللمجموعة الثالثة :

ه – اقسم كل عامود على قاسم المجموعة التي ينتمي اليها لتحصل على درجات التشبع بالعامل الأساسي = ($1,000 \div 1,000 \cdot 1,0$

حساب درجات التشبع بالعوامل الطائفية :

7 - كون جدولا نظريا لمعاملات الارتباط المتوقعة على أساس درجات التشبع بالعامل الأساسي (١) ثم اطرح خلايا هذا الجدول من خلايا الجدول الأصلي لمعاملات الارتباط لتحصل على جدول البقايا بعد العامل الأساسي . واذا كانت هذه الطريقة مناسبة للتحليل فان البواقي بعد العامل الأساسي خارج المربعات القطرية تكون عديمة الدلالة الاحصائية . ونظرا لأن المثال الحالي مثال فرضي فاننا سنجد أن البواقي خارج المربعات القطرية معدومة تماما ، وتنحصر جميع البواقي في المربعات القطرية ، واليك هيما يلي هذه البواقي بعد استخراج العامل الأساسي .

⁽١) نترك الطااب تكوين هذا الجدول .

.1	٨	٧	٦	8	ŧ	٣	۲	١	رقم الاحتبار
-	_	_	_	_	_	. • ٢	۰۰۳	()	١
-	_	_		_	-	,٠٦	()	, ۳۰	۲
_	-				_	()	٠٠٦	٠٠٢	۴
	-	_	.•7	-17	()	_	_	:	٤
_	_	_	٠٠٨	()	-11	-	_	-	٥
_	_	_	()	٠٠٨	٠٠٦	_	-	_	٦
۲٤,	,۱۲	()	_	-	_	_	_		٧
٠٠٨	()	.11	_	_	-	_	_	_	٨
()	۰۰۸	.71	~	-		_	_	_	4

جدول (١٢٠) البواقي بعد العامل الأسسي

حذ البواتي في كل مربع من المربعات القطرية على حدة وحلله بالطريقة العادية الماركزية أو الجمع البسيط ، مع وضع تقديرات مناسبة للخلايا القطرية تحصل على النتيجة النهائية الآتية :

الطائفي (٣)	الطائفي (٢)	الطائفي (١)	الأساس	العامل
				الاختبار
-		٠,١٠	٠,٩٠	١
_	-	٠,٣٠	٠,٨٠	۲
-	_	۰٫۱۰	۰٫۷۰	٣
_	٠,٣٠	_	٠,٦٠	٤
_	٠,٤٠	_	٠,٥٠	٥
_	٠,٢٠	_	٠,٤٠	٦
٠,٦٠			۰٫۳۰	٧
٠,٢٠		_	۰٫۲۰	٨
٠,٤٠	_	_	۰٫۱۰	٩

جدول (١٢١) نتيجة التحليل بطريقة الموامل الطائفية

طريقة العوامل الجمعية (١١): Bi-Factor Method

تشبه طريقة العوامل الجمعية كثيرا طريقة برت للعوامل الطائفية . فهي تقوم أيضا على أساس أن المعاملات خارج المربعات القطرية هي التي تحلل أولا لاستخراج درجات التشبع بالعامل الأساسي ، ثم تحلل البواقي في المربعات القطرية للحصول على درجات التشبع بالعوامل الطائفية .

والمعادلة الأساسية التي تستخدم في حساب درجات التشبع في هذه الطريقة مؤسسة على أن درجة تشبع أي اختبار (س مثلا) بالعامل الأساسي (م) يمكن استخراجه مسن معاملات الارتباط بينه وبين أي اختبارين (ص ، ع مثلا) يشتركان معه في هذا العامل الأساسي .

وفي حالة الجدول المحتوي على عدد كبير من المتغيرات مقسمة الى مجموعات كما هو الحال في المثال الأخير (جدول ١٦٤) يمكن أن نرمز لمجموع معاملات الارتباط في المربعات بالرموز الآتية :

و تكون درجة تشبع أي اختبار في المجموعة (أ) ولكن اختبار سكما هي في المعادلة الآتيــة :

حيث كل من ، هم = مجموع معاملات ارتباط الاختبار س في المربعات ء ، هـ .

، و ــ المجموع الكلي لمعاملات المربع و

ولنأخذ اختبار (أ) في المجموعة الأولى من الجدول (١٦٤) .

$$\frac{1.1 \times 1.7}{1.11} = \frac{7}{1.11}$$

وبذلك بتسى لنا حساب معاملات التشبع بالعامل الأساسي . ونرى أنها مطابقة تماما لها في طريقة برت . وننتقل بعد ذلك الى حساب البواتي في المربعات القطرية ثم تحليل هذه البواتي . ويتبع هولزنجر نفس الطريقة السابقة في ذلك .

فاذا رجعنا الى جدول البواقي بعد العامل الأساسي في المثال السابق (جدول ١٦٥) وان درجة تشبع اختبار (أ) بالعامل الطائفي يمكن حساب من :

$$\frac{\cdot,\cdot \mathsf{Y} \times \cdot,\cdot \mathsf{Y}}{\mathsf{Y} \cdot \mathsf{Y} \cdot \mathsf{Y}} = \frac{\mathsf{Y} \cdot \mathsf{Y} \cdot \mathsf{Y} \cdot \mathsf{Y}}{\mathsf{Y} \cdot \mathsf{Y} \cdot \mathsf{Y} \cdot \mathsf{Y}}$$

، درجة تشبع اختبار (٨) بالعامل الطائفي للمجموعة الثالثة يمكن حسابه من :

$$\frac{\cdot,\cdot \wedge \times \cdot, \cdot \cdot \cdot}{\cdot, \cdot \xi} = \frac{\nabla}{\cdot, \cdot \xi}$$

وهكذا نصل الى نفس النتائج في التحليل التي توصلنا اليها بطريقة برت للعوامل الطائفية.

حاتمـــة:

بالرغم من الوقت القصير نسبيا الذي مر منذ أول محاولة للتحليل العاملي الا أن التقدم الذي أحرزه هذا الفرع من التحليل يعد كبيرا للغاية ، فقد اكتشفت طرق عديدة لهذا الذي أحرزه هذا الفرع من التحليل ولم نذكر منها الا بعضها في هذا الباب . كما أن استخدام التحليل العاملي قد زاد عن نطاق الهدف الذي بدأ به – وهو القدرات العقلية في سائر نواحي البحوث قد زاد عن نطاق الهدف الذي بدأ به – وهو القدرات العقلية في سائر نواحي البحوث

النفسية والاجتماعية ــ فقد تدخل في بحوث الشخصية وسماتها وأنماطها لدرجة كبيرة ، وأصبح أداة يعتمد عليها كثير من الباحثين الاجتماعيين كذلك في مقاييس الرأي العام والاتجاهات وغيرها . الا أننا يجب ألا نساق في ذكر ما لهذا الفرع من مزايا فننسى الحدود التي يجب أن نأخذها في الاعتبار عند استخدامه .

وأهم هذه الحدود ما يأتي :

1 - نتائج التحليل الاحصائية ثم تفسيرها تفسيرا فنيا يتوقف كلية على المتغيرات التي شملها البحث ، بمعنى أن العامل العام الذي يظهر في بطارية من الاختبارات يختلف في طبيعته وتفسيره عن العامل العام الذي يظهر في بطارية أخرى ، فهذا يتوقف على نوع العمليات العقلية التي تتكون منها البطارية .

النتائج الاحصائية للتحليل تتوقف على العينة التي تطبق عليها المقاييس فالعامل الذي يفسر على أنها عامل السرعة اذا طبق نفس الاختبار على الكبار .

٣ — وزيادة على ذلك فان النتائج تتوقف كذلك الى حد كبير على المادة التي تصاغ فيها مقاييس العمليات العقلية ، سواء كانت المادة ألفاظا أو صورا أو أعدادا أو أداء Performance فكما أن البحوث قد ميزت بين العوامل التي تتوقف على الوظائف العقلية (الاستدلال والتذكر) فقد ميزت أيضا بين العوامل التي تتوقف على المادة التي تصاغ فيها هذه الوظائف .

٤ — وأخيرا فان طريقة التحليل لا تنجح الا اذا كانت مؤسسه على اختيار ناجح للبطارية التي تحلل . فتحليل أي جدول ارتباطي بطريقة التحليل العاملي كثيرا ما يؤدي الى نتائج لا معنى ولا قيمة لها . ويحتاج هذا الى البدء بفرض يتضمن العوامل التي يحتمل ايجادها في التحليل (١) ويجمع الباحث لذلك من الاختبارات في البطارية مما قد يحقق له الغرض أو يرفضه .

ولهذا فان خطة استخدام طريقة التحليل العاملي ينبغي أن تسير في الخطوات الآتية :

⁽١) ويمترض الكثيرون على طريقة التحليل العاملي اعتراضاً يبدو وجيهاً ۽ أن الباحث يجد في المهاية الموامل التي أعدها قبل التحليل الواقع أن هذا الاعتراض مردود عليه . فالتحليل العاملي كأي طريقة علمية لا بد أن يبدأ بفرض قد يظهر التحليل في النهاية خطأه وبعده عن الحقيقة .

- ١ -- احتبر صلاحية الطريقة للبحث فلا تصاح طريقة التحليل العاملي لتجقيق أي فرض أو حل أية مشكلة ، بل تتوقف صلاحيتها على اختيار المجال المناسب .
 - ٢ -- ابدأ بفرض يتعلى بالعوامل المحتملة التي قد تنتج من التحليل .
- ٣ -- وتبعا لهذا الفرض تخير عددا كافيا من المقاييس أو الاختبارات (ومن المتفق عليه أن العامل الواحد لا بتحدد الا بثلاثة اختبارات أو مقاييس) .
- عدد المجتمع الذي تأخذ منه العينة ، واختيار المجتمع يتطلب النظر الى عدة نواحى تتوقف على طبيعة البحث الذي تقوم به .
- حدد طريقة اختيار العينة وعدد أفرادها بالتقريب. وينبغي أن يكون هذا العدد مناسبا حتى تكون النتائج في الحطوات المختلفة للتحليل ذات دلالة احصائية يمكن الاعتماد عليها.
- ٦ بعد حساب معاملات الارتباط ، وهي الحطوة الأساسية في التحليل العاملي ، تغير الطريقة التي تستخدمها في التحليل فليست كل طريقة صالحة لتحليل أي جدول ارتباطي كما أسلفنا .
- لا تتخذ نتائج التحليل الأولى ، بل يفضلون ادارة المحاور لتنقية العوامل الناتجة وتوضيح الصورة الأخيرة بقدر الامكان .
- ٨ ــ وأخيرا فنتيجة التحليل ليس من السهل تعميمها بل يحتاج هذا التعميم الى
 بحوث كثيرة في ظروف مختلفة مما لا يتسنى لباحث واحد القيام به عادة .

أسئلة على الباب السابع

١ ـــ اشرح المقصود من طريقة التحليل العاملي مبينا أهم مزاياه وحدوده كطريقة من طرق تحقيق الفروض العلمية .

٢ - « يعتبر سبير مان مؤسس مدرسة التحليل العاملي » ناقش هذه العبارة مبينا الحدمات التي قدمها سبير مان لهذه الطريقة العلمية .

٣ ــ قارن مع التمثيل بين النظريات المختلفة التي وضعت لوصف العلاقة بين العمليات العقلية المختلفة . ثم وضح كيف يمكن التوفيق بين وجهات النظر المختلفة فيها .

٤ - اشرح مع التمثيل ما تفهمه مما يأتي :

١ ـــ الترتيب الهيراركي .

٢ ــ المعادلة الرباعية .

٣ ــ ادارة المحساور .

المصفوفة الارتباطية الآتية تبين العلاقة بين تسعة اختبارات . استخدم الطريقة المركزية في تحليلها (يكتفي بثلاثة عوامل : واحد عام واثنان قطبيان) .

عمليات حسابية	۸ ادر الا	< ذا كرة الأشكال	م سلاسل الأرقام	الاستدلال الاشكال	اللفظ ا	ع ذا كرة الأمثال	م ملاحل الاشكال	المناسبات الأزقام	115.51
١٤,	۸۲۰	,۱۷	۰۱۳	۷۱,	,٦٤	٥١,	۱۲,		1
۰۸۰	۰۲,	,۷۲	۰۰,	۰۱,	,۱۹	۲۷,	_		۲
,٤٢	٥٧,	٠٤٠	۲۲,	۲۱,	٠١,				٣
,17	,۱۳	-11	٠٢,	۰۰,					1
,£٢	۸۱,	٠١٣.	۲۱,	-					٥
,£Y	۰۸,	ه ۶,							٦
,۷۸	,£4	_							٧
۰۳۰,									٨
_									1

جدول (۱۲۲) مصفوفة ارتباطية لستة اختبارات

ثم استنتج من هذا التحليل طبيعة العوامل التي تفسر هذه المعاملات .

اختبر البواقي بعدالعامل الطائفي الأول لتحديد ما اذا كانت تصلح للتحليل بطريقة التقسيم المتزايد Sub-Divided Factors . وطبق هذه الطريقة في حالة صلاحية البواقي لذلك.

٧ — ما المقصود من المفهوم (التركيب البسيط) الذي يهدف ثرستون الى الوصول اليه في التحليل وما شروطه ؟ الى أي حد تعتبر نمط التشبعات في طريقة العوامل الطائفية مستوفية لهذه الشروط ؟ .

٨ - حاول ادارة المحاور في التحليل الذي حصلت عليه في السؤال الحامس بطريقة الرسم لتقترب بقدر الامكان الى التركيب البسيط . مبينا رأيك في هذه الطريقة كوسيلة علمية للوصول الى نتائج موحدة ثابتة Unique .

اختر أي طريقة من طرق التحليل الى العوامل الطائفية وطبقها على جدول
 أثم اشرح طبيعة العوامل التي تصل اليها من هذا التحليل .

١٠ اشرح مثالين تستطيع أن تستخدم فيهما طريقة التحليل العاملي في البحوث الاجتماعية ، موضحا في أحدهما بالتفصيل الخطوات الي تسير عليها حتى تصل الى حل المشكلة الاجتماعية التي تبحثها .

فهرست الكتاب

	الموضوع
ن	مقدمة المؤلفير
: تصنيف البيانات وتمثيلها بالرسم	الباب الأول
القياس في علوم الأنسان	• • •
التوزيع التكراري	
<u> </u>	
المنحني التكـــراري	
المنحني التكراري التجمعي	
أنواع المنحنيات التوزيعية	
: المتوسطات أوالقيم المركزية	الباب الثاني
المتوسط الحسابي	• • •
الوسيط أو الأوسط	
المنوال أو الشائع	
مقارنة بين المتوسطات الثلاثة	
مقاييس التشتيت	الباب الثالث
المسدى المطلق	• •
نصف المدى الربيعي	
الانحراف المتوسط	
الانحراف المعياري	
مقارنة بين مقاييس التشتت	
	تصنيف البيانات وتمثيلها بالرسم القياس في علوم الأنسان التوزيع التكراري تمثيل التوزيع بالرسم المضلع التكراري الملاح التكراري المنحى التكراري التجمعي المنحى التكراري التجمعي أنواع المنحنيات التوزيعية المتوسطات أوالقيم المركزية المتوسط الحسابي المتوال أو الأوسط مقارنة بين المتوسطات الثلاثة مقاييس التشتيد مقارنة بين المتوسطات الثلاثة الملك الربيعي الخيراف المتوسط المعياري الانحراف المعياري

الصفحة		الموضوع
٨٤	معامل الاختلاف	
	استخدام معامل الاختلاف في المقاييس النفسية	
4.	والتربويــــة	
41	الدرجة المعيــــارية	
14	المثين	
4.4	استخدام الرتبة المثينية في البحوث النفسية	
۱.۸	المنحى الاعتدالي وخواصه :	الباب الرابع
1.4	نسبة الاحتمال	
117	التوزيع الاعتدالي في المقاييس النفسية والاجتماعية	
111	جدول المنحى الاعتدالي ــ الارتفاع	
141	تحويل التوزيع الى أقرب توزيع اعتدالي	
171	المساحسة	
144	مقياس ٣ ت ٣ والدرجة التائية	
144	تلخيص لأهم خواص المنحنى الاعتدالي	
۱۳۴	مقاييس انحراف التوزيع عن الاعتدالي :	
۱۳۳	شــــواء	וצו
144	رطسع	
181	: الارتبـــاط :	الباب الخامس
124	مقلم	
1\$4	معامل ارتباط الرتب	
701	معامل ارتباط بيرسون	
171	الانحدار والتنبسؤ	
178	الارتباط الثنسائي	
140	معامـــل فـــاي	
۲۸۱	خاتمة في معامل الارتباط	
140	العينات ومقاييس الدلآلسة	الباب السادس
197	العينـــات واختيارها :	
147	العينة العشوائية	

العينــة الطبقــة العينــة الطبقــة العينــة الطبقــة العينــة الطبقــة العينــة الطبقــة البـــة المتابي الاحصائية البـــة البـــة السبــة البـــة النـــة السبــة البـــة المباري لمامل ارتباط الرتب المباري لمامل ارتباط الرتب المباري المامل ارتباط الرتب المباري المباري المباري المبارية المبارية المبارية المباري المبارية ا	الصمحة		الموضوع
العينة المقيدة المقيدة بات المقاييس الاحصائية بات المقاييس الاحصائية بات المقاييس الاحصائية بات المسيط الحسابي بات النسبة بات معامل الارتباط الرتب بات معامل الارتباط الرتب ديات معامل الارتباط الرتب اختبار «ت» في قياس ثبات معامل الارتباط باختبار الات الخبار الاتباط الارتباط باختبار الاتباط باختبار لنوع العلاقة بين متعبري حكا ٢ كاختبار لنوع العلاقة بين متعبري بيات معامل التوافق من كا ٢ كاختبار النوع العلاقة بين متعبري بيات معامل التحليل العاملي بالتحليل العاملي بالتحليل العاملي بالتحليل العاملي بالتحليل العاملي باكتشاف الموامل الطائفية الحمد المسيط التوامل الطائفية الحمد السيط طريقة الموامل الطائفية الموامل الموامل الموامل الموامل الطائفية الموامل الموام		العنية الطبقية	والر
برات المقاییس الاحصائیة برات المقاییس الاحصائیة برات المتوسط الحسابی برات السید الوسید الوسید السید الوسید الحسابی المحمال الارتباط برات معامل الارتباط الرتب الحدید الحقیار الت الحدید الحتبار الات الحدید الحتبار الات الحدید الح	Y	•	
	7 • 1	•	
	7 • 7	<u> </u>	
۲۰۹ العباري المعامل الارتباط ۲۱۲ الحمال العباري المعامل الرتباط الرتب ۲۱۲ اختبار « ت » في قياس ثبات معامل الارتباط ۲۲۲ اختبار كا ۲ ۲۳۸ اختبار كا ۲ ۲۳۸ حساب معامل التوافق من كا ۲ ۲۲۵ خليل التبيان ۲۲۵ خليل التبيان ۲۲۰ المحليل العاملي ۲۲۰ المحليل العاملي ۲۲۰ المحليل العاملي ۲۲۰ المحليل العاملي ۲۷۷ المحليل العاملي ۲۷۷ الطرق العملية للتحليل العاملي ۲۷۹ الطريقة المحوامل الطائفية طريقة العوامل الطائفية طريقة العوامل الحامي ۲۹۸ المحمية ورةم الإيداع و77/1.79	7.0	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
۲۱۰ الخطأ المعاري لعامل ارتباط الرتب ۲۱۲ دلالة الفروق والفرض الصفري ۲۱۸ اختبار « ت » في قياس ثبات معامل الارتباط ۲۲۲ اختبار کا ۲ ۲۳۸ حساب معامل التوافق من کا ۲ ۲۹۰ خلیل التبساین ۱۳۰ خلیل التبساین ۱۳۰ التحلیل العاملي » ۱۳۰ العاملي » ۲۹۰ العاملي » ۲۹۰ العاملي » ۲۷۰ العاملي » ۲۷۰ العاملية المحوامل الطائفية ۲۷۹ الطريقة المحوامل الطائفية المحوامل الطريقة المحوامل المحدد الم	٧٠٧	ثبات النسبة	
دلالة الفروق والفرض الصفري دلالة الفروق والفرض الصفري المنتها المنتبار « ت » اختبار « ت » اختبار « ت » أو قياس ثبات معامل الارتباط ١٣٦٤ ١٣٦٠ ١٣٦٠ ١٣٦٠ ١٣٦٠ ١٣٦٠ ١٣٦٠ ١٣٦٠ ١٣٦٠	7.9	ثبات معامل الارتباط	
اختبار " ت " اختبار كا ٢ اختبار كا ٢ كاختبار لنوع العلاقة بين متعبر ي حساب معامل التوافق من كا ٢ كاختبار لنوع العلاقة بين متعبر ي التحليل التبيان التبيان التبيان العاملي التحليل العاملي التحليل العاملي الخطوات التجزيبية التي أدت الى التحليل العاملي معادلة الفروق الرباعية التحليل العاملي	۲۱.	الخطأ المعباري لمعامل ارتباط الرتب	
استخدام اختبار الا ت ال قياس ثبات معامل الارتباط ٢٢٢ الحتبار كا ٢ كاختبار لنوع العلاقة بين متعبر يي ٢٣٨ - كا ٢ كاختبار لنوع العلاقة بين متعبر يي حساب معامل التوافق من كا ٢ كاختبال التوافق من كا ٢ كاختبال التوافق من كا ٢ ٢٥ عليل التبحليل التاملي التحليل العاملي التحليل العاملي ١٩٤٩ الخطوات التجريبية التي أدت الى التحليل العاملي ١٩٩٩ الكتشاف العوامل الطائفية ١٩٩٨ الكملي ١٩٩٠ الطريقة المحريلة المحملية للتحليل العاملي ١٩٩٠ الطريقة المركزية الموامل الطائفية المركزية الموامل الطائفية ١٩٩٨ المحمية طريقة العوامل الطائفية ١٩٩٨ حمية ١٩٩٨ حمية ١٩٩٨ حمية ١٩٩٨ حمية ١٩٩٨ الترقيم الليولي ١٩٩٨ ١٩٩٨ حمية	717	دلالة الفروق والفرض الصفري	
اختبار كا ۲ كاختبار لنوع العلاقة بين متعبري المحلوب التوافق من كا ۲ كاختبار لنوع العلاقة بين متعبري حساب معامل التوافق من كا ۲ كاختبار لنوع العلاقة بين متعبري المحلوب التحليل التحليل التحليل التحليل العاملي المحلوب التحليل العاملي المحلوب التحليل العاملي المحلوب التحليل العاملي المحلوب المحلو	414	اختیار « ت »	
۲۳۸ حسب المعامل التوافق من كا ۲ ۲٤٣ حساب معامل التوافق من كا ۲ خاليل التبسيان خاليل التحليل العاملي ۲۲٥ التحليل العاملي ۱ الخطوات التجريبية التي أدت الى التحليل العاملي ۲۲۹ ۱ کتشاف العوامل الطائفية ۲۷۸ ۲۷۸ الطرق العملية المتحليل العاملي العا	445	استخدام اختبار « ت » في قياس ثبات معامل الار تباط	
۲٤٣ ۲٤٣ ۲٤٤ ۲٠٠ ٢٠٠ ٢٠٠ ٢٠٥ ٢٠٥ ٢٠٥ ٢٠٥ ٢٠٥ ٢٠٠ ١٨٠ ١٨٠ ٢٠٠ ٢٠٠ ١٨٠ ٢٠٠	777	اختبار کا ۲	
۲۲٤ تحليل التباين ۲۲٥ تحليل التباين ۱ أهداف التحليل العاملي ۲۲۹ الخطوات التجريبية التي أدت الى التحليل العاملي ۲۷۳ معادلة الفروق الرباعية ۲۷۸ ۱ الطرق العملية للتحليل العاملي ۲۷۹ ۲۷۹ طريقة الجمع البسيط ۲۹۳ الطريقة المركزيـــة طريقة العوامل الطائفية ۲۹۸ طريقة العوامل الجمعية ۳۰۶ حاتمــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	የ ሞለ	ـ كا ٢ كاختبار لنوع العلاقة بين متعبرين	
۲۲۰ الباب السابع التحليل العاملي	7 \$ 7	حساب معامل التوافق من كا ٢	
۲۹۷ أهداف التحليل العاملي ۲۲۹ الخطوات التجريبية التي أدت الى التحليل العاملي ۲۷۳ معادلة الفروق الرباعية ۲۷۸ الحرق العملية للتحليل العاملي ۲۷۹ الطرق العملية للتحليل العاملي ۲۹۸ الطريقة الجمع البسيط ۲۹۸ طريقة العوامل الطائفية ۲۹۸ طريقة العوامل الجمعية ۲۰۵ خاتم ۲۹۸ الترقيم الدولى ۱۳۰۵ الترقيم الدولى ۱۳۰۵ الترقيم الدولى ۱۳۰۵	712	تحليل التبـــــاين	
۲۲۹ الحامل الماملي العاملي العامل العلمي العلم	470	التحليـــل العامــــلي ؛	🗢 الباب السابع
۲۷۳ معادلة الفروق الرباعية ۱ كتشاف العوامل الطائفية ۲۷۸ ۱ الطرق العملية للتحليل العاملي جسم الطرقة الجمع البسيط طريقة المركزيسة ۲۹۳ ۲۹۳ طريقة العوامل الطائفية ۲۹۸ طريقة العوامل الجمعية ۳۰۶ خاتم رقم الإيداع ۹ ۲/۱۰۲۹۸ الترقيم الدولى 977/10/0907/01/0907/01/0907	* 1V	أهداف التحليل العاملي	•
۲۷۸ اکتشاف العوامل الطائفية ۲۷۹ الطرق العملية للتحليل العاملي بيسج ۲۹۳ طريقة الجمع البسيط ۲۹۳ الطريقة المركزيسة طريقة العوامل الطائفية ۳۰٤ طريقة العوامل الجمعية ۳۰۰ خاتمية وقم الإيداع ۱لترقيم الدولى 977/10700/0907/0	779	الحطوات التجريبية الَّتي أدت الى التحليل العاملي	
الطرق العملية للتحليل العاملي بين الطرق العملية للتحليل العاملي بين الطريقة الجمع البسيط الطريقة المركزيية طريقة العوامل الطائفية طريقة العوامل الطائفية العوامل الجمعية خاتمية العوامل الجمعية العوامل المولى و/ ١٥٧٥ / ١٥ / ٩٦/١٠٢٩٨ التوقيم اللولى و/ ١٥٥٥ / ١٥ / ٩٦/١٠٢٩٨ التوقيم اللولى	7 ~	معادلة الفروق الرباعية	
۲۸۰ طريقة الجمع البسيط ۲۹۳ الطريقة المركزيــة طريقة العوامل الطائفية ۳۰٤ طريقة العوامل الجمعية ۲۰۰۵ خاتمــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	444	اكتشاف العوامل الطائفية	
۲۹۳ الطريقة المركزيــة طريقة العوامل الطائفية ۳٠٤ طريقة العوامل الجمعية ۲۰۰۰ خاتمـــــة . 97/۱۰۲۹۸ الترقيم الدولى 9/700/0907/00/00/00/00/00/00/00/00/00/00/00/00/0	* * * *	الطرق العملية للتحليل العاملي بصحخ	
۲۹۸ طريقة العوامل الطائفية طريقة العوامل الجمعية ۳۰۵ خاتمـــــة . وقم الإيداع 10 / 0907 / 09 977 / 10 / 0907 / 09	۲۸۰	طريقة الجمع البسيط	
طريقة العوامل الجمعية طريقة العوامل الجمعية بخاتم المداع بخاتم المداع بخاتم الدولى 10/0907/10 / 977	794	الطريقة المركزيسة	
خاتمـــة . و ۳۰۰ رقم الإيداع	197	طريقة العوامل الطائفية	
رقم الإيداع	4.8	طريقة العوامل الجمعية	
الترقيم الدولى 9/ 0907 / 10 / 977	۳۰۰	خاتمــــــــة .	
, , ,	<u> </u>	رقم الإيداع ٩٦/١٠٢٩٨	



